



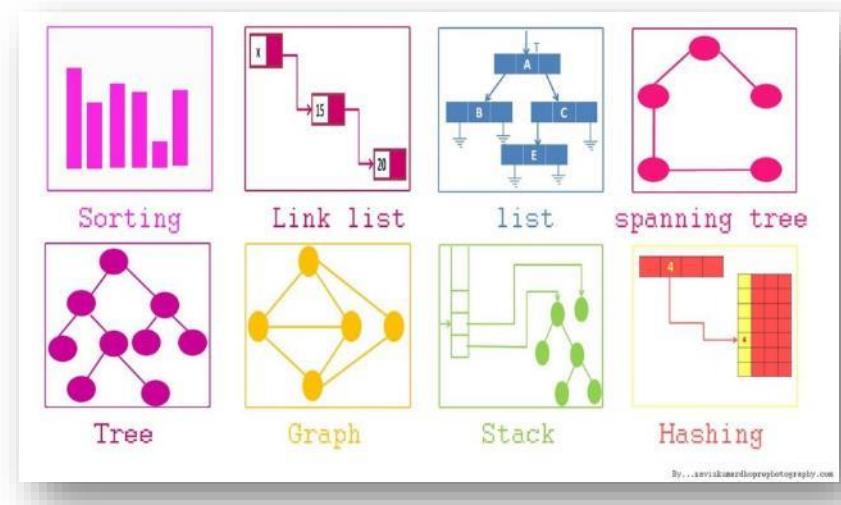
# 程式語言與設計

劉和師 老師 part 3

2025/8/20

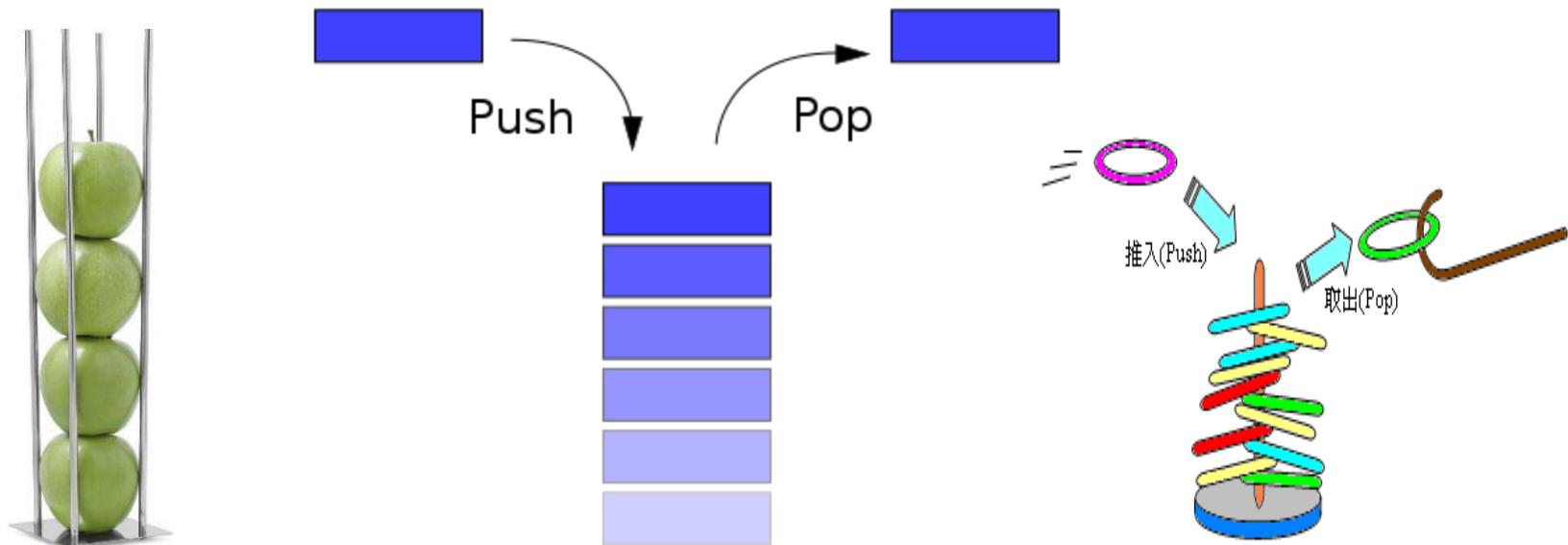
# 資料結構

- ▶ 資料結構(data structure)是電腦中儲存、組織資料的方式。
- ▶ 正確的資料結構選擇可以提高演算法的效率。在電腦程式設計的過程中，選擇適當的資料結構是一項重要工作。
- ▶ 常見的資料結構：
  - ▶ 陣列 (Array)
  - ▶ 堆疊 (Stack)
  - ▶ 佇列 (Queue)
  - ▶ 鏈結串列 (Linked List)
  - ▶ 樹 (Tree)
  - ▶ 圖 (Graph)
  - ▶ 堆積 (Heap)
  - ▶ 雜湊表 (Hash)



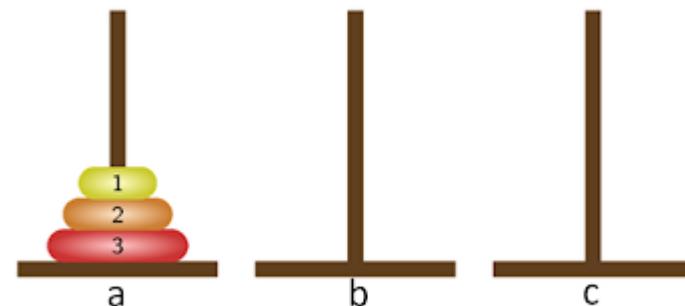
# 資料結構 – 堆疊(Stack)

- ▶ 在日常生活中，把物品(如餐盤、書本)由桌面一個一個向上疊放，取用時由最上面一個個向下拿去，這種觀念稱為堆疊(stack)。
- ▶ 存入稱**PUSH**，取出稱**POP**。



# 資料結構 – 堆疊(Stack)

- ▶ 堆疊觀念：先進後出(First In Last Out，**FILO**)或稱為後進先出(Last In First Out，**LIFO**)。
- ▶ 堆疊觀念在計算機中使用很廣，例如主副程式間訊息傳送，CPU中斷處理、遞迴程式的呼叫及返還。
- ▶ 最著名的問題就是：河內塔。



# 資料結構 – 堆疊(Stack)

---

- ▶ 使用堆疊結構，寫一程式，使用者可以有四種選擇：
  - ▶ 1.加入數字
  - ▶ 2.取出數字
  - ▶ 3.查看Stack
  - ▶ 4.離開程式
- ▶ (可以用簡單的陣列來做，或以物件的方式實現。)
- ▶ 將資料y存入堆疊s，使用指令：  

`s.append(y)`
- ▶ 將最後一個資料pop出來：  

`y = s.pop(len(s)-1)`

# 資料結構 – 堆疊(Stack)

## ► 參考程式：

```
#加入一個資料到堆疊
def addNumberToStack(s):
    y = int(input("請輸入要加進stack的數字:"))
    s.append(y)
#從堆疊取出一個資料
def popNumberFromStack(s):
    if len(s) != 0:
        y = s.pop(len(s)-1)
        print("從stack裡取出的數字為:"+str(y))
    else:
        print("Stack現在是空的!")
#印出堆疊內容
def showStack(s):
    if len(s) != 0:
        print("Stack的內容為: "+str(s))
    else:
        print("Stack現在是空的!")
```

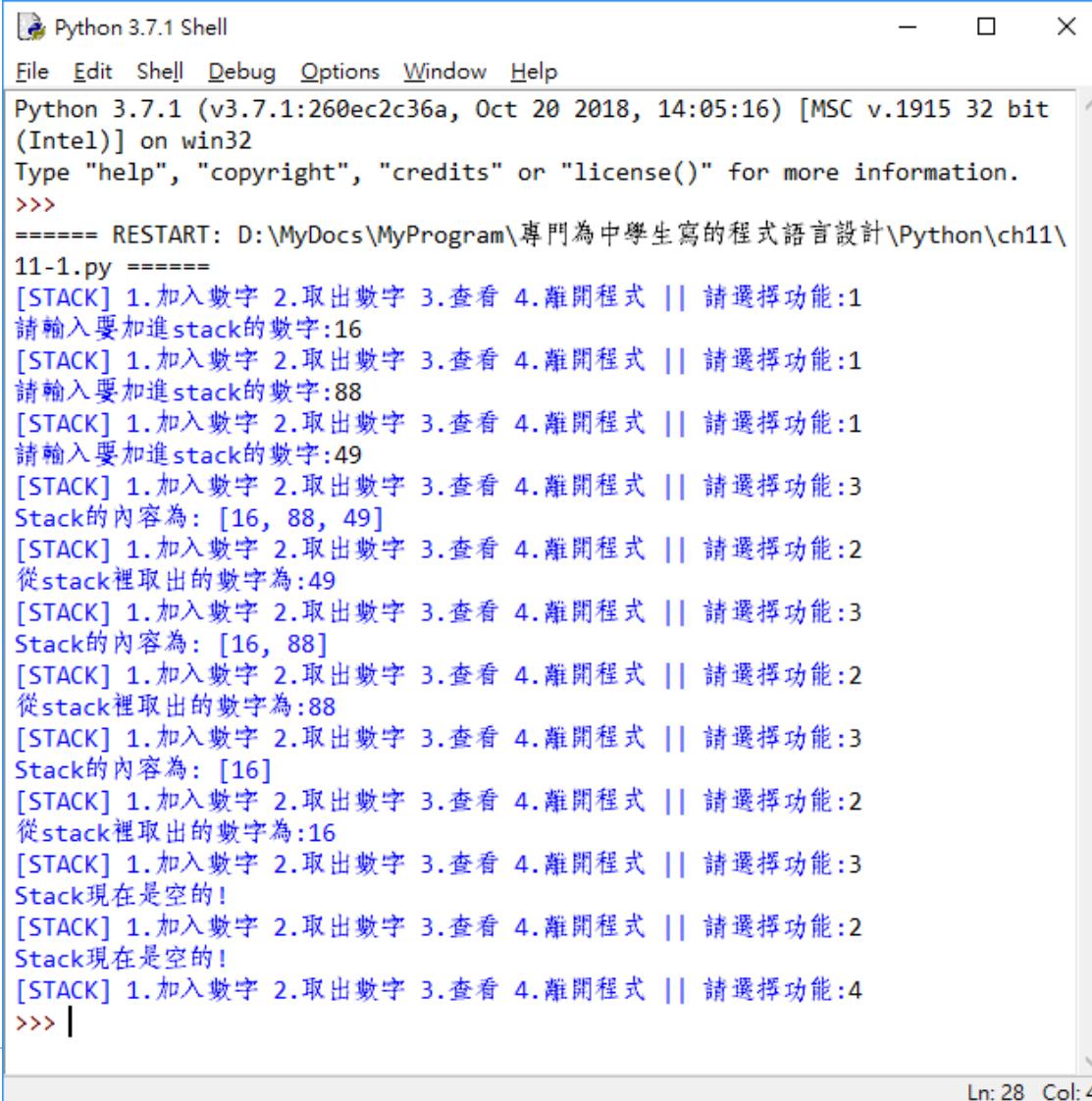
# 資料結構 – 堆疊(Stack)

## ► 參考程式：

```
#main
S = []
while True:
    x = int(input("[STACK] 1.加入數字 2.取出數字 3.查看
                  4.離開程式 || 請選擇功能:"))
    if x == 1:
        addNumberToStack(S)
    elif x == 2:
        popNumberFromStack(S)
    elif x == 3:
        showStack(S)
    elif x == 4:
        break
```

# 資料結構 – 堆疊(Stack)

## ▶ 執行結果：



Python 3.7.1 Shell

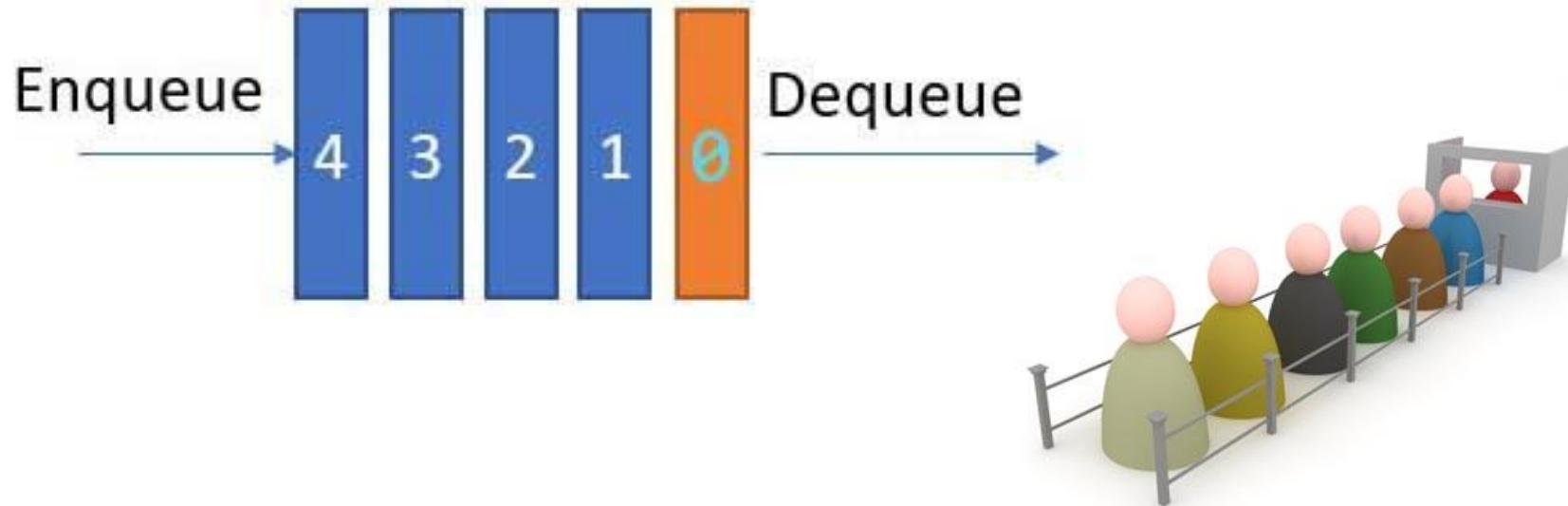
File Edit Shell Debug Options Window Help

```
Python 3.7.1 (v3.7.1:260ec2c36a, Oct 20 2018, 14:05:16) [MSC v.1915 32 bit
(Intel)] on win32
Type "help", "copyright", "credits" or "license()" for more information.
>>>
===== RESTART: D:\MyDocs\MyProgram\專門為中學生寫的程式語言設計\Python\ch11\
11-1.py =====
[STACK] 1.加入數字 2.取出數字 3.查看 4.離開程式 || 請選擇功能:1
請輸入要加進stack的數字:16
[STACK] 1.加入數字 2.取出數字 3.查看 4.離開程式 || 請選擇功能:1
請輸入要加進stack的數字:88
[STACK] 1.加入數字 2.取出數字 3.查看 4.離開程式 || 請選擇功能:1
請輸入要加進stack的數字:49
[STACK] 1.加入數字 2.取出數字 3.查看 4.離開程式 || 請選擇功能:3
Stack的內容為: [16, 88, 49]
[STACK] 1.加入數字 2.取出數字 3.查看 4.離開程式 || 請選擇功能:2
從stack裡取出的數字為:49
[STACK] 1.加入數字 2.取出數字 3.查看 4.離開程式 || 請選擇功能:3
Stack的內容為: [16, 88]
[STACK] 1.加入數字 2.取出數字 3.查看 4.離開程式 || 請選擇功能:2
從stack裡取出的數字為:88
[STACK] 1.加入數字 2.取出數字 3.查看 4.離開程式 || 請選擇功能:3
Stack的內容為: [16]
[STACK] 1.加入數字 2.取出數字 3.查看 4.離開程式 || 請選擇功能:2
從stack裡取出的數字為:16
[STACK] 1.加入數字 2.取出數字 3.查看 4.離開程式 || 請選擇功能:3
Stack現在是空的!
[STACK] 1.加入數字 2.取出數字 3.查看 4.離開程式 || 請選擇功能:2
Stack現在是空的!
[STACK] 1.加入數字 2.取出數字 3.查看 4.離開程式 || 請選擇功能:4
>>> |
```

Ln: 28 Col: 4

# 資料結構 – 佇列(Queue)

- ▶ 顧名思義是一種像排隊一樣的概念。
- ▶ 在這個模式下我們可以知道它是一種先進先出(First-In-First-Out, **FIFO**)的排程。
- ▶ 存入稱**Enqueue**，取出稱**Dequeue**。



# 資料結構 – 佇列(Queue)

---

- ▶ 使用佇列結構，寫一程式，使用者可以有四種選擇：
  - ▶ 1.加入數字
  - ▶ 2.取出數字
  - ▶ 3.查看Queue
  - ▶ 4.離開程式
- ▶ 將資料y存入佇列q，使用指令：  
`q.append(y)`
- ▶ 將最前面的資料取出來：  
`y = q.pop(len(0))`
- ▶ 在Python中我們仍用pop方法來取出資料，只是從陣列最前頭取出。

# 資料結構 – 佇列(Queue)

## ► 參考程式：

```
#加入一個資料到佇列
def addNumberToQueue(q):
    y = int(input("請輸入要加進Queue的數字:"))
    q.append(y)
#從佇列取出一個資料
def popNumberFromQueue(q):
    if len(q) != 0:
        y = q.pop(0)
        print("從Queue裡取出的數字為:"+str(y))
    else:
        print("Queue現在是空的!")
#印出佇列內容
def showQueue(q):
    if len(q) != 0:
        print("Queue的內容為: "+str(q))
    else:
        print("Queue現在是空的!")
```

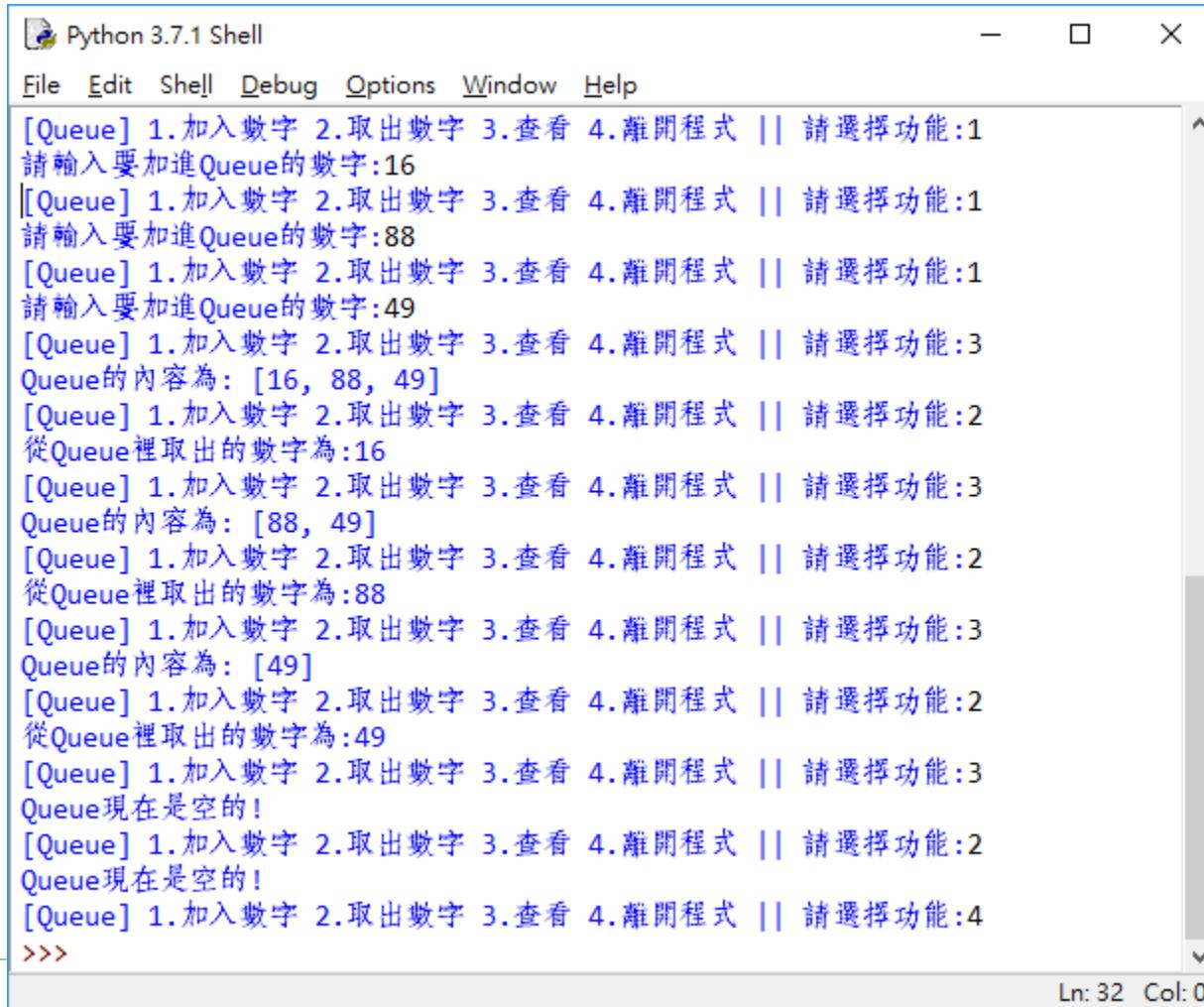
# 資料結構 – 佇列(Queue)

## ► 參考程式：

```
#main
q = []
while True:
    x = int(input("[Queue] 1.加入數字 2.取出數字 3.查看
                  4.離開程式 || 請選擇功能:"))
    if x == 1:
        addNumberToQueue(q)
    elif x == 2:
        popNumberFromQueue(q)
    elif x == 3:
        showQueue(q)
    elif x == 4:
        break
```

# 資料結構 – 佇列(Queue)

## ▶ 執行結果：



Python 3.7.1 Shell

File Edit Shell Debug Options Window Help

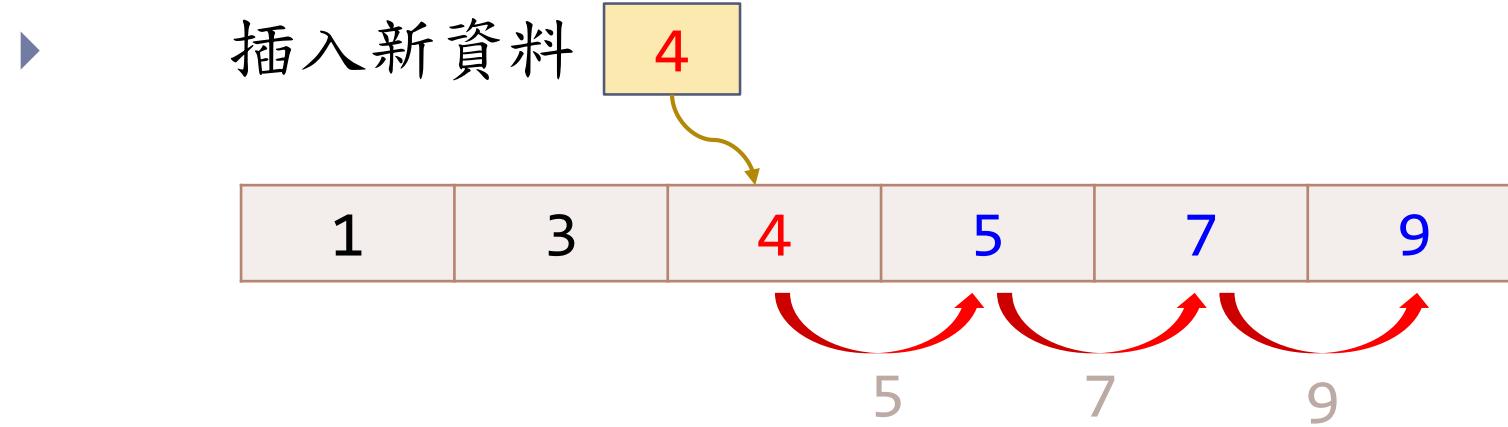
```
[Queue] 1.加入數字 2.取出數字 3.查看 4.離開程式 || 請選擇功能:1
請輸入要加進Queue的數字:16
[Queue] 1.加入數字 2.取出數字 3.查看 4.離開程式 || 請選擇功能:1
請輸入要加進Queue的數字:88
[Queue] 1.加入數字 2.取出數字 3.查看 4.離開程式 || 請選擇功能:1
請輸入要加進Queue的數字:49
[Queue] 1.加入數字 2.取出數字 3.查看 4.離開程式 || 請選擇功能:3
Queue的內容為: [16, 88, 49]
[Queue] 1.加入數字 2.取出數字 3.查看 4.離開程式 || 請選擇功能:2
從Queue裡取出的數字為:16
[Queue] 1.加入數字 2.取出數字 3.查看 4.離開程式 || 請選擇功能:3
Queue的內容為: [88, 49]
[Queue] 1.加入數字 2.取出數字 3.查看 4.離開程式 || 請選擇功能:2
從Queue裡取出的數字為:88
[Queue] 1.加入數字 2.取出數字 3.查看 4.離開程式 || 請選擇功能:3
Queue的內容為: [49]
[Queue] 1.加入數字 2.取出數字 3.查看 4.離開程式 || 請選擇功能:2
從Queue裡取出的數字為:49
[Queue] 1.加入數字 2.取出數字 3.查看 4.離開程式 || 請選擇功能:3
Queue現在是空的!
[Queue] 1.加入數字 2.取出數字 3.查看 4.離開程式 || 請選擇功能:2
Queue現在是空的!
[Queue] 1.加入數字 2.取出數字 3.查看 4.離開程式 || 請選擇功能:4
>>>
```

Ln: 32 Col: 0

# 資料結構 - 鏈結串列(Linked List)

- ▶ 對一個已排序的清單來說，要插入一個新資料時就很麻煩，原先的資料要一個個往後移動以騰出位置給新資料，這在清單很大時頗無效率。
- ▶ 例：原清單

1	3	5	7	9
---	---	---	---	---



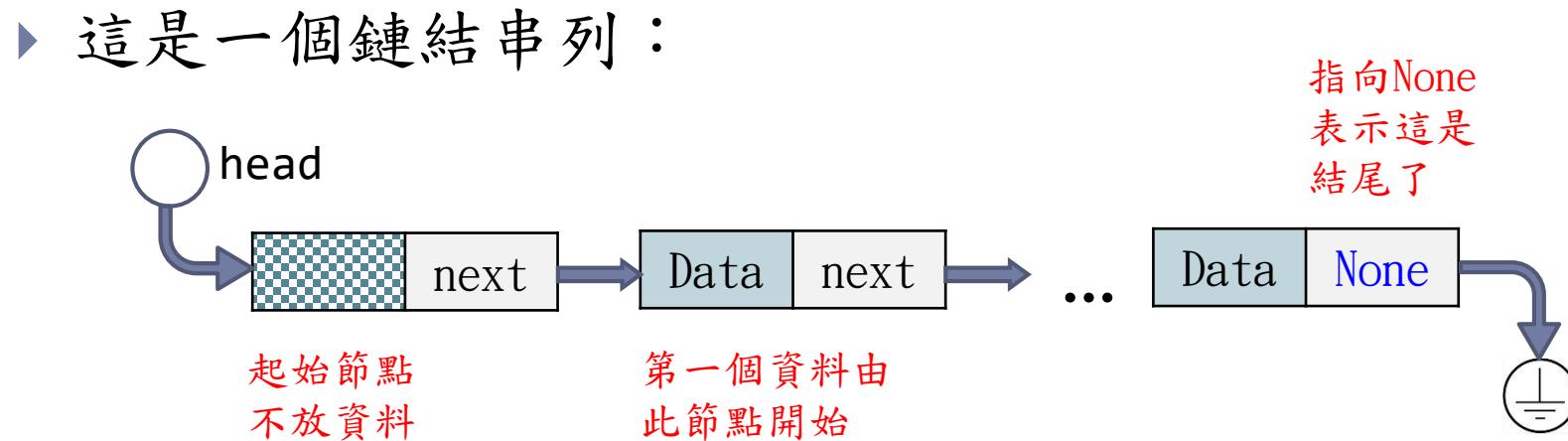
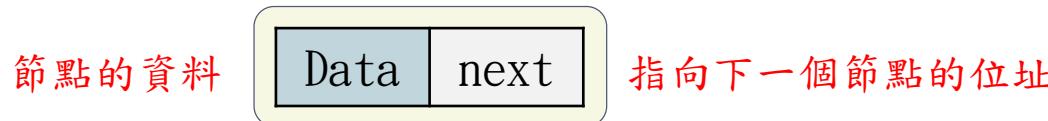
# 資料結構 - 鏈結串列(Linked List)

---

- ▶ 我們可以使用鏈結串列(Linked List)，它有點像火車串接在一起，每一個資料稱為一個節點，每個節點還包含一個指向下一個節點的資料(稱為指標)。
- ▶ 它的記憶體空間不像清單(List)是連續的，有可能是隨機而分散的。
- ▶ 它在加入及刪除資料時都比清單(List)簡單且快速，但在搜尋資料的效率上還是清單(List)快。
- ▶ 除了最簡單的單向鏈結串列，還有雙向鏈結串列、環狀鏈結串列等結構。
- ▶ 我們這裡只介紹單向鏈結串列。

# 資料結構 - 鏈結串列(Linked List)

- ▶ 鏈結串列的每一個節點包含一個資料，一個指向下一個節點的指標，藉由指標將節點串接起來。
- ▶ 這是一個節點：

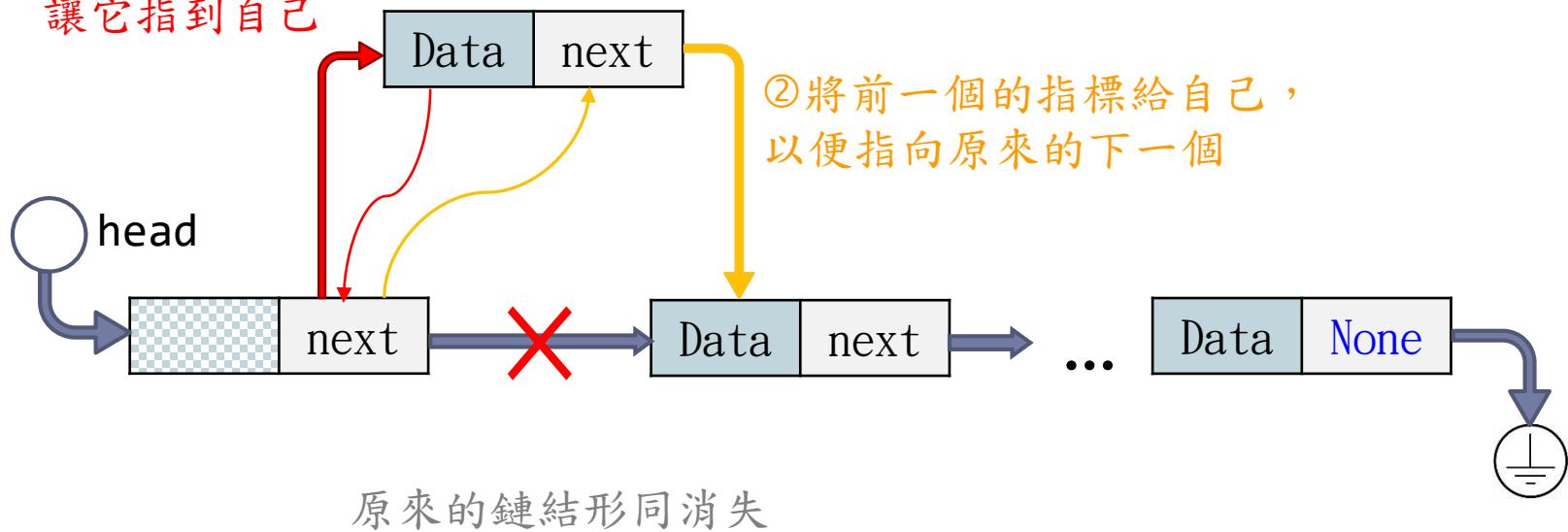


# 資料結構 - 鏈結串列(Linked List)

► 插入一個新資料的過程 ①②③：

①找到正確的位置

③將自己的位置給前一個指標，  
讓它指到自己



# 資料結構 - 鏈結串列(Linked List)

## ▶ 刪除一個資料的過程 ①②③：

③讓前一個指標直接指到下一個，  
略過自己，就等同刪除了



## ▶ 我們在後面介紹物件導向(OOP)時再來實做鏈結串列。

休息一下~

---



# 排序

---

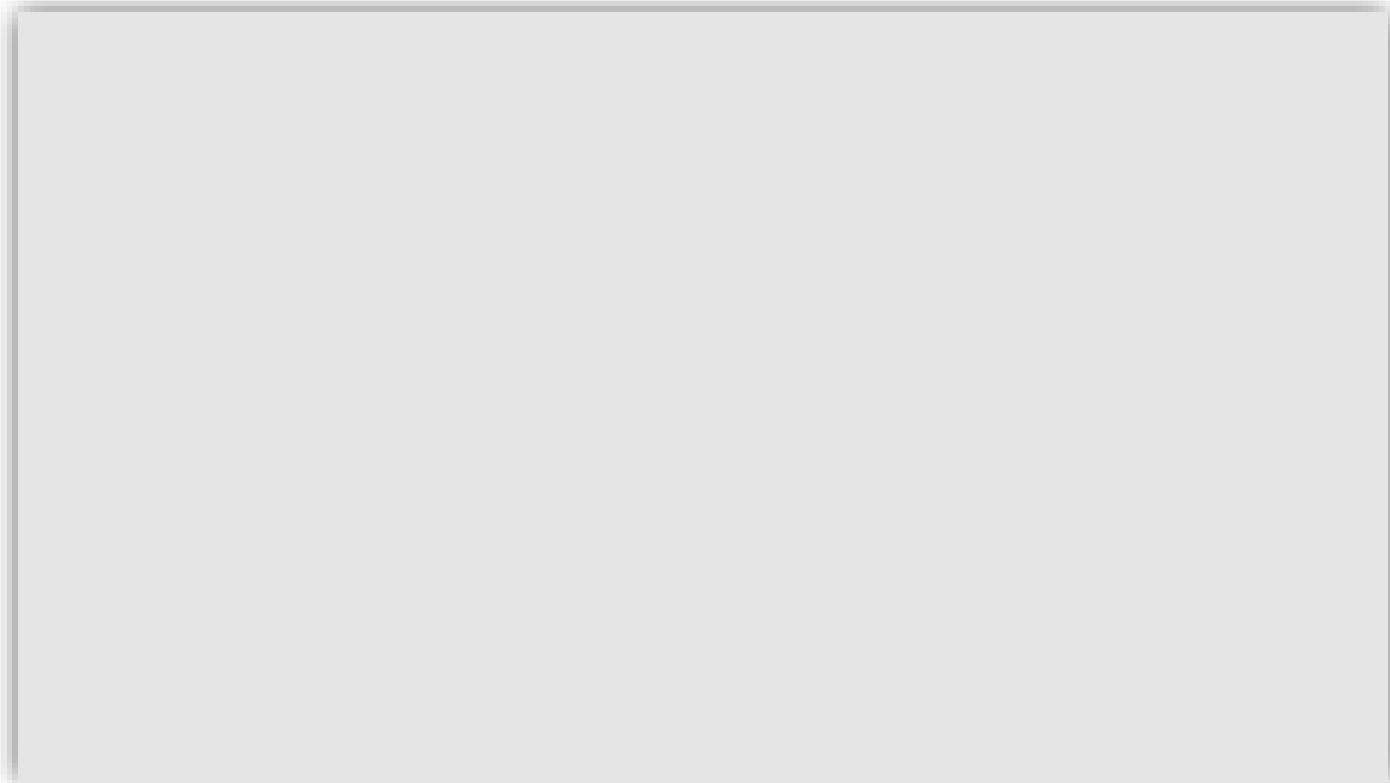
- ▶ 排序(Sort)是將資料依某種規則重新安排其先後順序。
- ▶ 最常見的是依大小或字母排序。
- ▶ 常見排序方法：
  - ▶ 1.氣泡排序法(Bubble Sort)
  - ▶ 2.選擇排序法(Selection Sort)
  - ▶ 3.插入排序法(Insertion Sort)
  - ▶ 4.快速排序法(Quick Sort)
  - ▶ 5.合併排序法(Merge Sort)
- ▶ 不同的排序方法效率不同，  
應用的地方也不同。



# 氣泡排序法(Bubble Sort)

---

- ▶ 是一種簡單的排序演算法。它重複地走訪過要排序的數列，每次比較相鄰的兩個元素，如果他們的順序錯誤就把他們交換過來。<https://www.youtube.com/watch?v=nmhjrl-aW5o>



# 氣泡排序法(Bubble Sort)

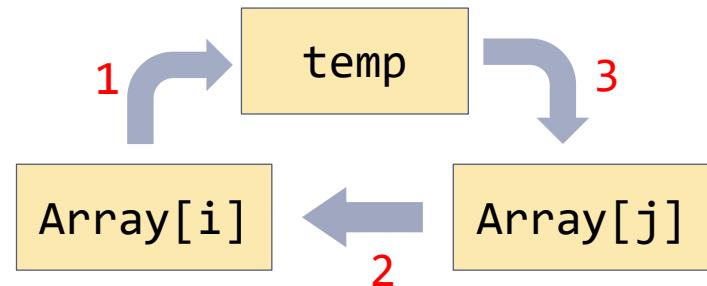
## ► 參考程式：

```
def bubble(Array,i,N):  #氣泡排序一個循迴
    k = N-1
    while k>i:
        if Array[k-1]>Array[k]:
            Array[k-1],Array[k] = Array[k], Array[k-1]
        k = k-1
#main
A = []
N = int(input("請輸入陣列大小:"))
#輸入數字並存入陣列
for i in range(N):
    x = int(input("請輸入第"+str(i)+"個數字:"))
    A.append(x)
#呼叫排序副程式
for i in range(N):
    print(A)  #每一巡迴就印出陣列現況
    bubble(A,i,N)
print(A)
```

# 氣泡排序法(Bubble Sort)

- ▶ 兩變數互換：
- ▶ 1. 其他語言需要藉助另一個變數當中介來交換兩變數。

```
def SWAP(Array, i, j):  
    temp = Array[i]  
    Array[i] = Array[j]  
    Array[j] = temp
```



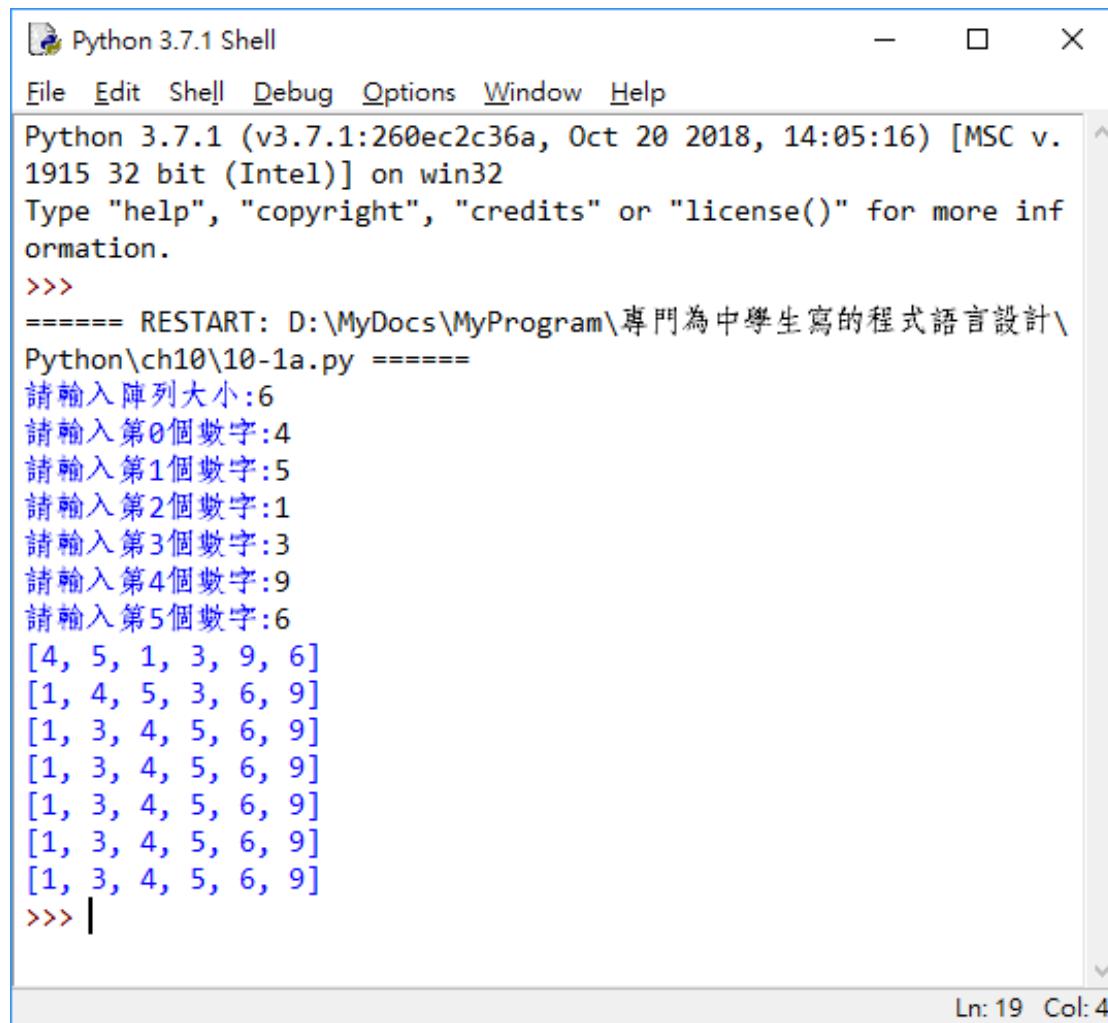
- ▶ 2. 在Python只要一行就可以了。

```
Array[i] , Array[j] = Array[j] , Array[i]
```

即  $a, b = b, a$

# 氣泡排序法(Bubble Sort)

## ▶ 執行結果：



Python 3.7.1 Shell

File Edit Shell Debug Options Window Help

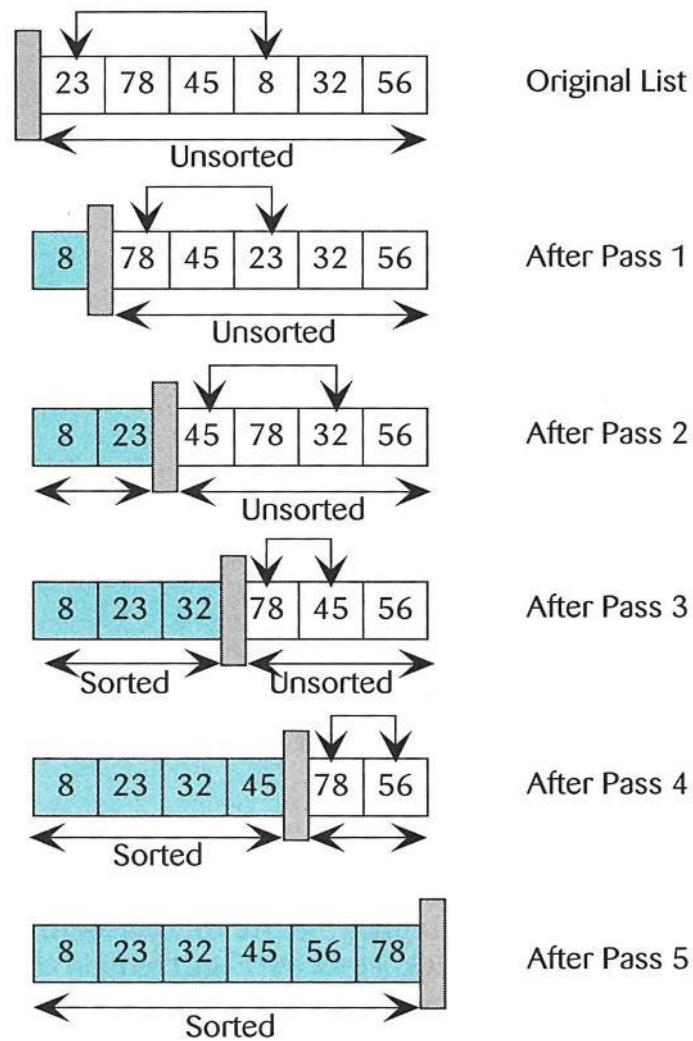
```
Python 3.7.1 (v3.7.1:260ec2c36a, Oct 20 2018, 14:05:16) [MSC v. 1915 32 bit (Intel)] on win32
Type "help", "copyright", "credits" or "license()" for more information.

>>>
===== RESTART: D:\MyDocs\MyProgram\專門為中學生寫的程式語言設計\Python\ch10\10-1a.py =====
請輸入陣列大小:6
請輸入第0個數字:4
請輸入第1個數字:5
請輸入第2個數字:1
請輸入第3個數字:3
請輸入第4個數字:9
請輸入第5個數字:6
[4, 5, 1, 3, 9, 6]
[1, 4, 5, 3, 6, 9]
[1, 3, 4, 5, 6, 9]
[1, 3, 4, 5, 6, 9]
[1, 3, 4, 5, 6, 9]
[1, 3, 4, 5, 6, 9]
[1, 3, 4, 5, 6, 9]
>>> |
```

Ln: 19 Col: 4

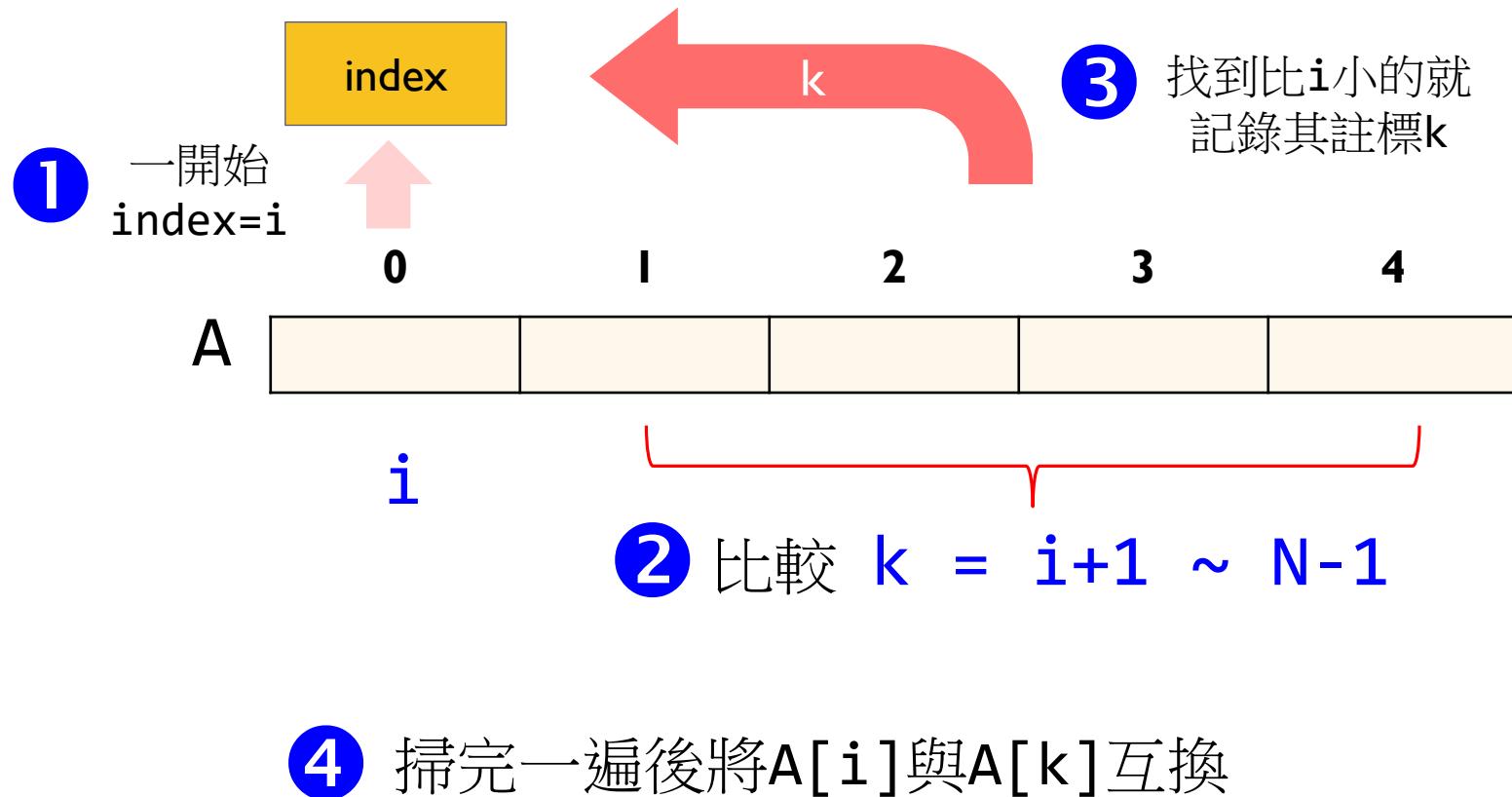
# 選擇排序法(Selection Sort)

- 先假設第一個元素是最小的，依序向後掃描個元素，若有更小的就記錄起來，最後和第一個元素互換位置，完成一個巡迴，然後第二個元素，依此類推。



# 選擇排序法(Selection Sort)

## ► 圖示說明：



# 選擇排序法(Selection Sort)

► 參考程式：

```
def selection(Array,i,N):
    index = i #現在位置
    k = i+1 #尋找範圍：現在位置之後到陣列結尾
    while k < N: #尋找比現在元素更小的值，並記錄位置
        if Array[k] < Array[index]:
            index = k
        k += 1
    if index != i: #如果有記錄到更小的值就交換，否則略過
        Array[i],Array[index] = Array[index],Array[i]

#main
A = []
N = int(input("請輸入陣列大小:"))
for i in range(N):
    x = int(input("請輸入第"+str(i)+"個數字:"))
    A.append(x)
#依每個元素位置呼叫選擇排序副程式
for i in range(N):
    print(A)
    selection(A,i,N)
    print(A)
```

# 選擇排序法(Selection Sort)

► 執行結果：

請輸入陣列大小:6  
請輸入第0個數字:9  
請輸入第1個數字:4  
請輸入第2個數字:7  
請輸入第3個數字:2  
請輸入第4個數字:8  
請輸入第5個數字:3  
[9, 4, 7, 2, 8, 3]

Pass 1 [2, 4, 7, 9, 8, 3]  


Pass 2 [2, 3, 7, 9, 8, 4]  


Pass 3 [2, 3, 4, 9, 8, 7]  


Pass 4 [2, 3, 4, 7, 8, 9]  

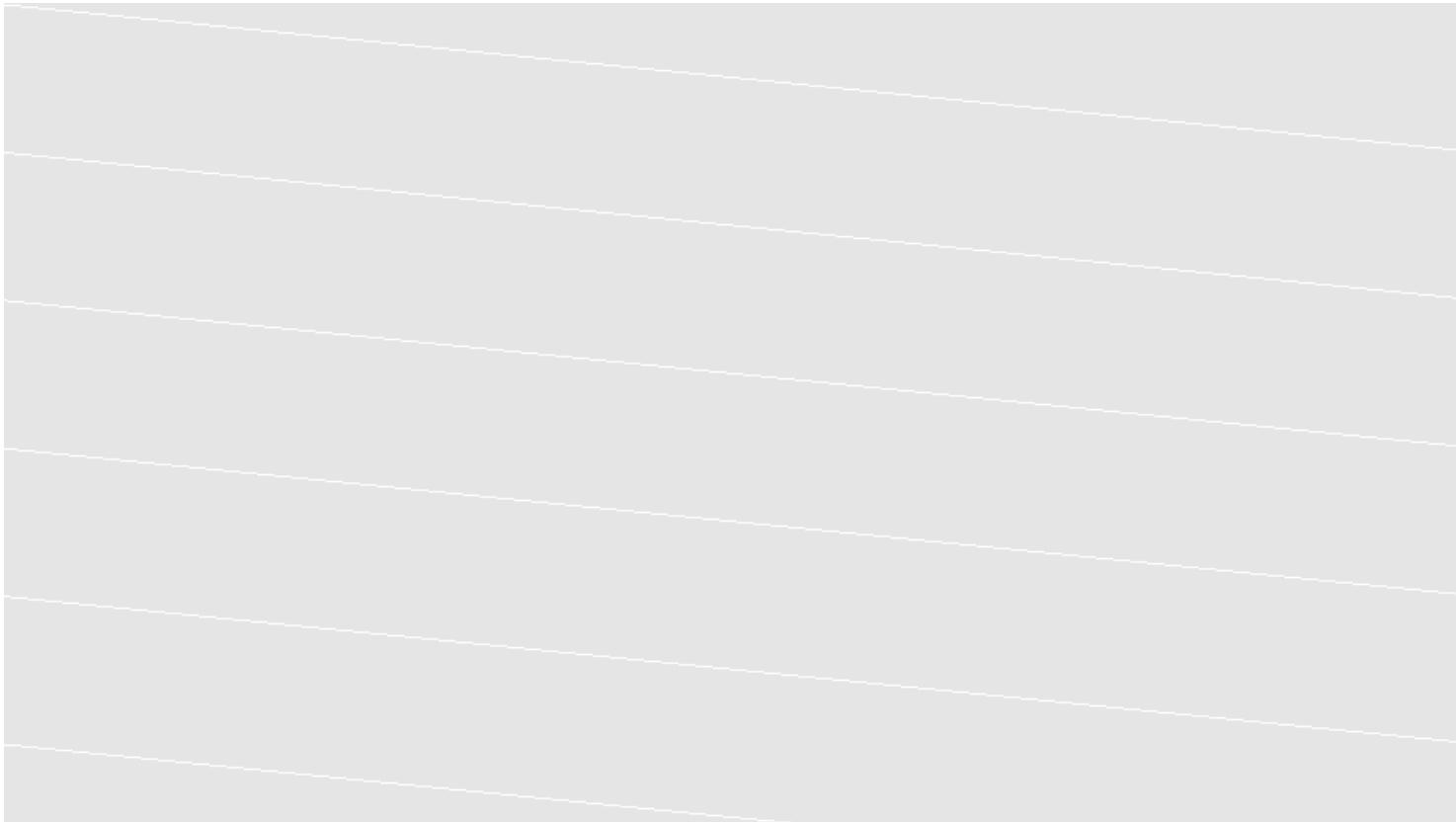

Pass 5 [2, 3, 4, 7, 8, 9]  
最後一次無須交換

result [2, 3, 4, 7, 8, 9]

# 插入排序法(Insertion Sort)

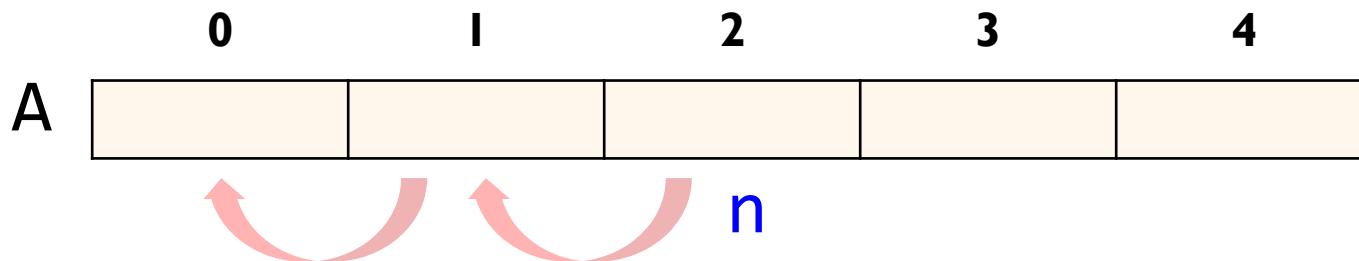
- ▶ 假設由小到大排序，每個元素和其左邊比較，若比左側小則交換，直到比左側大為止。

[\(https://www.youtube.com/watch?v=OGzPmgsl-pQ&t=11s\)](https://www.youtube.com/watch?v=OGzPmgsl-pQ&t=11s)



# 插入排序法(Insertion Sort)

## ► 交換原則：



比較  $A[n]$  和  $A[n-1]$

- ① if  $A[n] < A[n-1]$  → 交換
- ② 直到  $A[1]$  或  $A[n] \geq A[n-1]$  → 停止
- ③ 下一個，重複直到陣列最後一個元素

# 插入排序法(Insertion Sort)

► 參考程式：

```
def insert(Array,i):
    k = i
    while k >= 1: #從第i個位置開始向前依序比較
        if Array[k] < Array[k-1]: #比左側小則交換兩元素
            Array[k-1],Array[k] = Array[k],Array[k-1]
        else: #否則結束本pass
            break
        k = k - 1
#main
A = []
N = int(input("請輸入陣列大小:"))
for i in range(N):
    x = int(input("請輸入第"+str(i)+"個數字:"))
    A.append(x)
k = 1
while k < N: #從第1個元素開始依序呼叫排序副程式
    print(A, "\n")
    insert(A,k)
    k += 1
print(A) #印出最後結果
```

# 插入排序法(Insertion Sort)

## ▶ 執行結果：

```
請輸入陣列大小:6  
請輸入第0個數字:9  
請輸入第1個數字:4  
請輸入第2個數字:1  
請輸入第3個數字:5  
請輸入第4個數字:13  
請輸入第5個數字:8
```

Pass 1 [9, 4, 1, 5, 13, 8]

Pass 2 [4, 9, 1, 5, 13, 8]

Pass 3 [1, 4, 9, 5, 13, 8]

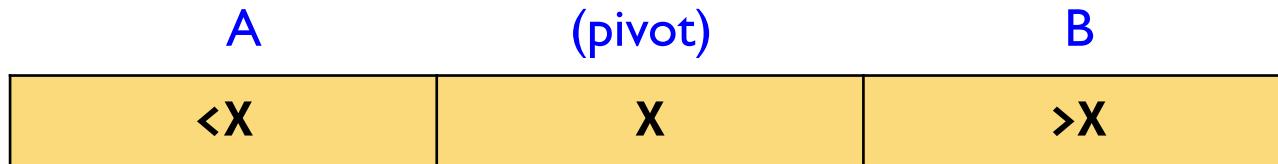
Pass 4 [1, 4, 5, 9, 13, 8] 無須交換

Pass 5 [1, 4, 5, 9, 13, 8]

result [1, 4, 5, 8, 9, 13]

# 快速排序法(Quick Sort)

- ▶ 快速排序法的原理是選定一個數X(稱「基準」pivot)，然後設法將數列分成三份，如圖：

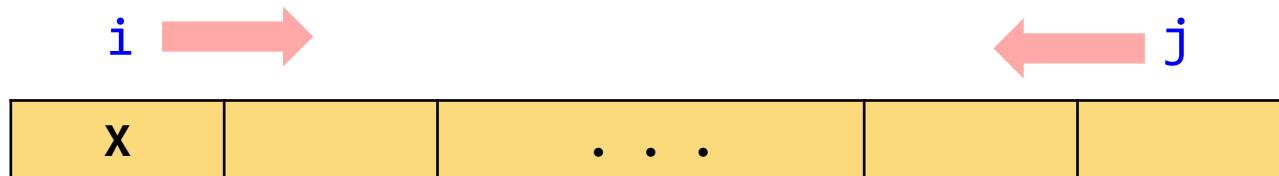


- ▶ 使用遞迴，以一樣的方式再分別處理A段和B段，直到所有數字都處理完畢。
- ▶ 遞迴到最底部時，數列的大小是零或一，也就是已經排序好了。
- ▶ 快速排序通常明顯比其他演算法更快。

# 快速排序法(Quick Sort)

► 演算過程如下：

- 1. 令數列中最左邊的數為X(pivot)。
- 2. 設立兩個指標i和j。
- 3. 將i往右移，直到找到第一個 $A[i] >= X$ 為止。
- 4. 將j往左移，直到找到第一個 $A[j] <= X$ 為止。
- 5. 將 $A[i]$ 與 $A[j]$ 互換。
- 6. 重複以上動作直到 $i >= j$ 為止。
- 7. 將X與 $A[i]$ 互換。



# 快速排序法(Quick Sort)

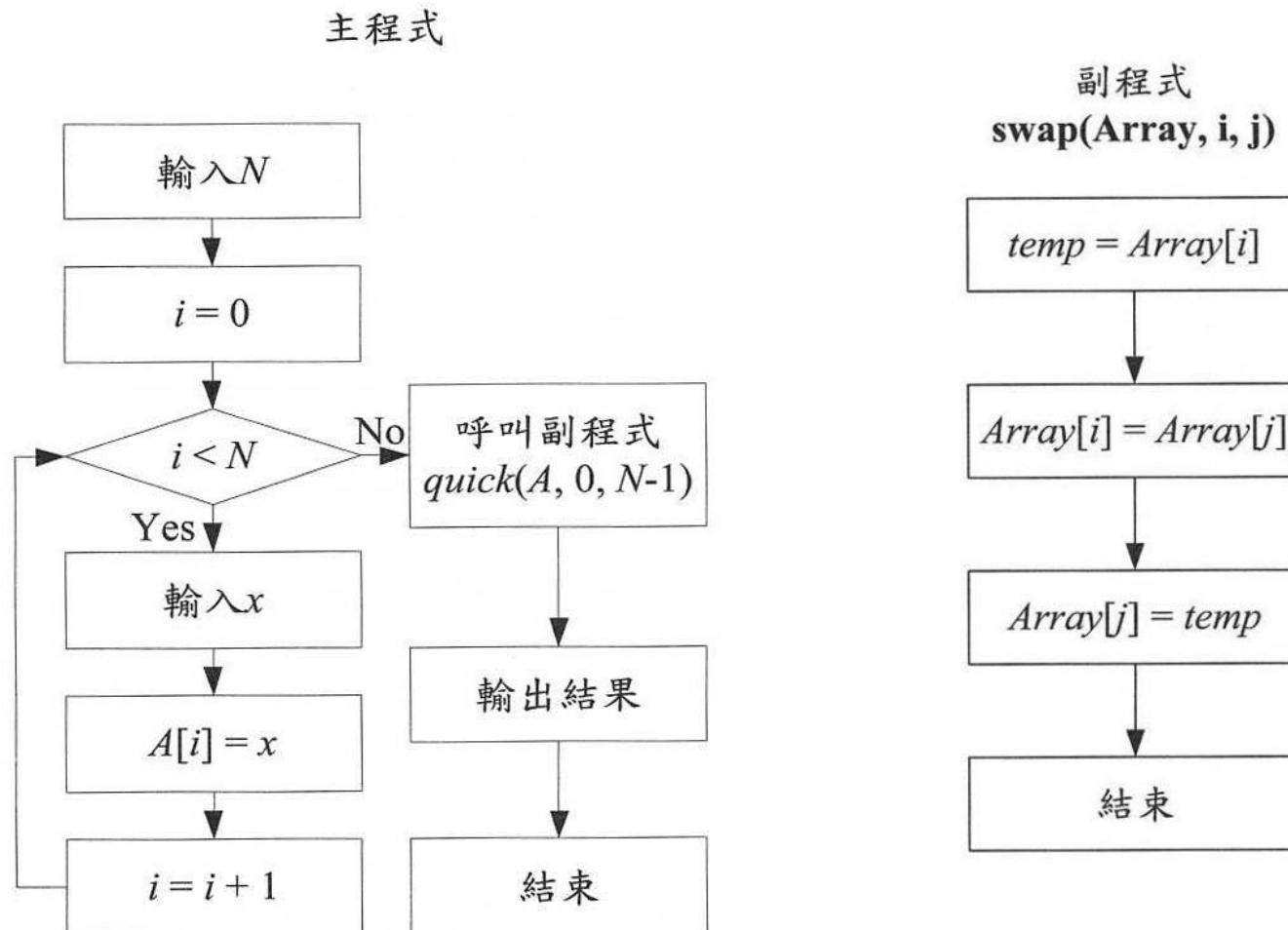
- ▶ 原理示範說明：[\(https://www.youtube.com/watch?v=cnzIChso3cc\)](https://www.youtube.com/watch?v=cnzIChso3cc)

arr



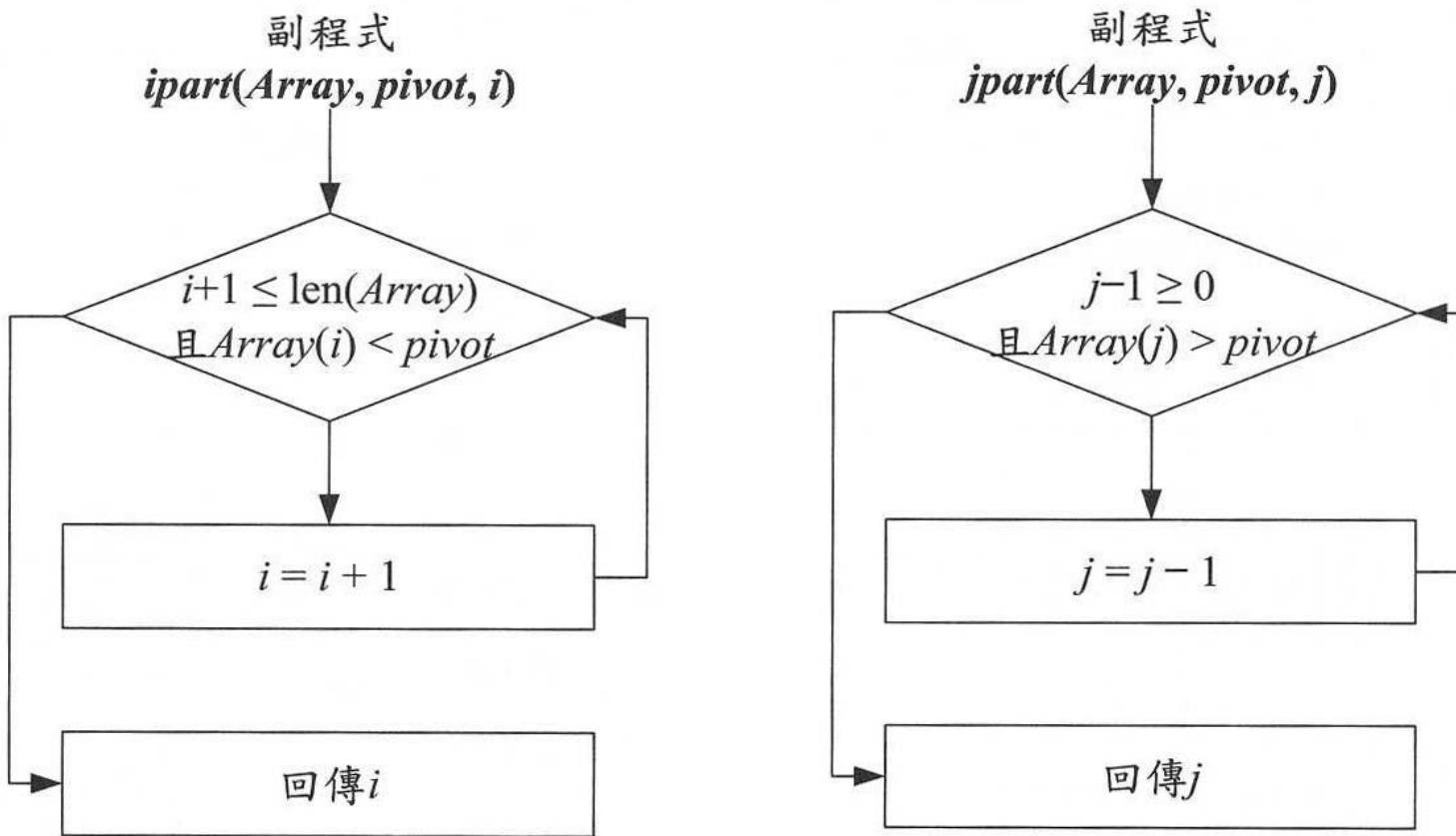
# 快速排序法(Quick Sort)

## ▶ 流程圖：



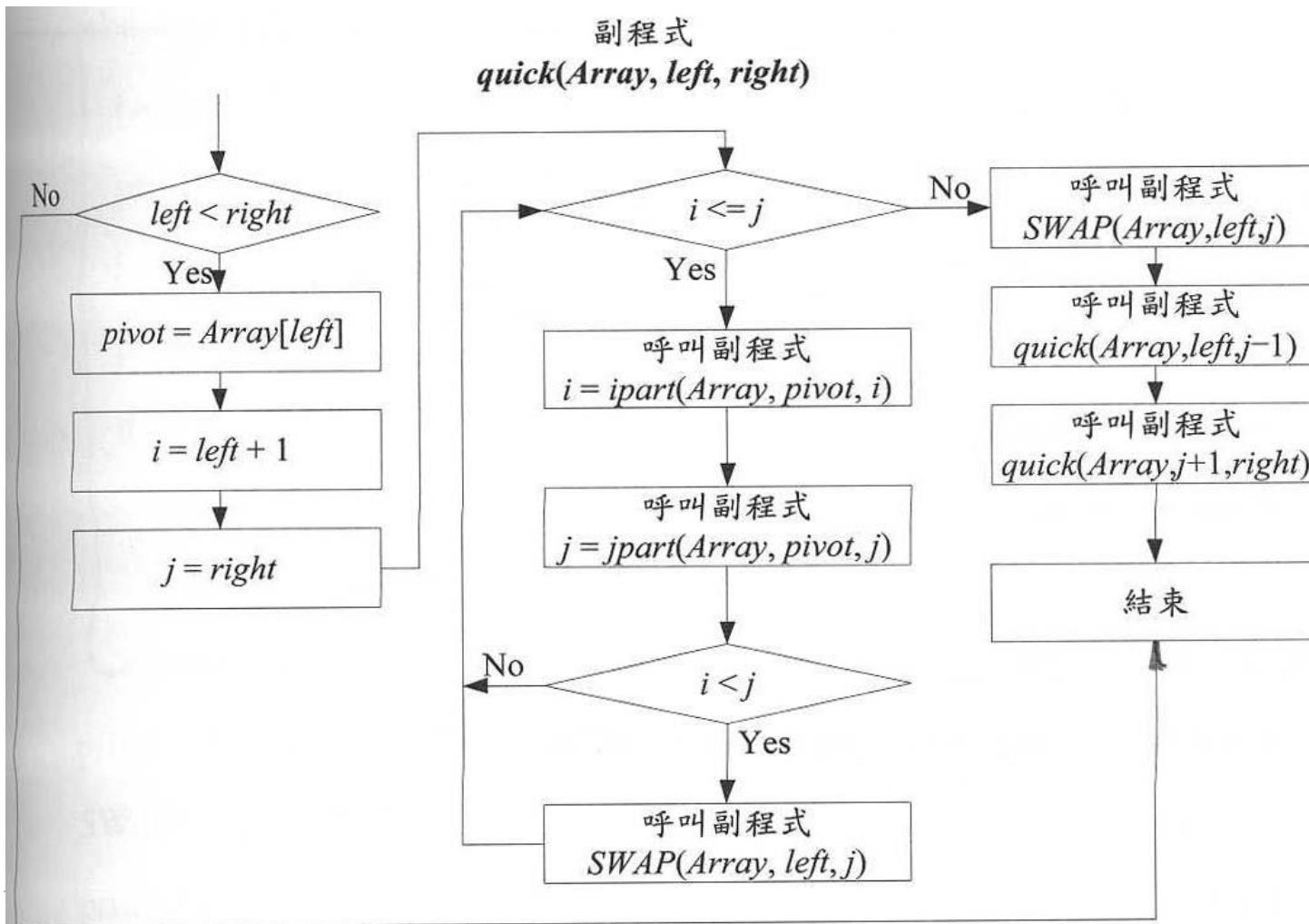
# 快速排序法(Quick Sort)

## ▶ 流程圖：



# 快速排序法(Quick Sort)

## ▶ 流程圖：



# 快速排序法(Quick Sort)

## ► 參考程式：

```
#交換兩元素
def SWAP(Array,i,j):
    Array[i], Array[j] = Array[j], Array[i]

#將i往右移，直到找到第一個A[i]>=X為止
def ipart(Array,pivot,i):
    while i+1 <= len(Array) and Array[i]<pivot:
        i += 1
    return i

#將j往左移，直到找到第一個A[j]<=X為止
def jpart(Array,pivot,j):
    while j-1 >= 0 and Array[j]>pivot:
        j -= 1
    return j
```

# 快速排序法(Quick Sort)

## ► 參考程式：

說明：

程式較冗長是因為  
要印出執行的過程。

```
def quick(Array, left, right):
    print("Q: left=", left, ",right=", right)
    if left < right:
        pivot = Array[left]
        print("pivot=A[", left, "]=", pivot)
        i = left + 1
        j = right

        while i <= j:
            i = i part(Array, pivot, i)
            print("i=", i)
            j = j part(Array, pivot, j)
            print("j=", j)
            if i < j:
                print("i<j, 執行交換A[", i, "]和A[", j, "]")
                SWAP(Array, i, j)
                print(A)
            print("交換pivot和A[", j, "]")
            SWAP(Array, left, j)
            print(A)
        quick(Array, left, j-1)
        quick(Array, j+1, right)
```

# 快速排序法(Quick Sort)

## ► 參考程式：

```
#main
A = []
N = int(input("請輸入陣列大小:"))

for i in range(N):
    x = int(input("請輸入第"+str(i)+"個數字:"))
    A.append(x)

print(A)
quick(A,0,N-1)
print(A)
```

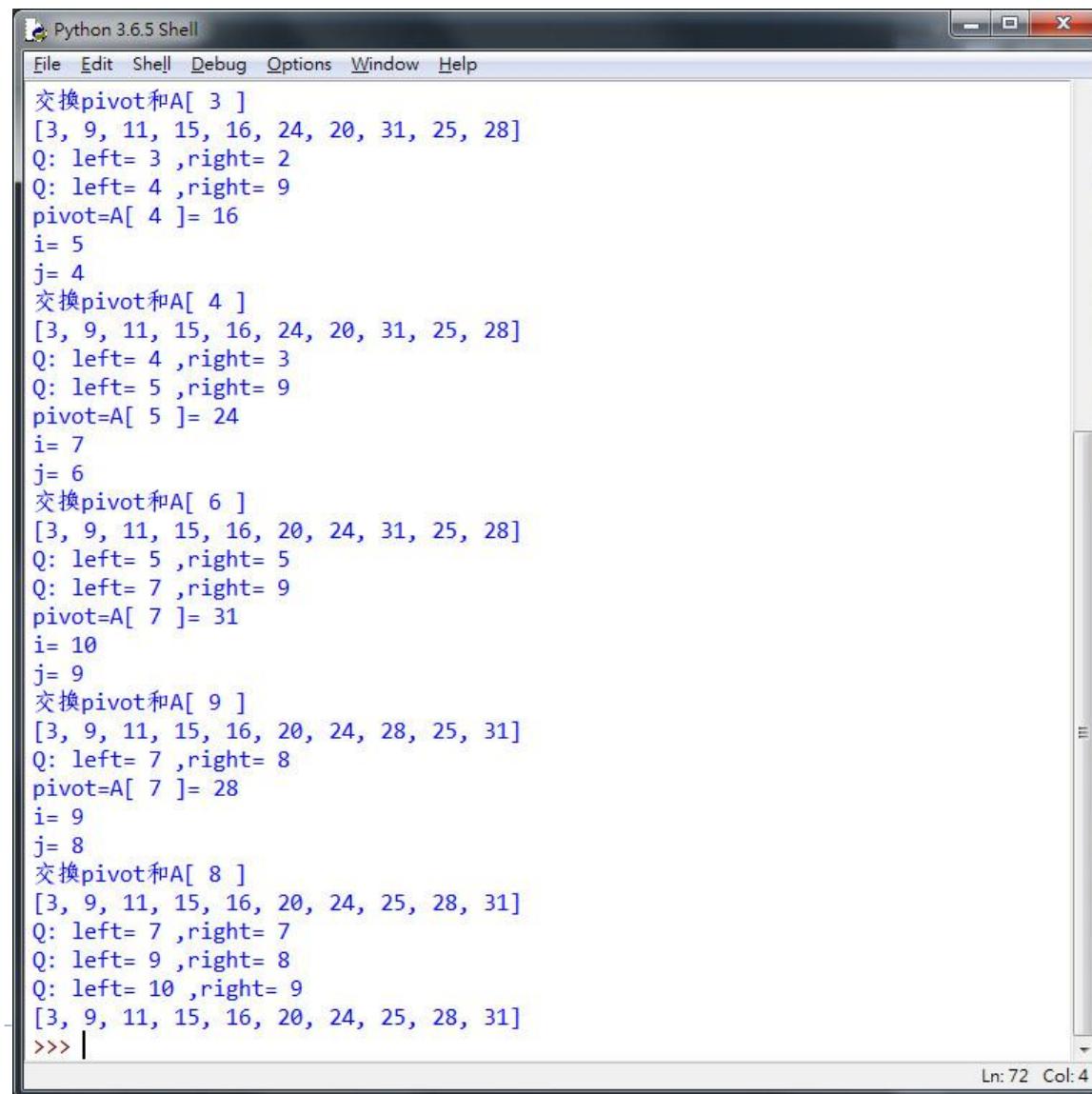
# 快速排序法(Quick Sort)

## ▶ 執行結果：

```
Python 3.6.5 Shell
File Edit Shell Debug Options Window Help
請輸入陣列大小:10
請輸入第0個數字:11
請輸入第1個數字:20
請輸入第2個數字:3
請輸入第3個數字:15
請輸入第4個數字:16
請輸入第5個數字:24
請輸入第6個數字:9
請輸入第7個數字:31
請輸入第8個數字:25
請輸入第9個數字:28
[11, 20, 3, 15, 16, 24, 9, 31, 25, 28]
Q: left= 0 ,right= 9
pivot=A[ 0 ]= 11
i= 1
j= 6
i<j, 執行交換A[ 1 ]和A[ 6 ]
[11, 9, 3, 15, 16, 24, 20, 31, 25, 28]
i= 3
j= 2
交換pivot和A[ 2 ]
[3, 9, 11, 15, 16, 24, 20, 31, 25, 28]
Q: left= 0 ,right= 1
pivot=A[ 0 ]= 3
i= 1
j= 0
交換pivot和A[ 0 ]
[3, 9, 11, 15, 16, 24, 20, 31, 25, 28]
Q: left= 0 ,right= -1
Q: left= 1 ,right= 1
Q: left= 3 ,right= 9
pivot=A[ 3 ]= 15
i= 4
j= 3
Ln: 72 Col: 4
```

# 快速排序法(Quick Sort)

► 執行結果：



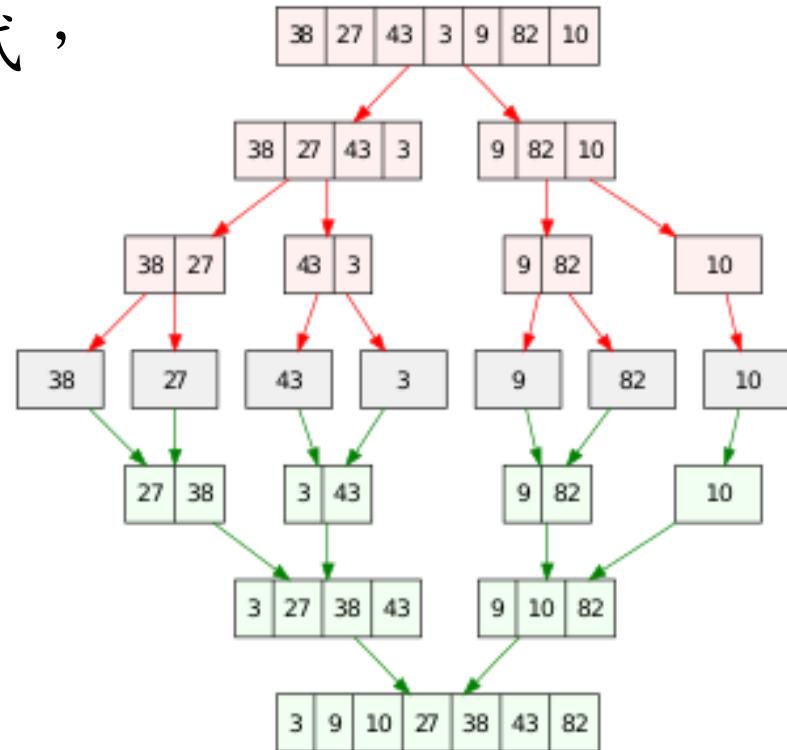
The screenshot shows the Python 3.6.5 Shell window with the following output:

```
Python 3.6.5 Shell
File Edit Shell Debug Options Window Help
交換pivot和A[ 3 ]
[3, 9, 11, 15, 16, 24, 20, 31, 25, 28]
Q: left= 3 ,right= 2
Q: left= 4 ,right= 9
pivot=A[ 4 ]= 16
i= 5
j= 4
交換pivot和A[ 4 ]
[3, 9, 11, 15, 16, 24, 20, 31, 25, 28]
Q: left= 4 ,right= 3
Q: left= 5 ,right= 9
pivot=A[ 5 ]= 24
i= 7
j= 6
交換pivot和A[ 6 ]
[3, 9, 11, 15, 16, 20, 24, 31, 25, 28]
Q: left= 5 ,right= 5
Q: left= 7 ,right= 9
pivot=A[ 7 ]= 31
i= 10
j= 9
交換pivot和A[ 9 ]
[3, 9, 11, 15, 16, 20, 24, 28, 25, 31]
Q: left= 7 ,right= 8
pivot=A[ 7 ]= 28
i= 9
j= 8
交換pivot和A[ 8 ]
[3, 9, 11, 15, 16, 20, 24, 25, 28, 31]
Q: left= 7 ,right= 7
Q: left= 9 ,right= 8
Q: left= 10 ,right= 9
[3, 9, 11, 15, 16, 20, 24, 25, 28, 31]
>>> |
```

The output shows the step-by-step execution of the Quick Sort algorithm on a list of integers. It prints the list, the current partition indices (left and right), the pivot element being compared, and the resulting list after each swap. The process continues until the list is fully sorted.

# 合併排序法(Merge Sort)

- ▶ 合併排序法是依據”合併”來排序的，假設我們有兩個已經排好的數列，我們就可以很容易的將兩個數列合併成一個排序好的數列。
- ▶ 採用先打散，再合併的方式，稱為divide and conquer。
- ▶ 一般都以遞迴來實現。

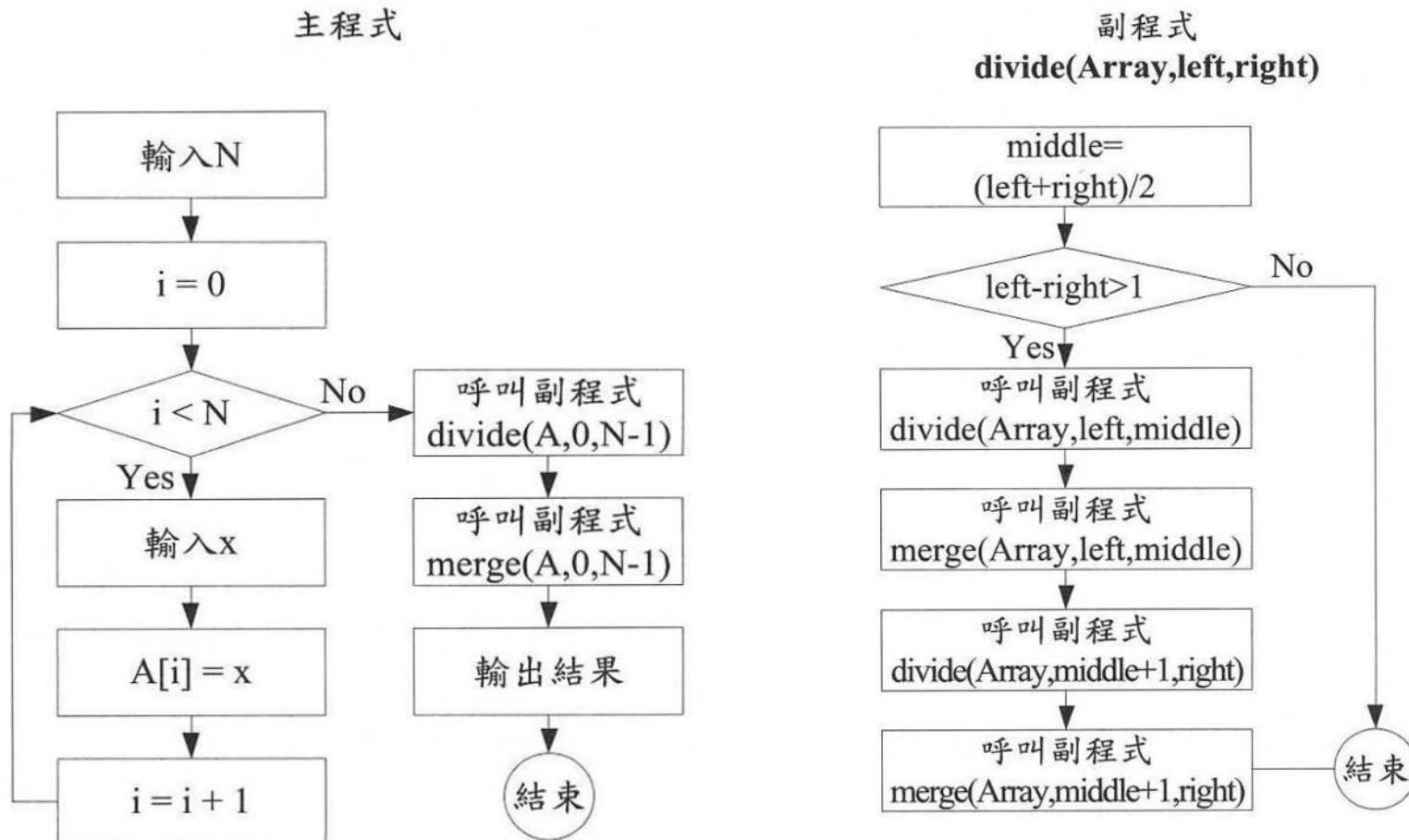


# 合併排序法(Merge Sort)

- ▶ 原理示範說明：[\(https://www.youtube.com/watch?v=JSceec-wEyw\)](https://www.youtube.com/watch?v=JSceec-wEyw)

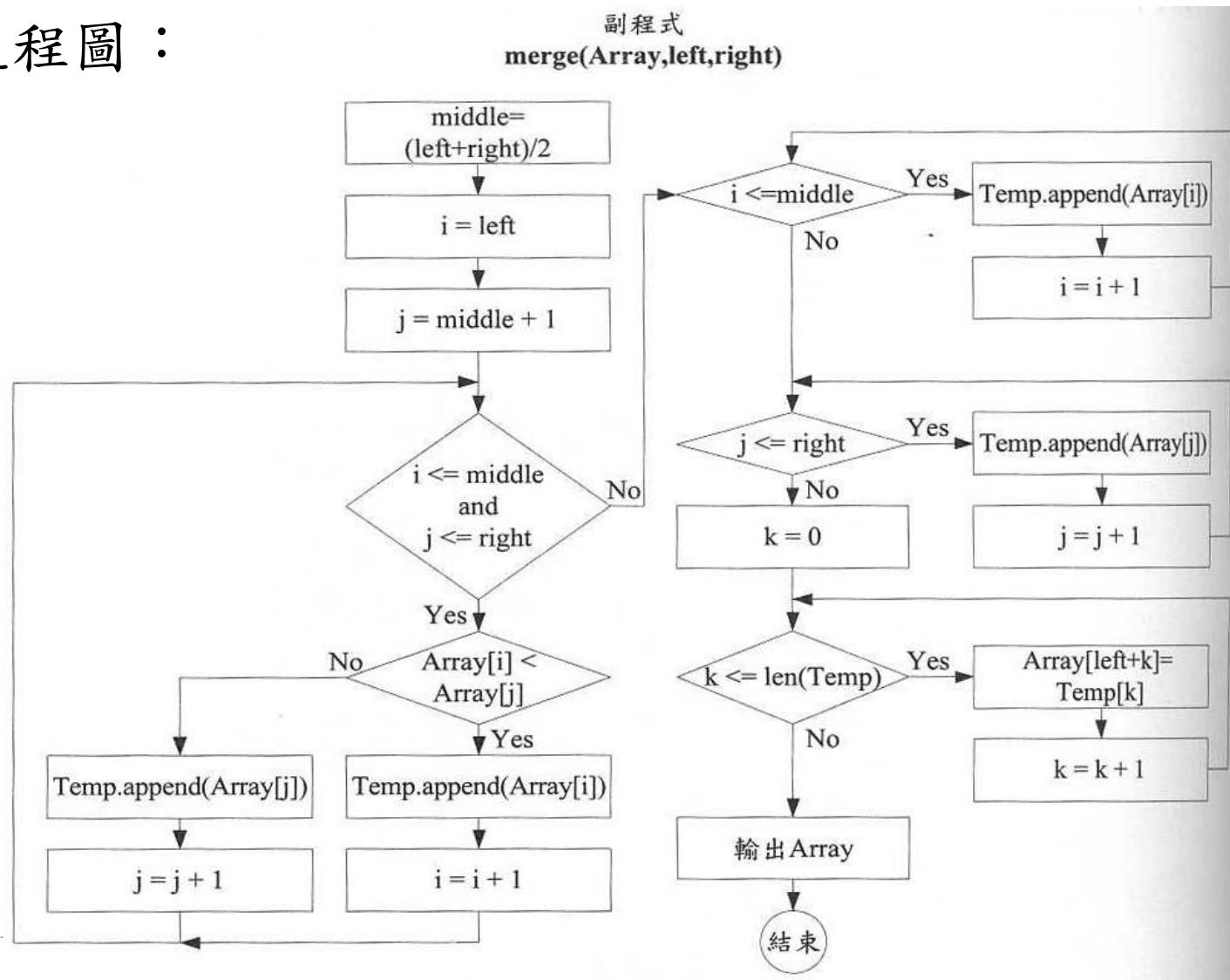
# 合併排序法(Merge Sort)

## ▶ 流程圖：



# 合併排序法(Merge Sort)

## ▶ 流程圖：



# 合併排序法(Merge Sort)

## ► 參考程式：

```
def merge(Array, left, right):
    print("M: left=", left, " right=", right)
    middle = int((left+right)/2)
    i = left
    j = middle + 1
    print("i=", i, " j=", j)
    Temp = []
    while i <= middle and j <= right:
        if Array[i] < Array[j]:
            Temp.append(Array[i])
            i += 1
        else:
            Temp.append(Array[j])
            j += 1
    print("Temp=", Temp)
    while i <= middle:
        Temp.append(Array[i])
        i += 1
    while j <= right:
        Temp.append(Array[j])
        j += 1
    for k in range(len(Temp)):
        Array[left+k] = Temp[k]
    print(Array, end="")
    #將排序好的內容印出
    print("(", end="")
    leftRange = left
    while leftRange <= right:
        print(Array[leftRange], end="")
        leftRange += 1
    print(")排序好\n")
```

# 合併排序法(Merge Sort)

► 參考程式：

```
def divide(Array, left, right):
    print("D:left=", left, ",right=", right)
    middle = int((left+right)/2)
    if (right-left) > 1:
        divide(Array, left, middle)
        merge(Array, left, middle)
        divide(Array, middle+1, right)
        merge(Array, middle+1, right)
    #印出合併的提示訊息，左半邊要與右半邊合併
    print("接著將左邊(", end="")
    leftRange = left
    while leftRange <= middle:
        print(Array[leftRange], end="")
        leftRange += 1
    print(")及右邊(", end="")
    leftRange = middle + 1
    while leftRange <= right:
        print(Array[leftRange], end="")
        leftRange += 1
    print(")合併...")
```

# 合併排序法(Merge Sort)

## ► 參考程式：

```
#main
N = int(input("請輸入陣列大小 : "))
A = [0 for i in range(N)]
for i in range(N):
    x = int(input("請輸入第"+str(i)+"個數字"))
    A[i] = x
print(A)
divide(A,0,N-1)
merge(A,0,N-1)
print("排序完成 : ",A)
```

# 合併排序法(Merge Sort)

## ▶ 執行結果：

```
Python 3.7.1 Shell
File Edit Shell Debug Options Window Help
請輸入陣列大小: 7
請輸入第0個數字6
請輸入第1個數字3
請輸入第2個數字9
請輸入第3個數字5
請輸入第4個數字2
請輸入第5個數字7
請輸入第6個數字1
[6, 3, 9, 5, 2, 7, 1]
D:left= 0 ,right= 6
D:left= 0 ,right= 3
D:left= 0 ,right= 1
M: left= 0  right= 1
i= 0  j= 1
Temp= [3]
[3, 6, 9, 5, 2, 7, 1](36)排序好

D:left= 2 ,right= 3
M: left= 2  right= 3
i= 2  j= 3
Temp= [5]
[3, 6, 5, 9, 2, 7, 1](59)排序好

接著將左邊(36)及右邊(59)合併...
M: left= 0  right= 3
i= 0  j= 2
Temp= [3, 5, 6]
[3, 5, 6, 9, 2, 7, 1](3569)排序好

D:left= 4 ,right= 6
D:left= 4 ,right= 5
M: left= 4  right= 5
i= 4  j= 5

```

Ln: 60 Col: 4

```
Python 3.7.1 Shell
File Edit Shell Debug Options Window Help
Temp= [2]
[3, 5, 6, 9, 2, 7, 1](27)排序好

D:left= 6 ,right= 6
M: left= 6  right= 6
i= 6  j= 7
Temp= []
[3, 5, 6, 9, 2, 7, 1](1)排序好

接著將左邊(27)及右邊(1)合併...
M: left= 4  right= 6
i= 4  j= 6
Temp= [1]
[3, 5, 6, 9, 1, 2, 7](127)排序好

接著將左邊(3569)及右邊(127)合併...
M: left= 0  right= 6
i= 0  j= 4
Temp= [1, 2, 3, 5, 6, 7]
[1, 2, 3, 5, 6, 7, 9](1235679)排序好

排序完成: [1, 2, 3, 5, 6, 7, 9]
>>>

```

Ln: 60 Col: 4

休息一下~

---



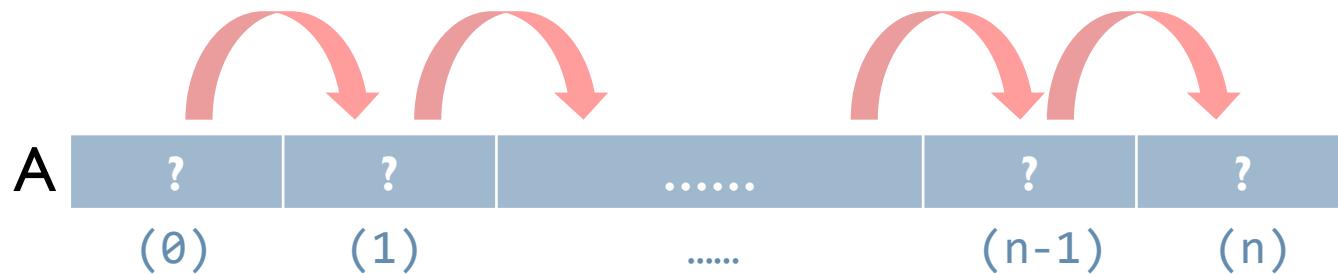
# 搜尋(Search)

---

- ▶ 搜尋就是在一堆資料中找出所要之特定資料。
- ▶ 搜尋之主要核心動作為「比較」動作，必需透過比較才有辦法判斷是否尋找到特定資料。
  
- ▶ 資料未排序時，使用循序搜尋。
- ▶ 排序過的資料，可使用二分搜尋或其他搜尋方式。

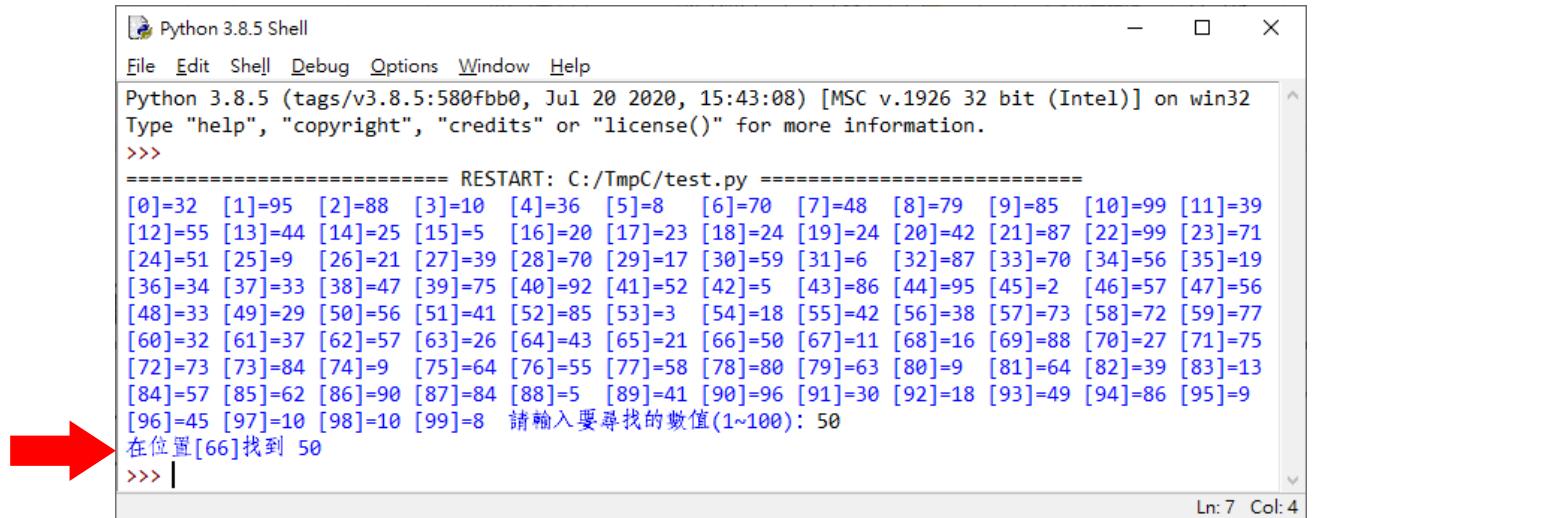
# 循序搜尋

- 就是一個一個依序搜尋，效率較差，但資料若未經排序，僅能使用此方法。
- 例如找某一值，則從  $A(0)$  開始，一個個比較下去。

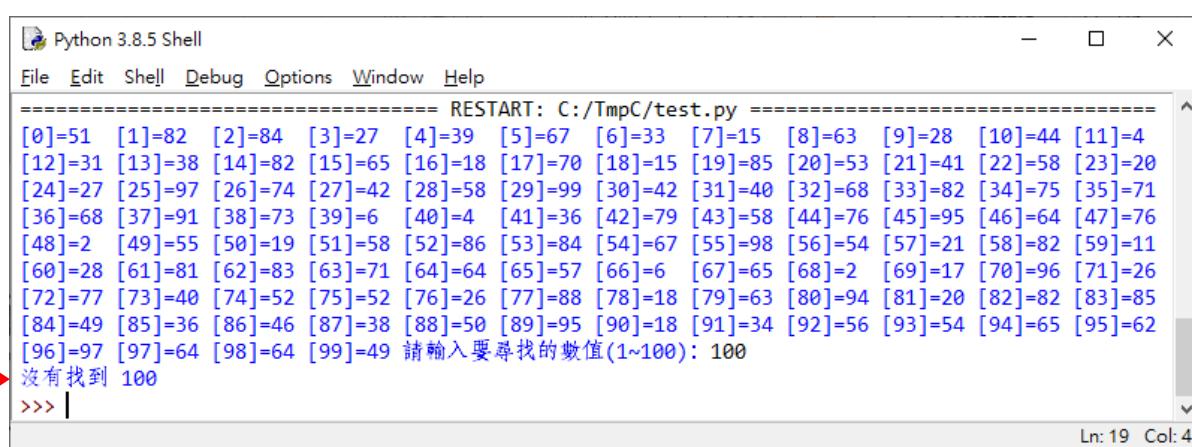


# 循序搜尋練習

► 產生100個1~100的亂數，找出是否有使用者指定的數值。



```
Python 3.8.5 (tags/v3.8.5:580fbb0, Jul 20 2020, 15:43:08) [MSC v.1926 32 bit (Intel)] on win32
Type "help", "copyright", "credits" or "license()" for more information.
>>> ===== RESTART: C:/TmpC/test.py =====
[0]=32 [1]=95 [2]=88 [3]=10 [4]=36 [5]=8 [6]=70 [7]=48 [8]=79 [9]=85 [10]=99 [11]=39
[12]=55 [13]=44 [14]=25 [15]=5 [16]=20 [17]=23 [18]=24 [19]=24 [20]=42 [21]=87 [22]=99 [23]=71
[24]=51 [25]=9 [26]=21 [27]=39 [28]=70 [29]=17 [30]=59 [31]=6 [32]=87 [33]=70 [34]=56 [35]=19
[36]=34 [37]=33 [38]=47 [39]=75 [40]=92 [41]=52 [42]=5 [43]=86 [44]=95 [45]=2 [46]=57 [47]=56
[48]=33 [49]=29 [50]=56 [51]=41 [52]=85 [53]=3 [54]=18 [55]=42 [56]=38 [57]=73 [58]=72 [59]=77
[60]=32 [61]=37 [62]=57 [63]=26 [64]=43 [65]=21 [66]=50 [67]=11 [68]=16 [69]=88 [70]=27 [71]=75
[72]=73 [73]=84 [74]=9 [75]=64 [76]=55 [77]=58 [78]=80 [79]=63 [80]=9 [81]=64 [82]=39 [83]=13
[84]=57 [85]=62 [86]=90 [87]=84 [88]=5 [89]=41 [90]=96 [91]=30 [92]=18 [93]=49 [94]=86 [95]=9
[96]=45 [97]=10 [98]=10 [99]=8 請輸入要尋找的數值(1~100): 50
在位置[66]找到 50
>>> |
```



```
Python 3.8.5 (tags/v3.8.5:580fbb0, Jul 20 2020, 15:43:08) [MSC v.1926 32 bit (Intel)] on win32
Type "help", "copyright", "credits" or "license()" for more information.
>>> ===== RESTART: C:/TmpC/test.py =====
[0]=51 [1]=82 [2]=84 [3]=27 [4]=39 [5]=67 [6]=33 [7]=15 [8]=63 [9]=28 [10]=44 [11]=4
[12]=31 [13]=38 [14]=82 [15]=65 [16]=18 [17]=70 [18]=15 [19]=85 [20]=53 [21]=41 [22]=58 [23]=20
[24]=27 [25]=97 [26]=74 [27]=42 [28]=58 [29]=99 [30]=42 [31]=40 [32]=68 [33]=82 [34]=75 [35]=71
[36]=68 [37]=91 [38]=73 [39]=6 [40]=4 [41]=36 [42]=79 [43]=58 [44]=76 [45]=95 [46]=64 [47]=76
[48]=2 [49]=55 [50]=19 [51]=58 [52]=86 [53]=84 [54]=67 [55]=98 [56]=54 [57]=21 [58]=82 [59]=11
[60]=28 [61]=81 [62]=83 [63]=71 [64]=64 [65]=57 [66]=6 [67]=65 [68]=2 [69]=17 [70]=96 [71]=26
[72]=77 [73]=40 [74]=52 [75]=52 [76]=26 [77]=88 [78]=18 [79]=63 [80]=94 [81]=20 [82]=82 [83]=85
[84]=49 [85]=36 [86]=46 [87]=38 [88]=50 [89]=95 [90]=18 [91]=34 [92]=56 [93]=54 [94]=65 [95]=62
[96]=97 [97]=64 [98]=64 [99]=49 請輸入要尋找的數值(1~100): 100
沒有找到 100
>>> |
```

# 循序搜尋練習

## ► 參考寫法：

```
import random
num = []      #宣告一個空陣列
for i in range(100):
    #產生一個亂數，並使用append()方法加入到陣列
    num.append(random.randint(1,100))
    #印出陣列內容
    print("[ " + str(i) + " ]=" + str(num[i]), end="\t")

flag = 1
x = int(input("請輸入要尋找的數值(1~100) : "))
#循序搜尋
for i in range(100):
    if num[i] == x:
        print("在位置[ " + str(i) + " ]找到 " + str(x))
        flag = 0
        break
if flag:
    print("沒有找到 " + str(x))
```

# 循序搜尋練習

- ▶ 產生10000個1~10000的亂數，找出是否有使用者指定的數值，並顯示搜尋次數及位置。

```
Python 3.8.5 Shell
File Edit Shell Debug Options Window Help
Python 3.8.5 (tags/v3.8.5:580fbb0, Jul 20 2020, 15:43:08) [MSC v.1926 32 bit (Intel)] on win32
Type "help", "copyright", "credits" or "license()" for more information.
>>>
===== RESTART: C:/TmpC/test.py =====
請輸入要尋找的數值(1~10000): 1234
共搜尋 2905 次
在位置[2905]找到 1234
(找了2905次)
>>>
===== RESTART: C:/TmpC/test.py =====
請輸入要尋找的數值(1~10000): 4321
共搜尋 10000 次
沒有找到 4321
(找了10000次)
Ln: 13 Col: 4
```

# 循序搜尋練習

## ► 參考寫法：

```
import random
num = []      #宣告一個空陣列
for i in range(10000):
    #產生一個亂數，並使用append()方法加入到陣列
    num.append(random.randint(1,10000))

flag = 1
x = int(input("請輸入要尋找的數值(1~10000) : "))
#循序搜尋
for i in range(10000):
    if num[i] == x:
        print("共搜尋 " + str(i+1) + " 次")
        print("在位置[" + str(i+1) + "]找到 " + str(x))
        flag = 0
        break
if flag:
    print("共搜尋 " + str(i+1) + " 次")
    print("沒有找到 " + str(x))
```

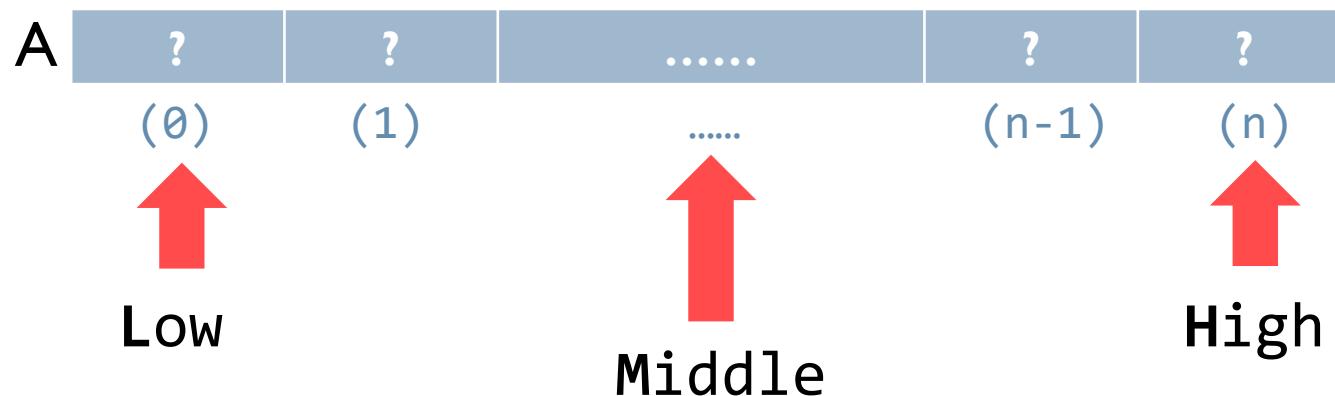
## 循序搜尋

---

- ▶ 循序搜尋特性：
  - ▶ 資料不需事先排序。
  - ▶  $N$ 個資料，則搜尋比對的次數最少1次，最多 $N$ 次。
  - ▶ 平均需要比對 $(N+1)/2$ 次。

# 二分搜尋(Binary Search)

- ▶ 必要條件：資料必須經過排序。
- ▶ 方法：每次將資料分為兩半，看指到的資料是否符合，若不是，則再搜尋符合範圍內的一半資料即可。



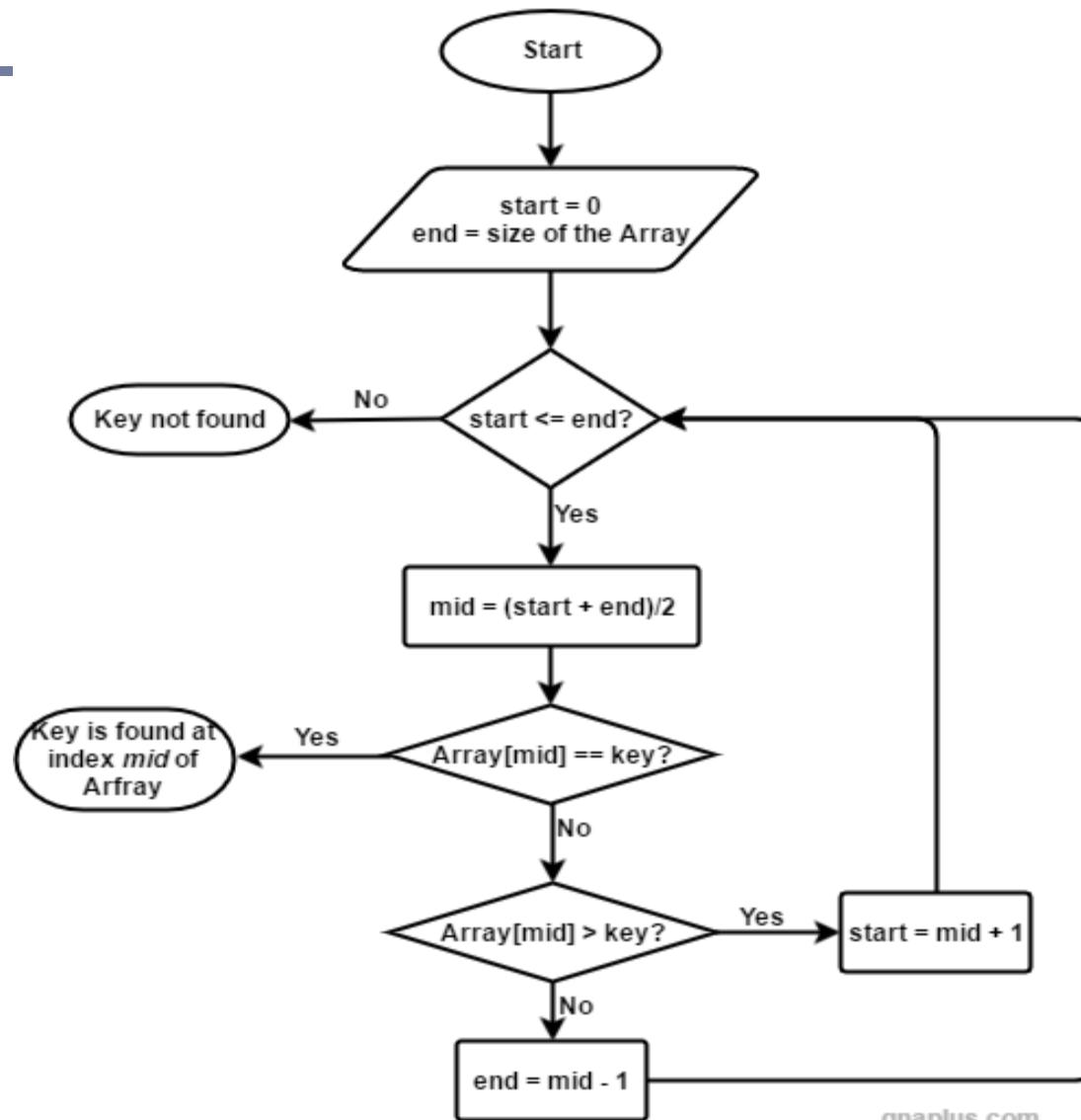
# 二分搜尋

---

- ▶ 設有一已排序陣列A，則：
- ▶ Low，L = 第一個元素， $A[0]$ 。
- ▶ High，H = 最後一個元素， $\text{len}(A)$ 。
- ▶ Middle，M = 中間值， $(L + H) / 2$ 。
- ▶ 若 $A[M]$ 即為要搜尋的值，則結束。
- ▶ 若要搜尋的值  $> A[M]$ ，則  $L = M + 1$ 。
- ▶ 若要搜尋的值  $< A[M]$ ，則  $H = M - 1$ 。
- ▶ 重複此動作直到找到，或  $H < L$ ，則表示搜尋失敗，找不到。

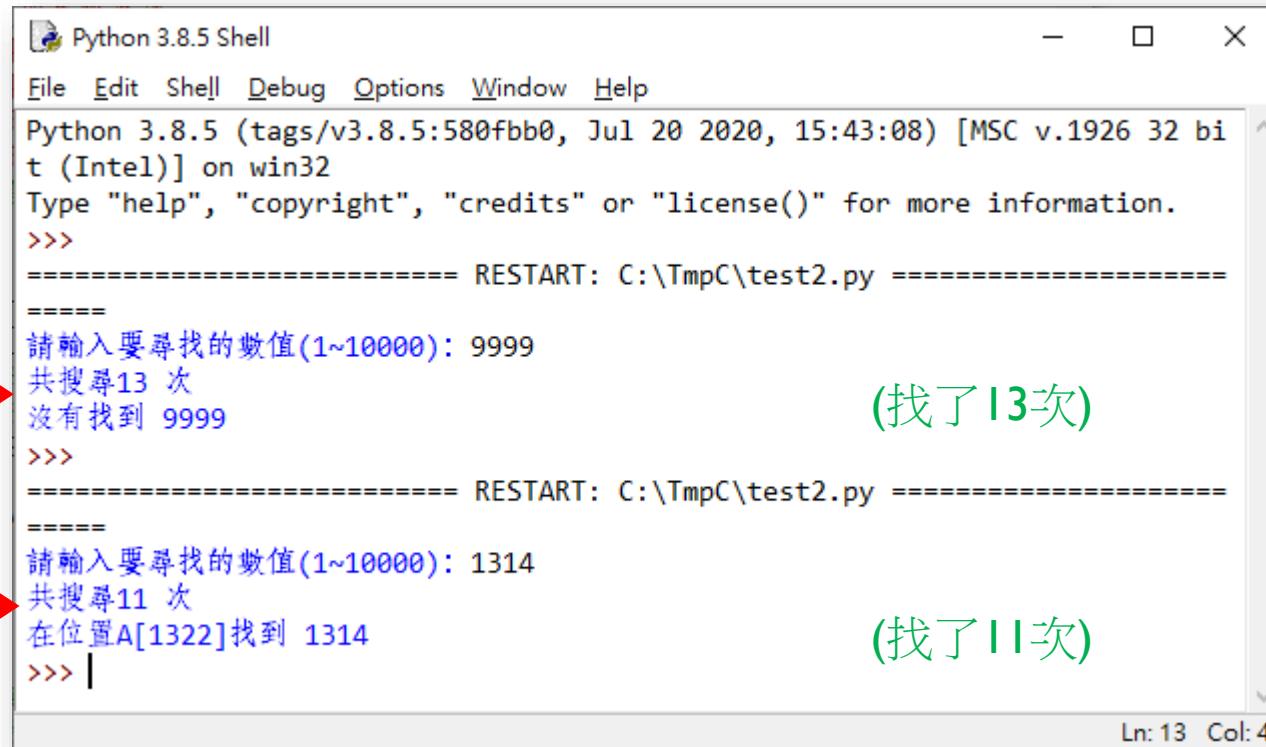
# 二分搜尋

Binary search algorithm: find *key* in a sorted *Array*



## 二分搜尋練習

- ▶ 產生10000個1~10000的亂數，找出是否有使用者指定的數值，並顯示搜尋次數及位置。



Python 3.8.5 Shell

```
File Edit Shell Debug Options Window Help
Python 3.8.5 (tags/v3.8.5:580fbb0, Jul 20 2020, 15:43:08) [MSC v.1926 32 bit (Intel)] on win32
Type "help", "copyright", "credits" or "license()" for more information.
>>>
=====
RESTART: C:\TmpC\test2.py =====
=====
請輸入要尋找的數值(1~10000): 9999
共搜尋13 次
沒有找到 9999
(找了13次)

>>>
=====
RESTART: C:\TmpC\test2.py =====
=====
請輸入要尋找的數值(1~10000): 1314
共搜尋11 次
在位置A[1322]找到 1314
(找了11次)

>>> |
```

Ln: 13 Col: 4

# 二分搜尋練習

► 參考寫法：



二分搜尋

```
import random
A = []
for i in range(10000):
    A.append(random.randint(1,10000))
A.sort()      #一定要先排序過
L = 0          #陣列起始註標值
H = len(A)-1  #陣列最後註標值
T = 0          #紀錄搜尋次數
flag = 1        #紀錄是否已找到，以提前結束迴圈
x = int(input("請輸入要尋找的數值(1~10000) : "))
while H >= L:
    T += 1
    M = int((L+H)/2)
    if x == A[M]:
        print("共搜尋" + str(T) + " 次")
        print("在位置A[" + str(M) + "]找到 " + str(x))
        flag = 0
        break
    elif x < A[M]:
        H = M - 1
    else:
        L = M + 1
if flag:  #若flag仍為1，表示沒找到
    print("共搜尋" + str(T) + " 次")
    print("沒有找到 " + str(x))
```

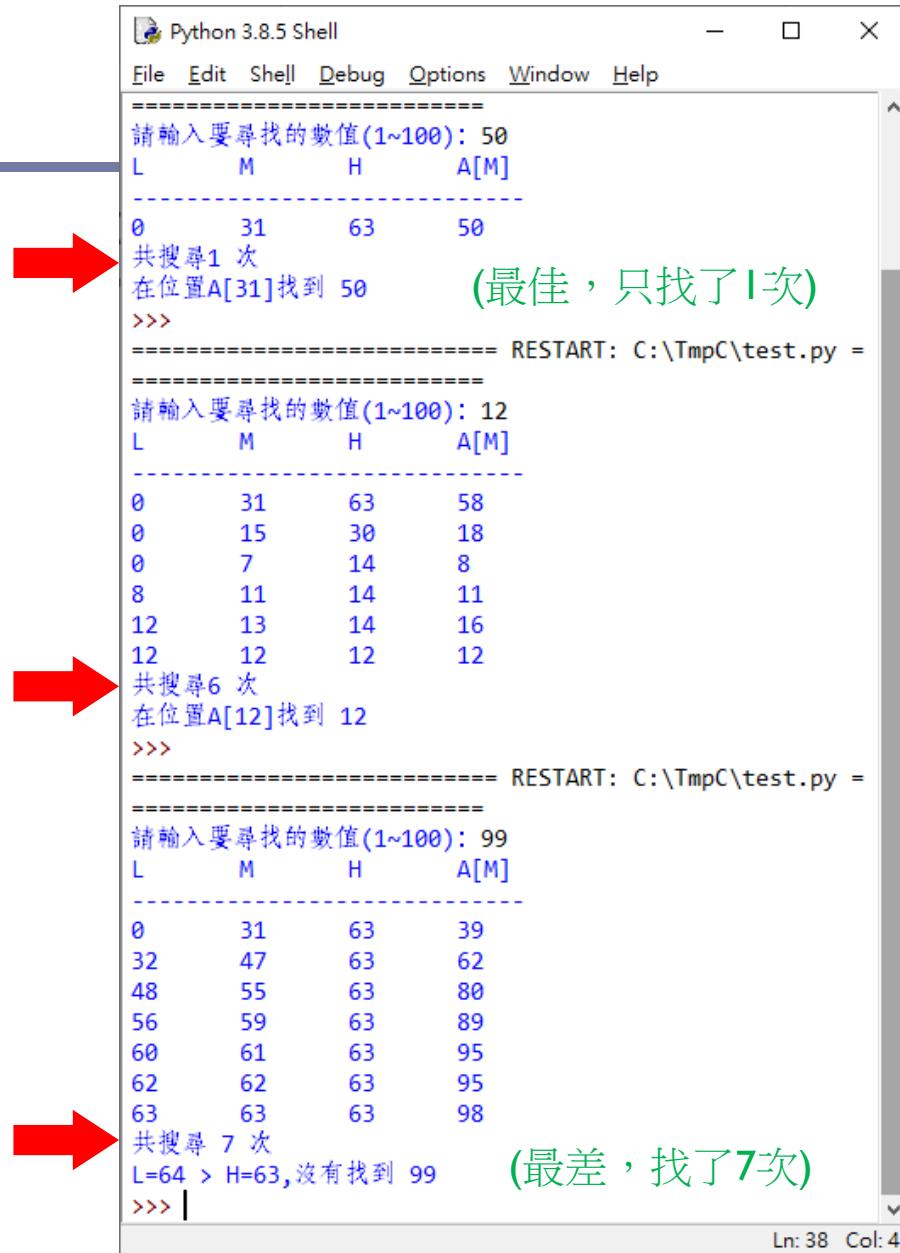
## 二分搜尋

---

- ▶ 二分搜尋特性：
  - ▶ 資料必需事先排序。
  - ▶  $N$ 個資料，則搜尋比對的次數：  
最少1次，最多 $\log_2 N$ 次。
- ▶ 說明：
  - ▶ 若有64筆資料，則搜尋次數最多為 $\log_2 64 = 6$  (找到或找不到)。
  - ▶ 若 $\log$ 不好算，換一個說法： $2^X$  必須 $\geq 64$ ，故 $X=6$ 。

# 二分搜尋練習

- 寫一程式，產生64個1~100的亂數，排序後以二分搜尋找尋指定的值，要顯示搜尋過程中L、H、M及A[M]的值。



```
Python 3.8.5 Shell
File Edit Shell Debug Options Window Help
=====
請輸入要尋找的數值(1~100): 50
L M H A[M]
-----
0 31 63 50
共搜尋1次
在位置A[31]找到 50 (最佳, 只找了1次)
>>>
=====
RESTART: C:\TmpC\test.py =
=====

請輸入要尋找的數值(1~100): 12
L M H A[M]
-----
0 31 63 58
0 15 30 18
0 7 14 8
8 11 14 11
12 13 14 16
12 12 12 12
共搜尋6次
在位置A[12]找到 12
>>>
=====
RESTART: C:\TmpC\test.py =
=====

請輸入要尋找的數值(1~100): 99
L M H A[M]
-----
0 31 63 39
32 47 63 62
48 55 63 80
56 59 63 89
60 61 63 95
62 62 63 95
63 63 63 98
共搜尋 7 次
L=64 > H=63, 沒有找到 99 (最差, 找了7次)
>>> |
```

Ln: 38 Col: 4

# 二分搜尋練

## ► 參考寫法：

二分搜尋

```
import random
A = []      #宣告一個空陣列
for i in range(64):
    A.append(random.randint(1,100))
A.sort()    #一定要先排序過
L = 0
H = len(A)-1
T = 0
flag = 1
x = int(input("請輸入要尋找的數值(1~100) : "))
print("L\tM\tH\tA[M]")    #利用\t(tab)跳格來對齊
print("-----")
while H >= L:
    T += 1
    M = int((L+H)/2)
    print(str(L) + "\t" + str(M) + "\t" + str(H) + "\t" + str(A[M]))
    if x == A[M]:
        print("共搜尋" + str(T) + " 次")
        print("在位置A[" + str(M) + "]找到 " + str(x))
        flag = 0
        break
    elif x < A[M]:
        H = M - 1
    else:
        L = M + 1
if flag:      #若flag仍為1，表示沒找到
    print("共搜尋 " + str(T) + " 次")
    print("L=" + str(L) + " > H=" + str(H) + "，沒有找到 " + str(x))
```

休息一下~

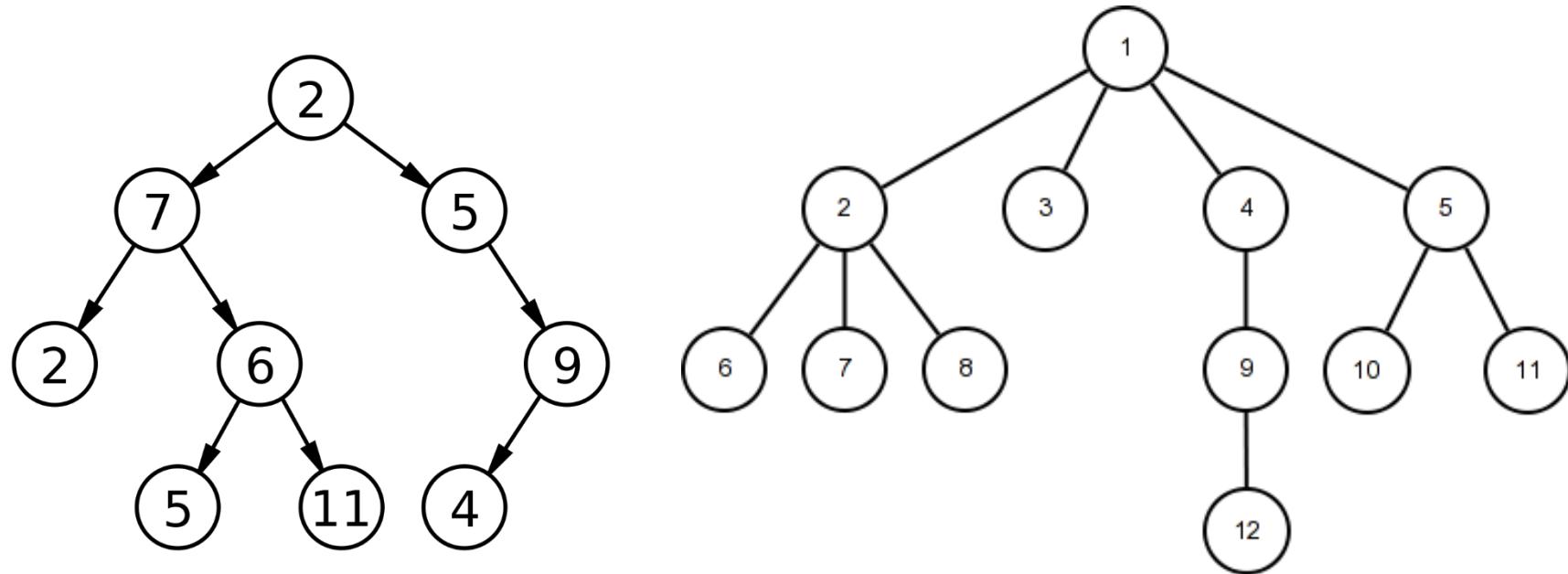
---



3png.com

# 資料結構 – 二元搜尋樹(Binary Search Tree)

- ▶ 樹是一種資料結構方式，使用鏈結串列(Link List)來組成資料，因為連接的方式像一棵樹，故稱之。
- ▶ 這都是「樹」：



# 資料結構 – 二元搜尋樹(Binary Search Tree)

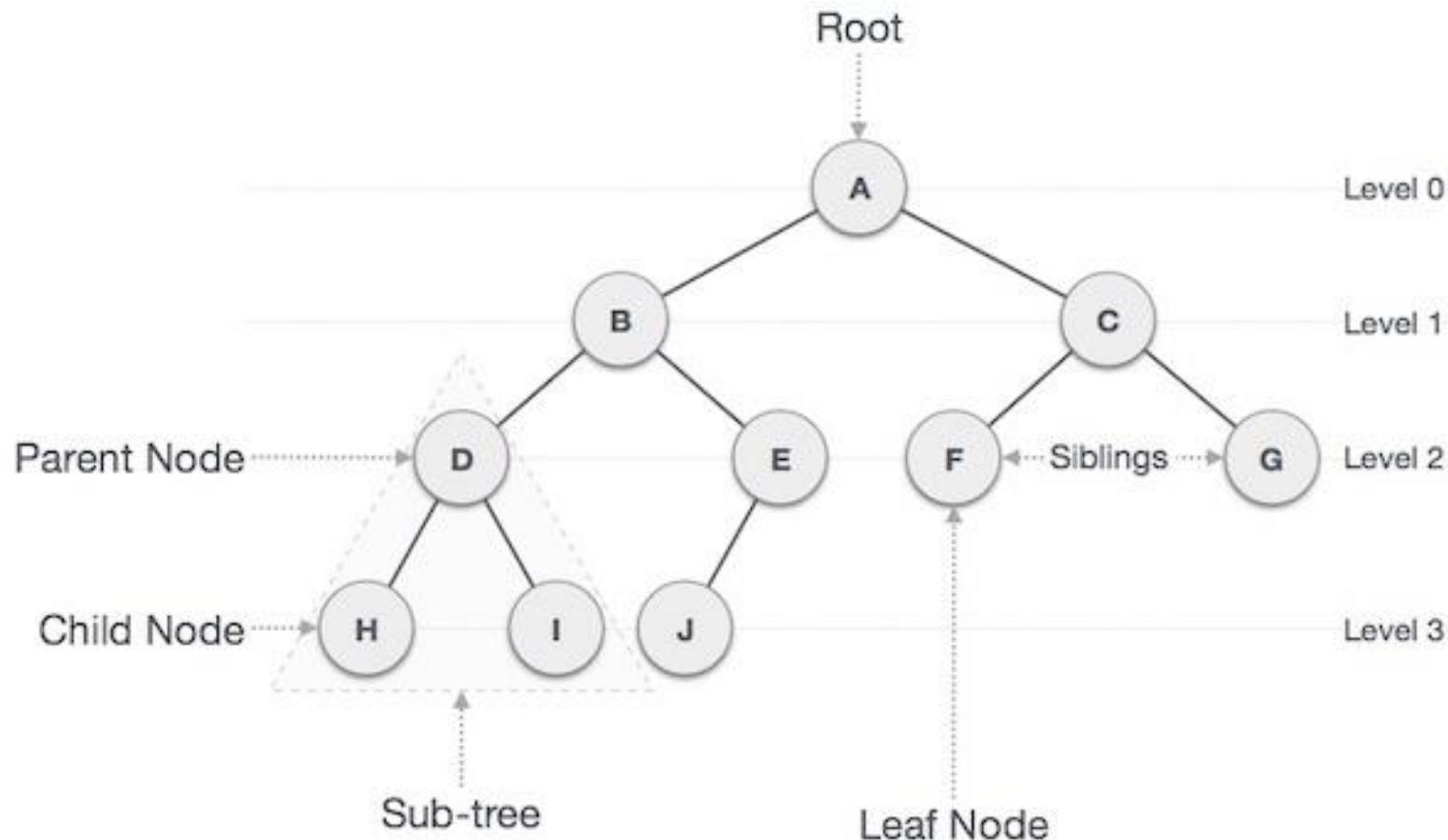
---

## ▶ 樹的相關定義：

- ▶ 1. 一個樹包含了一組有限的元素，稱為節點(Node)。
- ▶ 2. 一組有限的方向線段，稱分支(Branch)，連接到結點上。
- ▶ 3. 和這個節點有關的分支數目稱為此節點的degree。
- ▶ 4. 當一個分支指向一個節點時，稱此分支為indegree。
- ▶ 5. 當一個分支離開一個節點時，稱此分支為outdegree。
- ▶ 6. indegree和outdegree的總和等於該節點的degree。
- ▶ 7. 第一個節點稱為根(Root)，除了根節點外，任何節點都必須至少有一個indegree，但outdegree則沒有限制。

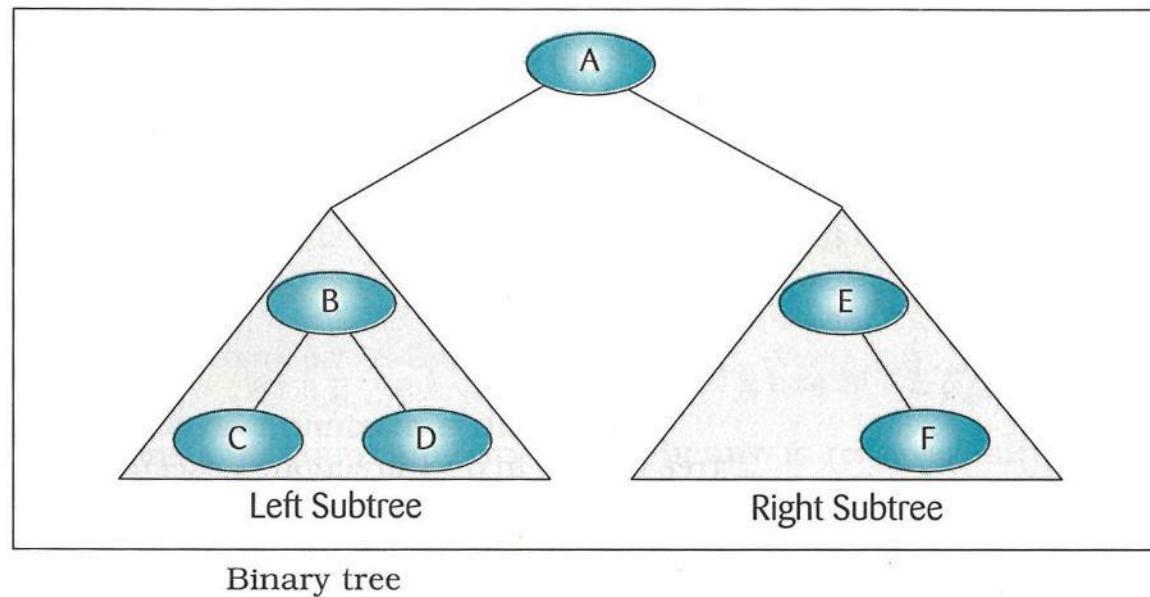
# 資料結構 – 二元搜尋樹(Binary Search Tree)

## ▶ 樹的一些專有名詞：



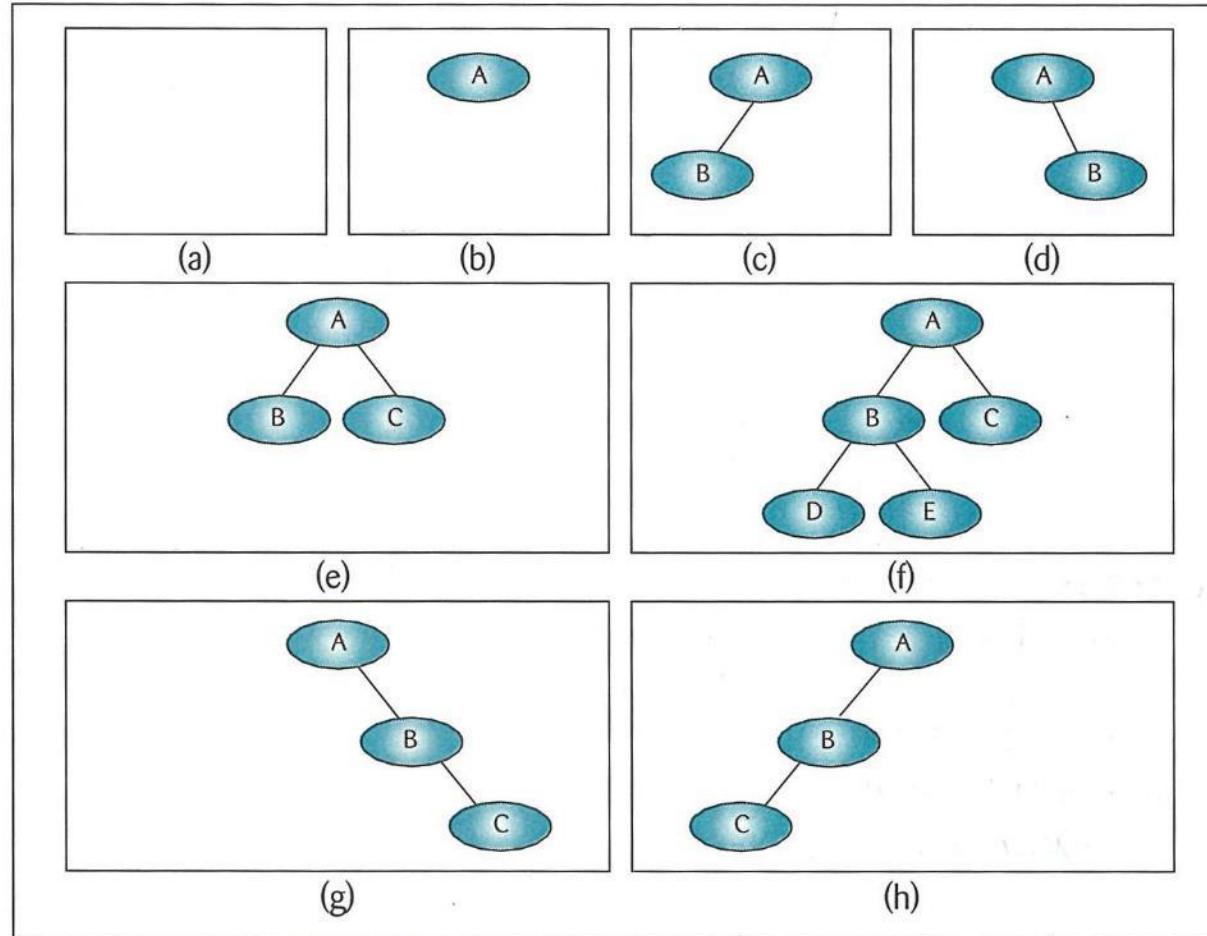
# 資料結構 – 二元搜尋樹(Binary Search Tree)

- ▶ 二元樹定義：
- ▶ 1.所有的節點(node)至多只能有兩個子樹，稱二元樹。
- ▶ 2.左邊稱為左子樹，右邊稱為右子樹。
- ▶ 3.樹不一定要對稱。



# 資料結構 – 二元搜尋樹(Binary Search Tree)

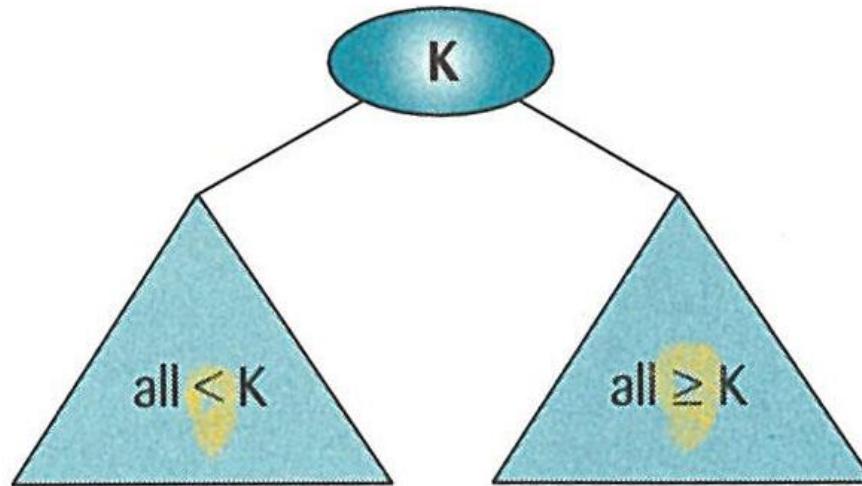
► 一些二元樹的例子：



A collection of binary trees

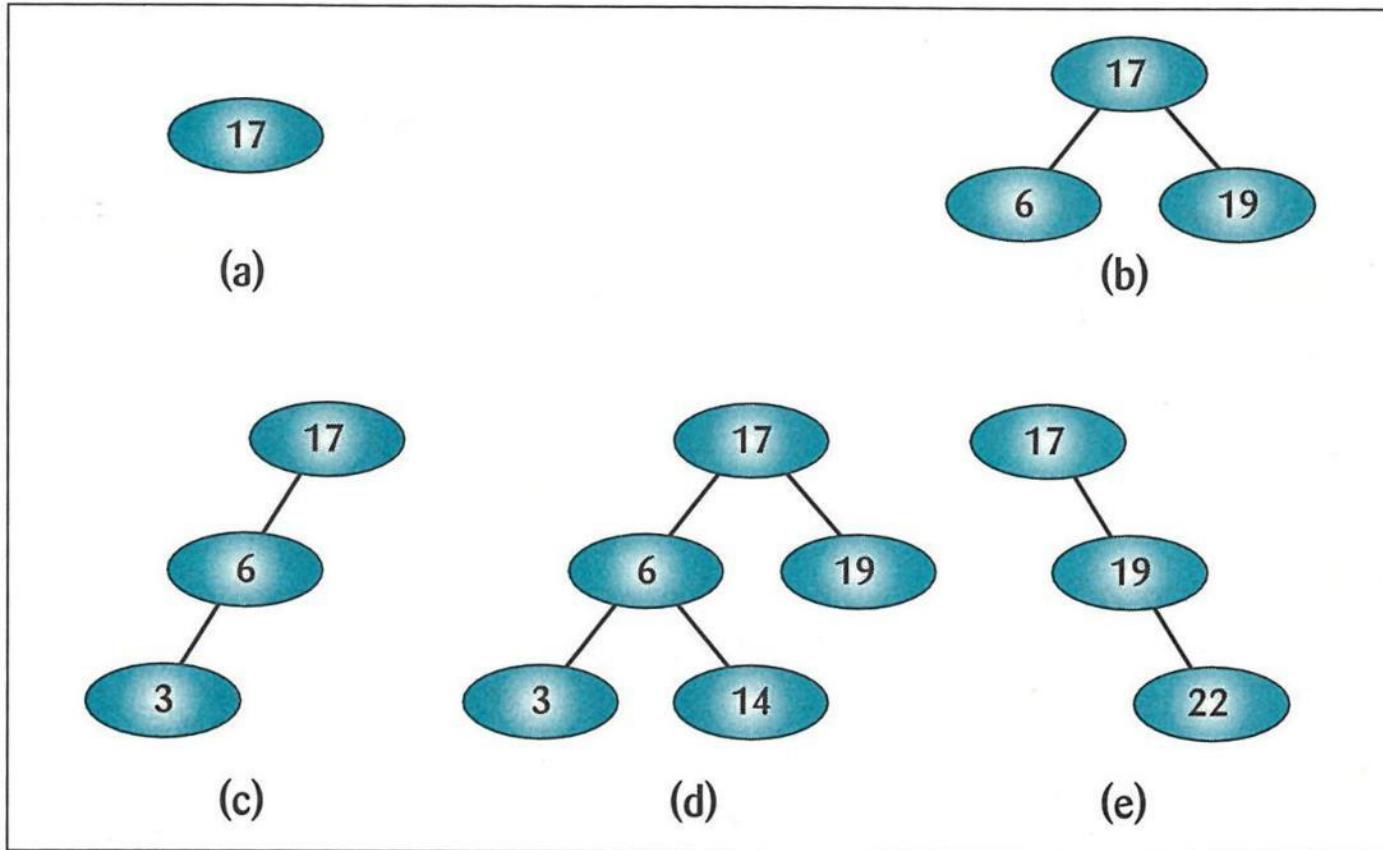
# 資料結構 – 二元搜尋樹(Binary Search Tree)

- ▶ 二元搜尋樹(Binary Search Tree, BST)是一個二元樹，並具有下列性質：
  - ▶ 1. 任一左子樹都比它的根來的小。
  - ▶ 2. 任一右子樹都大於或等於它的根。
  - ▶ 3. 每一個子樹亦是一個二元搜尋樹。



# 資料結構 – 二元搜尋樹(Binary Search Tree)

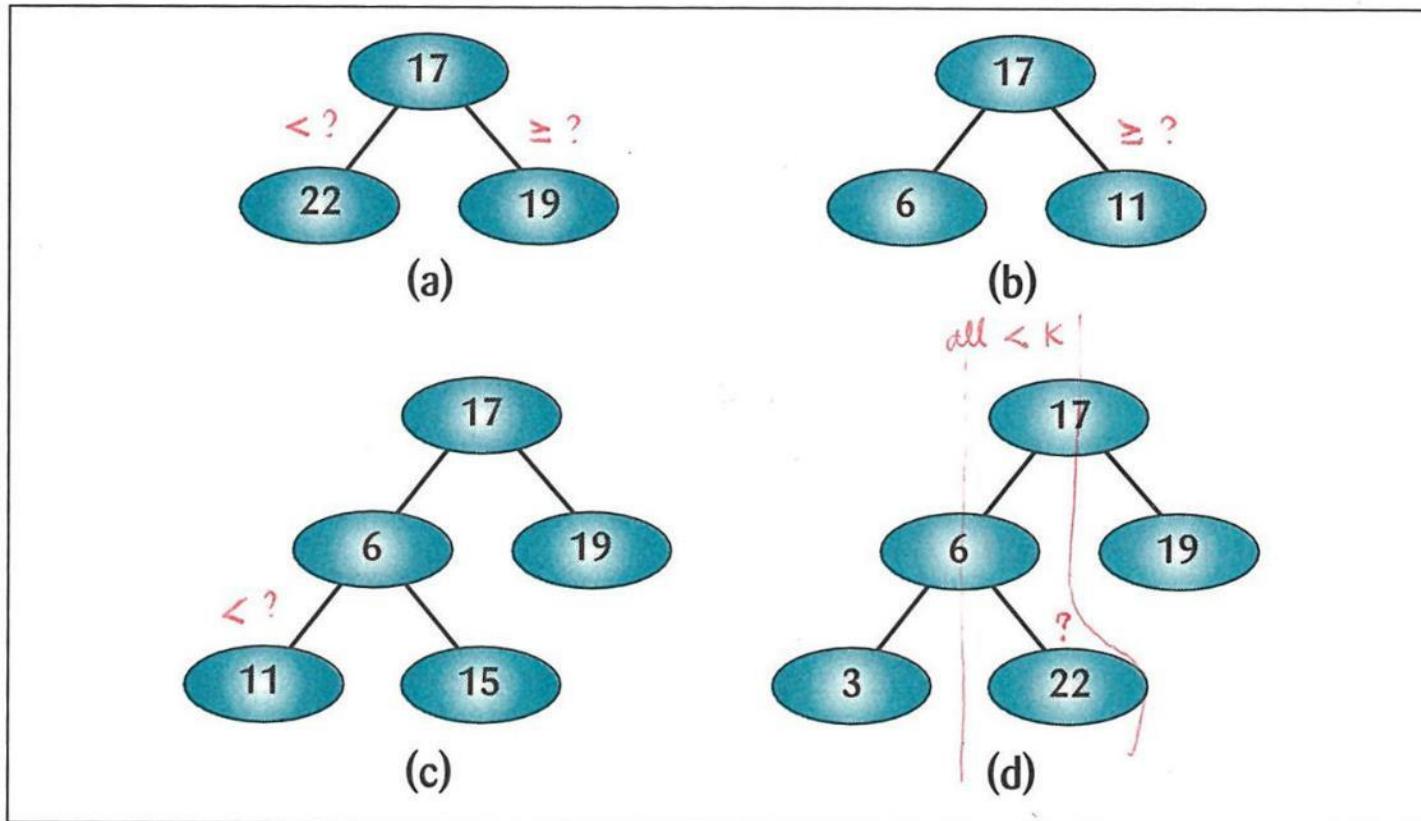
► 一些二元搜尋樹的例子：



Binary search trees

# 資料結構 – 二元搜尋樹(Binary Search Tree)

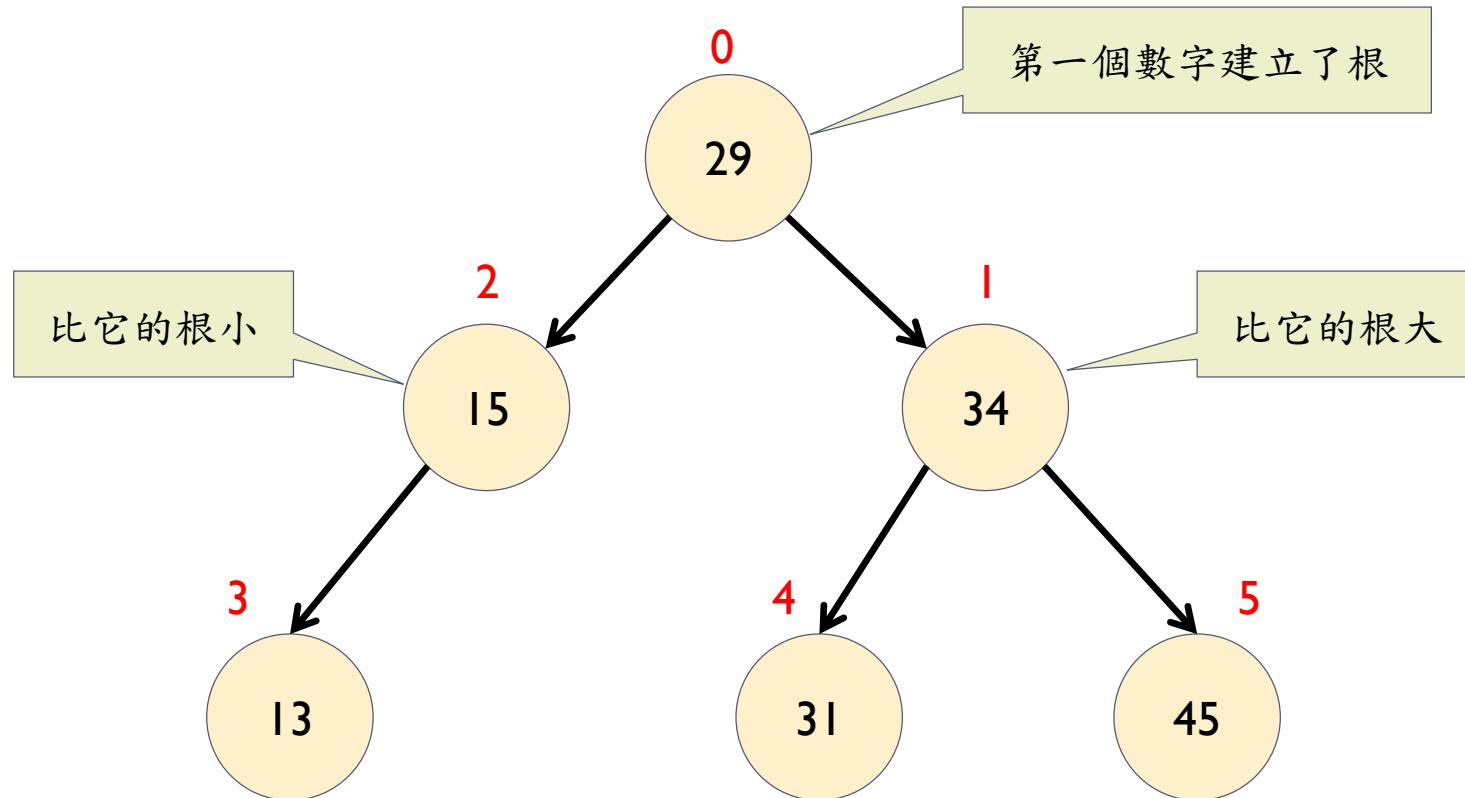
- ▶ 一些無效的二元搜尋樹的例子：



Invalid binary search trees

# 資料結構 – 二元搜尋樹(Binary Search Tree)

- ▶ 如何建立一個二元搜尋樹
- ▶ 假設輸入數字順序如下：29、34、15、13、31、45



# 資料結構 – 二元搜尋樹(Binary Search Tree)

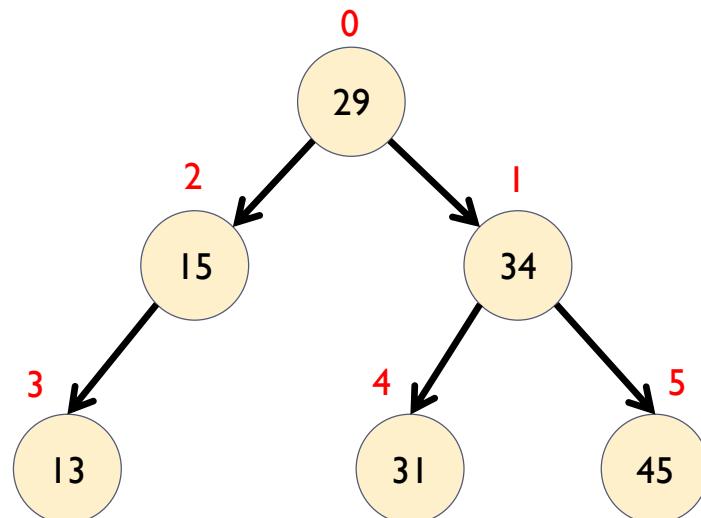
- 在這裡我們使用陣列來表示一個節點：

Node  $i[0]$  = 節點的值  
Node  $i[1]$  = 節點的編號  
Node  $i[2]$  = 節點的左子節點編號  
Node  $i[3]$  = 節點的右子節點編號

- 所以一棵樹可用一個二維陣列來表示：

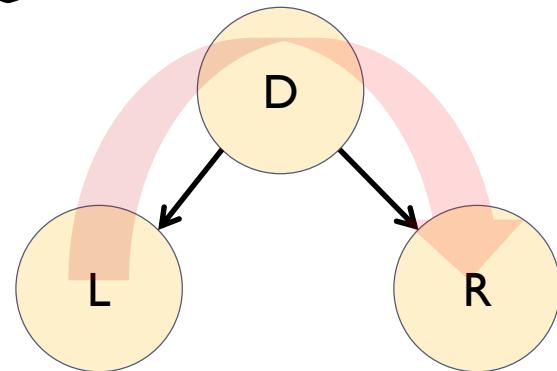
Tree[0] = [29, 0, 2, 1]  
Tree[1] = [34, 1, 4, 5]  
Tree[2] = [15, 2, 3, None]  
Tree[3] = [13, 3, None, None]  
Tree[4] = [31, 4, None, None]  
Tree[5] = [45, 5, None, None]

- None表示無子節點。



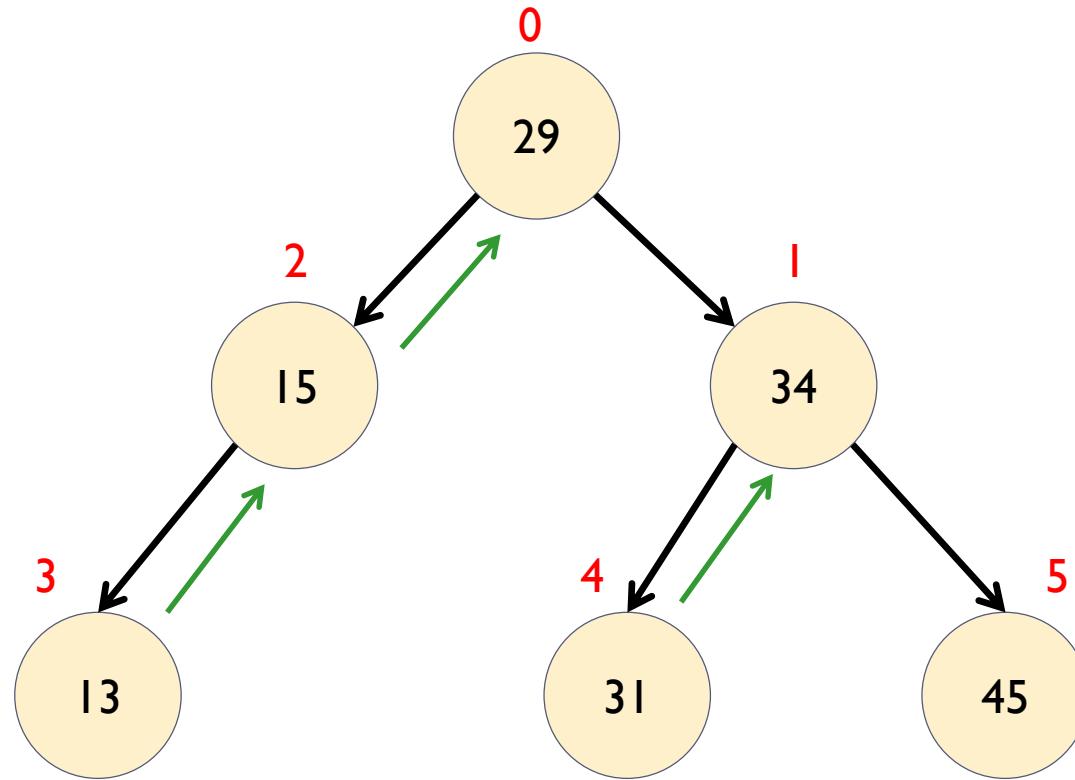
# 資料結構 – 二元搜尋樹(Binary Search Tree)

- ▶ 二元搜尋樹走訪(列出所有資料)，有三種方式：
  - ▶ DLR: 前序走訪 (Preorder Traversal)
  - ▶ **LDR**: 中序走訪(Inorder Traversal)
  - ▶ LRD: 後序走訪(Postorder Traversal)
  - ▶ (D: root, L: 左子樹, R: 右子樹)
- ▶ 以LDR為例，是先走訪左子樹(直到沒有左子樹為止)，根結點，然後右子樹。如果右子樹底下還有左子樹，擇期左子樹要優先訪，這是一個遞迴。



# 資料結構 – 二元搜尋樹(Binary Search Tree)

## ► LDR 中序走訪 (Inorder Traversal) :



輸出結果 : 13 15 29 31 34 45

# 資料結構 – 二元搜尋樹(Binary Search Tree)

- 二元搜尋樹的輸入：將一個數字input\_value輸入到某一節點index。

```
def insert(index,input_value,tree):  
    #若輸入的數字比此node所儲存的值還小，則針對left chile tree  
    if input_value < tree[index][0]:  
        #若left chile tree存在，試著在left sub-tree中找到適合的位置插入輸入的數字  
        if tree[index][2] != None:  
            insert(tree[index][2],input_value,tree)  
        #若left chile tree不存在，將此node產生一個新的left chile node並儲存此輸入的數字  
        else:  
            #產生一個新的node  
            newNode = [input_value,len(tree),None,None]  
            #將此新的node加入tree中  
            tree.append(newNode)  
            #tree[index][2]記錄此新加入node的index  
            tree[index][2] = len(tree) - 1  
            print("加入新node: NODE["+str(len(tree))-1]+  
                  "](此node為NODE["+str(tree[index][1])+"] 的left child node.)")  
    #若輸入的數字比此node所儲存的值還大，則針對right chile tree  
    elif input_value >= tree[index][0]:  
        if tree[index][3] != None:  
            insert(tree[index][3],input_value,tree)  
        #若Right chile tree不存在，將此node產生一個新的Right chile node並儲存此輸入的數字  
        else:  
            #產生一個新的node  
            newNode = [input_value,len(tree),None,None]  
            #將此新的node加入tree中  
            tree.append(newNode)  
            #tree[index][3]記錄此新加入node的index  
            tree[index][3] = len(tree) - 1  
            print("加入新node: NODE["+str(len(tree))-1]+  
                  "](此node為NODE["+str(tree[index][1])+"] 的right child node.)")
```

# 資料結構 – 二元搜尋樹(Binary Search Tree)

## ► 二元搜尋樹的搜尋：

```
def searchValueFromTree(index, input_value, tree):
    print("NODE["+str(tree[index][1])+"]所儲存的數字為"+str(tree[index][0]))
    #若比此node所儲存的數字還小，則找left sub-tree
    if input_value < tree[index][0]:
        print("尋找NODE["+str(tree[index][1])+
              "]的left child node: NODE["+str(tree[index][2])+"]")
        if tree[index][2] == None:
            print("NODE["+str(tree[index][1])+
                  "]的left child node不存在，找不到"+str(input_value)+"這個數字!")
        else:
            searchValueFromTree(tree[index][2], input_value, tree)
    #若比此node所儲存的數字還大，則找right sub-tree
    elif input_value > tree[index][0]:
        print("尋找NODE["+str(tree[index][1])+
              "]的right child node: NODE["+str(tree[index][3])+"]")
        if tree[index][3] == None:
            print("NODE["+str(tree[index][1])+
                  "]的right child node不存在，找不到"+str(input_value)+"這個數字!")
        else:
            searchValueFromTree(tree[index][3], input_value, tree)
    #此node所儲存的數字與input_value相同
    else:
        print(str(input_value)+"這個數字存在tree中(位置在NODE["+str(tree[index][1])+"])!")
```

# 資料結構 – 二元搜尋樹(Binary Search Tree)

## ► 二元搜尋樹的讀取資料：

```
def inorderShowTree(index,tree):  
    if tree[index][2] != None:  
        inorderShowTree(tree[index][2],tree)  
    print("NODE["+str(tree[index][1])+  
          "]所儲存的數字為"+str(tree[index][0])+  
          ",left child node為NODE["+str(tree[index][2])+  
          "],right child node為NODE["+str(tree[index][3])+"]")  
    if tree[index][3] != None:  
        inorderShowTree(tree[index][3],tree)
```

## ► 要讀出整棵樹裡面各節點的數字，我們用採中序式走訪。

# 資料結構 – 二元搜尋樹(Binary Search Tree)

## ► 主程式：

```
#main
T = []
while True:
    x = int(input("[Tree] 1.加入數字 2.搜尋數字 3.中序查看Tree 4.離開程式 || 請選擇功能:"))
    if x == 1:
        y = int(input("請輸入要加入的數字:"))
        if len(T) == 0:
            #root[0]代表data，root[1]代表左child的index，root[2]代表右child的index
            root = [y, len(T), None, None]
            T.append(root)  #將此node加入binary tree T中
        else:
            #試著找到適合的地方，將輸入的數字插入
            insert(0, y, T)
    elif x == 2:
        y = int(input("請輸入要搜尋的數字:"))
        print("從NODE["+str(T[0][1])+"]開始尋找...")
        searchValueFromTree(0, y, T)
    elif x == 3:
        inorderShowTree(0, T)
    elif x == 4:
        break
```

# 資料結構 - 二元樹

## ▶ 執行結果：

```
*Python 3.5.2 Shell*
File Edit Shell Debug Options Window Help
[Tree] 1.加入數字 2.搜尋數字 3.中序查看Tree 4.離開程式 || 請選擇功能:1
請輸入要加入的數字:16
[Tree] 1.加入數字 2.搜尋數字 3.中序查看Tree 4.離開程式 || 請選擇功能:1
請輸入要加入的數字:88
加入新node:NODE[1](此node為NODE[0]的right chile node).
[Tree] 1.加入數字 2.搜尋數字 3.中序查看Tree 4.離開程式 || 請選擇功能:1
請輸入要加入的數字:49
加入新node:NODE[2](此node為NODE[1]的left chile node).
[Tree] 1.加入數字 2.搜尋數字 3.中序查看Tree 4.離開程式 || 請選擇功能:1
請輸入要加入的數字:8
加入新node:NODE[3](此node為NODE[0]的left chile node).
[Tree] 1.加入數字 2.搜尋數字 3.中序查看Tree 4.離開程式 || 請選擇功能:1
請輸入要加入的數字:65
加入新node:NODE[4](此node為NODE[2]的right chile node).
[Tree] 1.加入數字 2.搜尋數字 3.中序查看Tree 4.離開程式 || 請選擇功能:1
請輸入要加入的數字:99
加入新node:NODE[5](此node為NODE[1]的right chile node).
[Tree] 1.加入數字 2.搜尋數字 3.中序查看Tree 4.離開程式 || 請選擇功能:1
請輸入要加入的數字:4
加入新node:NODE[6](此node為NODE[3]的left chile node).
[Tree] 1.加入數字 2.搜尋數字 3.中序查看Tree 4.離開程式 || 請選擇功能:2
請輸入要搜尋的數字:10
從NODE[0]開始尋找...
NODE[0]所儲存的數字為16
尋找NODE[0]的left child node:NODE[3]
NODE[3]所儲存的數字為8
尋找NODE[3]的right child node:NODE[None]
NODE[3]的right child node不存在, 找不到10這個數字!
[Tree] 1.加入數字 2.搜尋數字 3.中序查看Tree 4.離開程式 || 請選擇功能:2
請輸入要搜尋的數字:8
從NODE[0]開始尋找...
NODE[0]所儲存的數字為16
尋找NODE[0]的left child node:NODE[3]
NODE[3]所儲存的數字為8
8這個數字存在tree中(位置在NODE[3])!
[Tree] 1.加入數字 2.搜尋數字 3.中序查看Tree 4.離開程式 || 請選擇功能:3
NODE[6]所儲存的數字為4, left chile node為NODE[None], right chile node為NODE[None]
NODE[3]所儲存的數字為8, left chile node為NODE[6], right chile node為NODE[None]
NODE[0]所儲存的數字為16, left chile node為NODE[3], right chile node為NODE[1]
NODE[2]所儲存的數字為49, left chile node為NODE[None], right chile node為NODE[4]
NODE[4]所儲存的數字為65, left chile node為NODE[None], right chile node為NODE[None]
NODE[1]所儲存的數字為88, left chile node為NODE[2], right chile node為NODE[5]
NODE[5]所儲存的數字為99, left chile node為NODE[None], right chile node為NODE[None]
[Tree] 1.加入數字 2.搜尋數字 3.中序查看Tree 4.離開程式 || 請選擇功能:4
>>> |
```

休息一下~

---



# 正規表示式(Regular Expression)

- ▶ 這個名詞聽來有點嚴肅得嚇人，維基百科是這麼說的：
- ▶ 正規表示式（英語：Regular Expression，常簡寫為regex、regexp或RE），又稱正規表達式、正規表示法、規則運算式、常規表示法，是電腦科學的一個概念。
- ▶ 正規表示式使用單個字串來描述、符合一系列符合某個句法規則的字串。在很多文字編輯器裡，正則表達式通常被用來檢索、替換那些符合某個模式的文字。
- ▶ 不一定要會，但會了超省力！



# 正規表示式(Regular Expression)

---

- ▶ 當我們要比對一項資料時，例如：

```
X == 'John@abc.com.tw'
```

- ▶ 結果會是True或False，但如果我只想確定它是否是一個合法正確的Email，而不是某特定的Email呢？
- ▶ 這時就需要用正規表示式了。
- ▶ 正規表示式是用來比對「格式」，而不是某特定值。

# 正規表示式(Regular Expression)

---

- ▶ 在這裡推薦網路上這篇文章，他的說明淺顯易懂，可以去看一下。
  - ▶ <https://marco79423.net/articles/淺談-regex-及其應用>
  - ▶ (之後的說明也以這篇內容的例子為主，感謝版主~)
- ▶ 你也可以去Python官方網站看說明(英文的...)。
  - ▶ <https://docs.python.org/3/howto/regex.html>
  - ▶ <https://docs.python.org/3/library/re.html>

# 正規表示式(Regular Expression)

---

- ▶ 當你要搜尋「小雞」這個詞時，多半心裡想的是毛茸茸很可愛的「小雞」，所以當你發現找出來的結果是「小雞雞」時，心情就不會太好。但你也知道不能怪可憐的搜尋器，因為你心裡明白它是無辜的。
- ▶ 反正你就是覺得小雞很可愛，具體是「小母雞」、「小公雞」、還是「小白雞」無關緊要，只要開頭為「小」，結尾是「雞」就行了，該怎麼搜呢？有點麻煩對吧？
- ▶ 或者你知道想搜尋的句子大致是「小雞 XX 公克重」這類的句子。但問題在於這個 XX 偏偏就不知道，或多少都可以，該怎麼搜尋呢？

# 正規表示式(Regular Expression)

---

- ▶ 這時正規表示式(簡稱regex)就派上用場了。
- ▶ regex 用法規則不少，它大致區分為四種類別，分別是「選擇」、「次數」、「錨點」和「截取」類。
- ▶ 利用regex的這些規則組合出一個符合搜尋目標的字串，就可以輕易地找出我們要的字串。

# 正規表示式(Regular Expression) - 選擇

- 如果我想搜尋「小白雞」或「小小雞」：

小白雞 | 小小雞

- 「|」代表「或」的意思，表示由「|」區隔出來的字串都可以接受，在這個例子中，無論是「小白雞」還是「小小雞」都可抓得到。
- 我們也可以加上小括號可以限制「或」的範圍，達成同樣的效果：

小(白 | 小)雞

# 正規表示式(Regular Expression) - 選擇

- ▶ 如果還要再加上「小母雞」：

小白雞 | 小小雞 | 小母雞

- ▶ 或

小(白 | 小 | 母)雞

- ▶ 可是如果越來越多，就會有一堆「|」符號，其中(白 | 小 | 母)可以用中括號的語法簡化：

小[白小母]雞

# 正規表示式(Regular Expression) - 選擇

- ▶ 可是如果甚麼雞都可以，反正不要是「小雞雞」就行了，那就可以寫成：

小[<sup>^</sup>雞]雞

- ▶ 在中括號內的開頭加上「^」代表反向選擇，只要不是括號內的字都可以接受。
- ▶ 表示某個範圍，使用「-」：

[a-zA-Z0-9] 或 [\w]
- ▶ a-z 代表 a 到 z，A-Z 代表 A 到 Z 而 0-9 代表 0 到 9，這個 regex 代表「所有英文字母和數字」都可以接受。

# 正規表示式(Regular Expression) - 選擇

► 對於常用的一些組合，`regex`也事先定義了一些表示法：

regex 語法	意義
<code>\d</code>	數字(digit)，如 0 到 9
<code>\D</code>	非數字
<code>\w</code>	文字(word)
<code>\W</code>	非文字
<code>\s</code>	廣義的空白符號 whitespace)，如空白、tab 等
<code>\S</code>	非空白

# 正規表示式(Regular Expression) - 次數

---

- ▶ 有時不只出現搜尋的文字不確定，就連出現的次數也不能肯定。`regex` 也提供了一些特殊符號來處理這種次數未定的情況。
- ▶ 好比說假設我們一開始就知道是小「白」雞，但卻發現「白」有機會不只出現一次，有可能是「小白雞」、「小白白白雞」、「小白白白白雞」、「小白白白白白雞」……。
- ▶ 這時就可以用「次數」類型的規則處理這個問題

# 正規表示式(Regular Expression) - 次數

- ▶ 「**\***」，任意次數(0 ~  $\infty$  次)：

小白<sup>\*</sup>雞

- ▶ 可以同時代表「小雞」(沒有白)、「小白雞」、「小白白雞」、「小白白白雞」……。

- ▶ 「**+**」，1次以上(1 ~  $\infty$  次)：

小白<sup>+</sup>雞

- ▶ 所以只能是「小白雞」、「小白白雞」、「小白白白雞」、「小白白白白雞」……。

# 正規表示式(Regular Expression) - 次數

- ▶ 我們也可以直接指定可以出現的次數範圍：

小白{1,3}雞

- ▶ {} 大括號代表可以出現的次數範圍，這個例子即代表「白」可以出現 1 次到 3 次，所以只會有「小白雞」、「小白白雞」、「小白白白雞」三種情況。



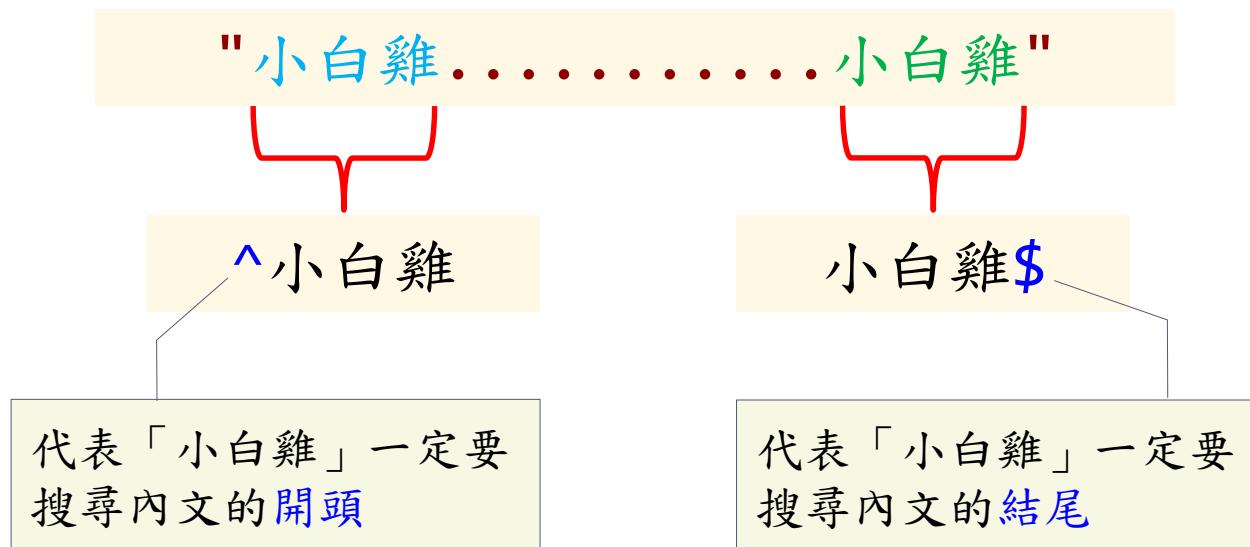
# 正規表示式(Regular Expression) - 次數

► 類似的規則可以見下表：

regex 語法	意義
*	任意次數(包含 0 次)
+	任意次數(不包含 0 次)
?	0 次或 1 次
{n}	n 次
{n, m}	n 次到 m 次
{n,}	n 次以上

# 正規表示式(Regular Expression) - 鐸點

- ▶ 有時我們對搜尋的字串出現的位置也有意見，這種類型的語法比較少，比較有機會用到的就那幾個。
- ▶ 其中「 $^$ 」代表開頭，「 $\$$ 」代表結尾。
- ▶ 例如：



# 正規表示式(Regular Expression) - 鐨點

- ▶ 另外還有比較常用的是「`\b`」和「`\B`」，前者代表「邊界」，後者代表「非邊界」。
- ▶ 例如：  
`chick\b`
  - ▶ 在這個例子中，「chicken」就不符合要求，因為「k」並非單字的邊界。但反過來如果是：  
`chick\B`
  - ▶ 那麼「chicken」就可以接受，但「chick」就不能過。
  - ▶ (中文字不太適用此規則)

# 正規表示式(Regular Expression) - 截取

- ▶ 小括號除了可以改變規則影響的範圍：
  - ▶ 像是下例 regex 對應的字串並非是「小雞雞」，而是「小雞小雞」：  
**(小雞){2}**
- ▶ 括號裡的內容本身也能直接當成結果輸出：  
**小雞 (\d+) 公克重**
  - ▶ 我們可以用這個 regex 搜尋文章中是否有對應的字串外，也可以直接截取括號裡的內容。如果符合的字串為「小雞 30 公克重」，我們可以直接取得「30」這個數字。
- ▶ 小括號也不限於只能用一次：  
**小雞 (\d+) 公克重, (\d+) 公分長**
  - ▶ 這樣我們就能同時取得體重和身高了。

# 正規表示式(Regular Expression) - 截取

- ▶ 有時我們會碰到需要考慮「前後文」的字串。  
`<p>小雞</p>`
- ▶ 假設有一種情況，需要知道「小雞」屬於什麼標籤的內文，該怎麼辦呢？不能單純用角括號「<」和「>」來判斷，因為裡頭其實也可以包含其他的標籤，好比：  
`<p>這是一隻<strong>3000</strong>公克重的小雞</p>`
- ▶ 幸好，用小括號截取出來的字串，也可以當成規則的一部分。我們可以用小括號配合\1解決。  
`<(\w+)>.*小雞.*</\1>`
- ▶ \1 代表第一個小括號截取出來的內容，在這個例子中就代表「p」。以此類推，如果有第二個括號，那麼就是\2，第三、四個則是\3和\4。

# 正規表示式(Regular Expression)

- ▶ 原則上，regex 比較常用的規則大約都不會超出這些，看起來好像很簡單，但事實上有不少人，可能一聽到 regex，心裡就會抽蓄，不能自己。
- ▶ 不過這也不能怪他們，舉個例子，下面是 Google 到驗證 Email 格式的 regex：

```
((([\t ]*\r\n)?[\t ]+)?[-!#-*+/-9=?A-Z^-~]+(\.[-!#-*+/-9=?A-Z^-~]+)*(([\t ]*\r\n)?[\t ]+)?|(([\t ]*\r\n)?[\t ]+)?")(((([\t ]*\r\n)?[\t ]+)?([!#-*+/-9=?A-Z^-~])|(\\"[\t -~]))+(([\t ]*\r\n)?[\t ]+)?|(([\t ]*\r\n)?[\t ]+)?")"(([\t ]*\r\n)?[\t ]+)?")@(((([\t ]*\r\n)?[\t ]+)?[-!#-*+/-9=?A-Z^-~]+(\.[-!#-*+/-9=?A-Z^-~]+)*(([\t ]*\r\n)?[\t ]+)?|(([\t ]*\r\n)?[\t ]+)?\[(((([\t ]*\r\n)?[\t ]+)?[!-Z^-~])*(([\t ]*\r\n)?[\t ]+)?](([\t ]*\r\n)?[\t ]+)?))
```

- ▶ 看到這個噁心的語法，誰都會想叫媽媽。

# 正規表示式(Regular Expression)

## ▶ 常用的符號及規則列表：

下表為中介字元的說明

中介字元	說明
.	除了新行符號外的任何字元，例如 '.' 配對除了 '\n' 之外的任何字元。
^	字串開頭的子字串或排除指定字元或群組，例如 'a[^b]c' 配對除了 'abc' 之外的任何 a 開頭 c 結尾的三字元組合。
\$	字串結尾的子字串，例如 'abc\$' 配對以 'abc' 結尾的字串。
*	單一字元或群組出現任意次數，例如 'ab*' 配對 'a' 、 'ab' 或 'abb' 等等。
+	單一字元或群組出現至少一次，例如 'ab+' 配對 'ab' 或 'abb' 等等。
?	單一字元或群組 0 或 1 次，例如 'ab+' 配對 'a' 或 'ab' 。
{m,n}	單一字元或群組的 m 到 n 倍數，例如 'a{6}' 為連續六個 'a' ， 'a{3,6}' 為三到六個 'a' 。
[]	對中括弧內的字元形成集合，例如 '[a-z]' 為所有英文小寫字母。
\	特別序列的起始字元。
	單一字元或群組的或，例如 'a b' 為 'a' 或 'b' 。
( )	對小括弧內的字元形成群組。

# 正規表示式(Regular Expression)

## ▶ 常用的符號及規則列表：

以下為特別序列的說明

特別序列	說明
\number	群組的序數
\A	字串的開頭字元。
\b	作為單字的界線字元，例如 <code>r'\bfoo\b'</code> 配對 'foo' 或 'bar foo baz' 。
\B	作為字元的界線字元，例如 <code>r'py\B'</code> 配對 'python' 或 'py3' 。
\d	數字，從 0 到 9 。
\D	非數字。
\s	各種空白符號，包括新行符號 \n 。
\S	非空白符號。
\w	任意文字字元，包括數字。
\W	非文字字元，包括空白符號。
\Z	字串的結尾字元。

休息一下~

---



# Python 的 re 模組

- ▶ 並不是所有程式語言都支援正規表示式。
- ▶ 在 Python 中，要使用 regex 並不難，已經內建在標準庫裡頭了，只要引入「re」模組即可。

```
import re
```

- ▶ 其中最常用的函式，大概就是 `re.search` 函式了。

(全部給我閃開，我知道怎麼用正規表示式！)



# Python 的 re 模組

## ▶ Python 中「re」模組常用函式：

re 中有很多函數，以下列舉一些常用的函數

函數	說明
<code>compile(pattern)</code>	以配對形式字串 <code>pattern</code> 當參數，回傳 <code>re.compile()</code> 物件。
<code>search(pattern, string, flags=0)</code>	從 <code>string</code> 中找尋第一個配對形式字串 <code>pattern</code> ，找到回傳配對物件，沒有找到回傳 <code>None</code> 。
<code>match(pattern, string, flags=0)</code>	判斷配對形式字串 <code>pattern</code> 是否與 <code>string</code> 的開頭相符，如果相符就回傳配對物件，不相符就回傳 <code>None</code> 。
<code>fullmatch(pattern, string, flags=0)</code>	判斷 <code>string</code> 是否與配對形式字串 <code>pattern</code> 完全相符，如果完全相符就回傳配對物件，不完全相符就回傳 <code>None</code> 。
<code>split(pattern, string, maxsplit=0, flags=0)</code>	將 <code>string</code> 以配對形式字串 <code>pattern</code> 拆解，結果回傳拆解後的串列。
<code>findall(pattern, string, flags=0)</code>	從 <code>string</code> 中找到所有的 <code>pattern</code> ，結果回傳所有 <code>pattern</code> 的串列。

# Python 的 re 模組

## ► Python 中「re」模組常用函式：

re 中有很多函數，以下列舉一些常用的函數

函數	說明
<code>finditer(pattern, string, flags=0)</code>	從 <code>string</code> 中找到所有的 <code>pattern</code> ，結果回傳所有 <code>pattern</code> 的迭代器。
<code>sub(pattern, repl, string, count=0, flags=0)</code>	依據 <code>pattern</code> 及 <code>repl</code> 對 <code>string</code> 進行處理，結果回傳處理過的新字串。
<code>subn(pattern, repl, string, count=0, flags=0)</code>	依據 <code>pattern</code> 及 <code>repl</code> 對 <code>string</code> 進行處理，結果回傳處理過的序對。
<code>escape(pattern)</code>	將 <code>pattern</code> 中的特殊字元加入反斜線，結果回傳新字串。
<code>purge()</code>	清除正規運算式的內部緩存。

# Python 的 re 模組

- ▶ 還是小雞的範例：

```
import re
```

```
text = "..... 小雞 30 公克重 ....." #要搜尋的內文
#第一個參數代表pattern，後者代表要搜尋的內文
match_object = re.search(r"小雞 (\d+) 公克重", text)
# 如果有抓到，就會回傳一個 Match Object ,
# 若無則回傳 None
if match_object :
    # group 函式會回傳截取的內容 ,
    # 0 代表自己， 1 代表第一個截取的內容，依此類推
    print(match_object.group(0))
    #執行結果： '小雞 30 公克重'
    print(match_object.group(1))
    #執行結果： 30
```

# Python 的 re 模組

- 要同時找多個符合的結果，則可以使用 `re.findall` 函式：

```
import re

text = "小雞 白雞 黃雞 綠雞"

List = re.findall(r".雞", text)
print(List)
#執行結果： ['小雞', '白雞', '黃雞', '綠雞']
```



# Python 的 re 模組

- ▶ 抓取特定格式的字串，大概就是最常見的應用情景，通常會順帶截取字串裡的關鍵資訊。

```
import re

text = "..... 小雞 300 公克重 ....."
match_object = re.search(r"小雞 (\d+) 公克重", text)

if match_object and int(match_object.group(1)) > 100:
    print("好肥的小雞.....開始減肥！")
```

- ▶ 在這個例子中，小雞的體重就成功的被抓出來，之後的減肥計畫就可以順利展開了。

# Python 的 re 模組

- ▶ 要注意 regex 是一行一行找的，所以對於換行的處理，有幾個比較奇怪的地方，舉個例子：

```
import re
text = """
雞腿
雞心
雞肝
"""

L = re.search("雞.*", text)
print(L.group(0)) # '雞腿'
```

- ▶ 只搜尋一行就停止了。

# Python 的 re 模組

- 雖然前面有說過「.」代表任意字元，但其實不包含換行，當碰到第一個換行時，就會停止抓取，所以最後只抓到「雞腿」就停止了。如果要讓「.」也能代表換行字元，就要加上「DOTALL」這個 flag 才行。

```
import re
text = """
雞腿
雞心
雞肝
"""

L = re.search("雞.*", text, re.DOTALL)
print(L.group(0)) # 執行結果： '雞腿'
#                                '雞心'
#                                '雞肝'
```

# Python 的 re 模組

- ▶ 「**^**」和「**\$**」的情況比較像反過來，前面說過兩者分別代表文章的「開頭」和「結尾」，但有時我們可能會希望這個「開頭」或「結尾」代表的是「行」的開頭和結尾，這時可以加上「**MULTILINE**」這個 flag。

```
import re
text = """
雞腿
雞心
雞肝
"""

print(re.findall("^雞.*", text))
#執行結果： []
print(re.findall("^雞.*", text, re.MULTILINE))
#執行結果： ['雞腿', '雞心', '雞肝']
```

休息一下~

---



# 物件導向程式設計(OOP)

---

- ▶ 物件導向程式設計(Object Oriented Programming，OOP)，是一種程式設計方法或程式開發方式。
- ▶ 早期的程式設計觀念都是「程序導向」的，就是一行一行依序執行，加上函式呼叫來完成。
- ▶ 但程式越來越複雜，電腦是要模擬真實世界，解決真實世界的問題的，所以我們將程式編寫成一個個的「物件」，並寫出它們之間的關係與動作，來完成程式。

# 物件導向程式設計(OOP)

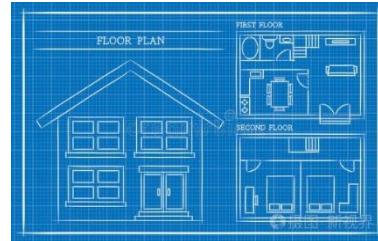
---

- ▶ **類別(Class)：**
  - ▶ 一種抽象概念，類別算是一個藍圖、一個範本、一個可參考的文件，他沒有實體 (Instance) 的概念，例如一個建築物的藍圖，可依這個藍圖蓋出很多房子的實體。
- ▶ **物件(Object)：**
  - ▶ 依照類別產生出來的實體稱為物件，在程式中是真實可以存取應用的元件。一個類別可以產生很多物件，這些物件都是各自獨立的。例如依照同一個藍圖(Class)蓋出來的一堆房子(Object)。
- ▶ **屬性(Attributes)：**
  - ▶ 每一個物件都有自己的屬性，以房子來說有高度、坪數等。同一類別的物件會有相同的屬性，但它們的「值」可能會不同。

# 物件導向程式設計(OOP)

## ► 例一：

類別(Class)  
是一個概念，沒  
有房子的實體



物件(Object)  
即類別的實例  
(Instance)



屬性(Attributes)  
有相同的屬性名稱，  
但值不同

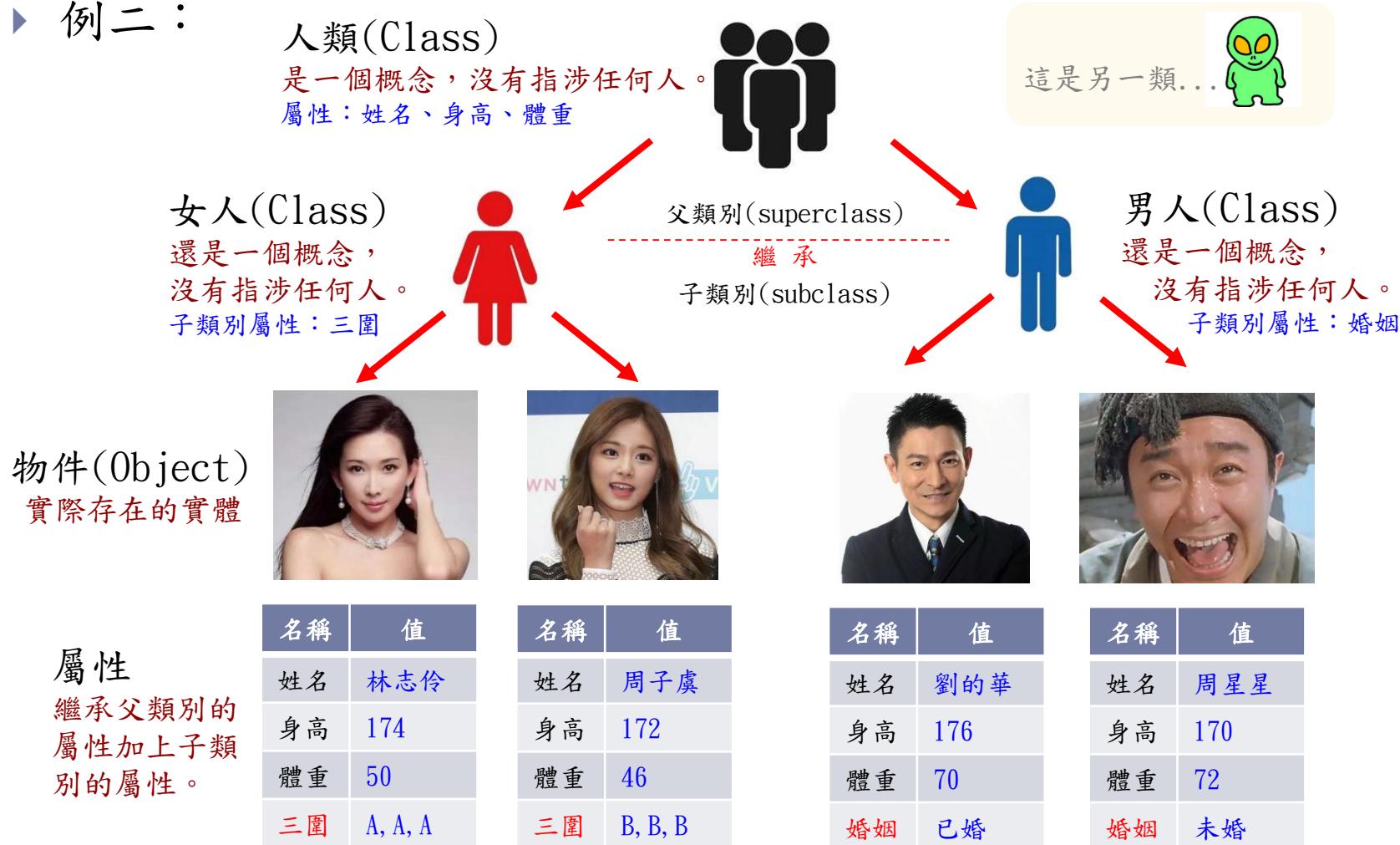
名稱	值
顏色	棕
地址	AAA...
主人	張三

名稱	值
顏色	藍
地址	BBB...
主人	李四

名稱	值
顏色	綠
地址	CCC...
主人	王二

# 物件導向程式設計(OOP)

## ► 例二：



# 物件導向程式設計(OOP)

---

## ► 繼承(Inheritance)：

► 繼承的概念是如果一個類別B「繼承自」另一個類別A，就把這個B稱為「A的子類別」，而把A稱為「B的父類別」。繼承可以使得子類別具有父類別的各種屬性和方法，而不需要再次編寫相同的代碼。在子類別繼承父類別的同時，可以重新定義某些屬性，並重寫某些方法，即覆蓋父類別別的原有屬性和方法，使其獲得與父類別不同的功能。另外，為子類別追加新的屬性和方法也是常見的做法。

## ► 屬性與方法：

► 屬性其實就是物件內的資料成員(data member)，是用來存放資料的變數。

► 方法(Method)是物件裡的函式，用來執行某些動作。

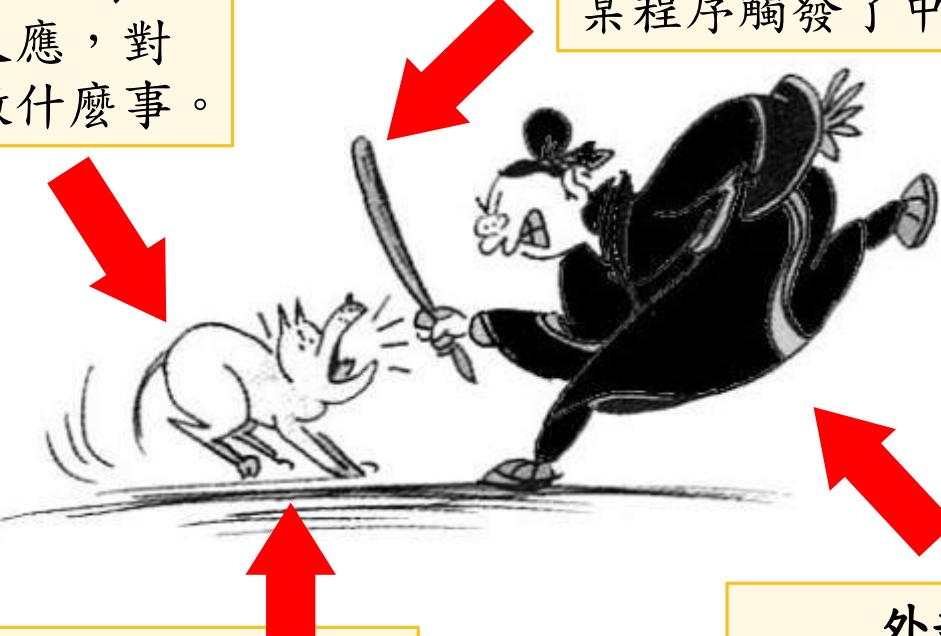
# 事件(Event)和方法(Method)

方法(Method)：

物件如何反應，對該事件要做什麼事。

事件(Event)：

例如按了滑鼠左鍵或右鍵、某程序觸發了中斷等。



物件(Object)：

程式裡的某個東西，例如表單或按鈕...等。

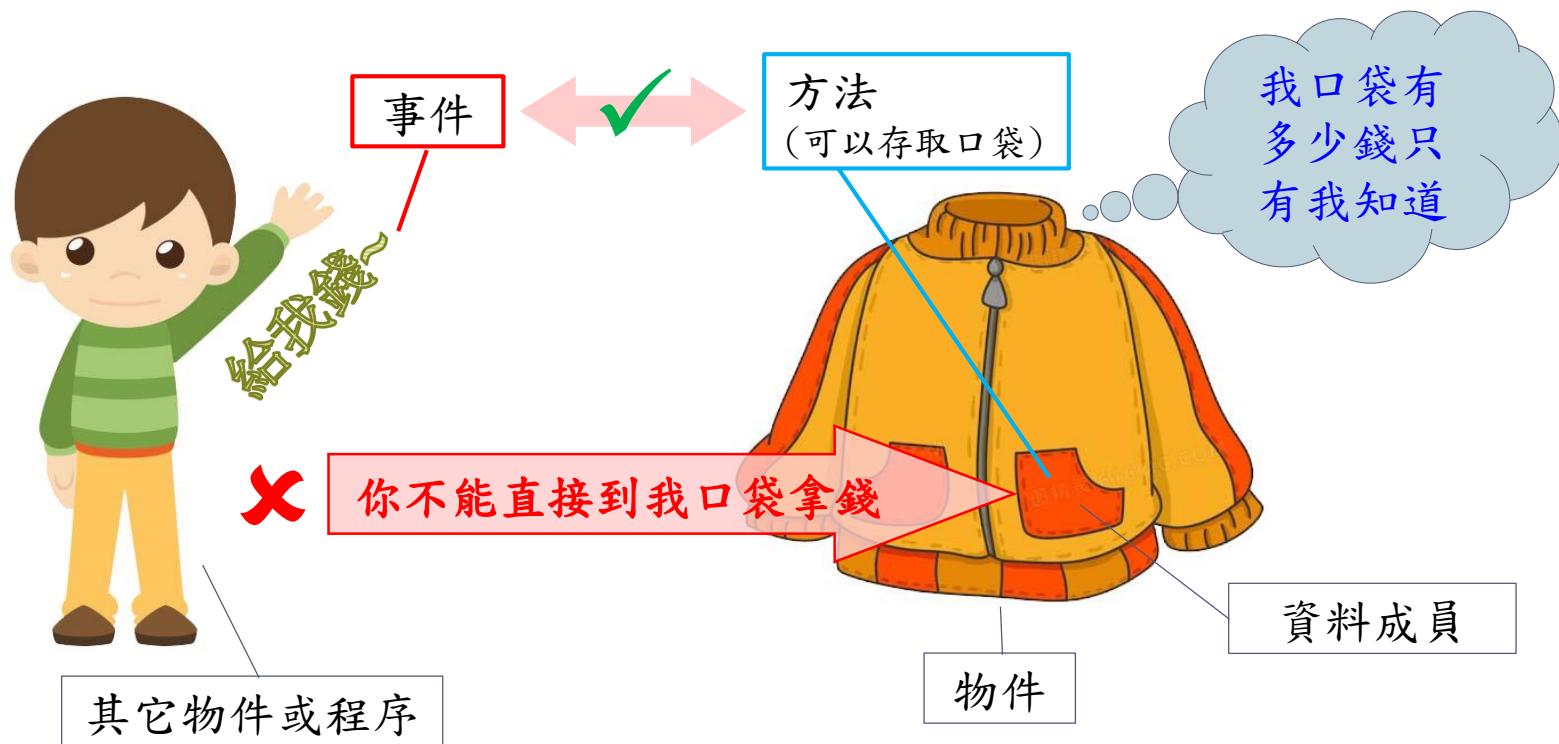
外部物件：

鍵盤、滑鼠...等，任何能發出信號的東西。

# 物件導向程式設計(OOP)

## ▶ 封裝(Encapsulation)：

- ▶ 將資料放在物件裡面，只能透過定義好的方法存取，這樣可以保障資料的安全不會被亂改到。



# 物件導向程式設計(OOP)

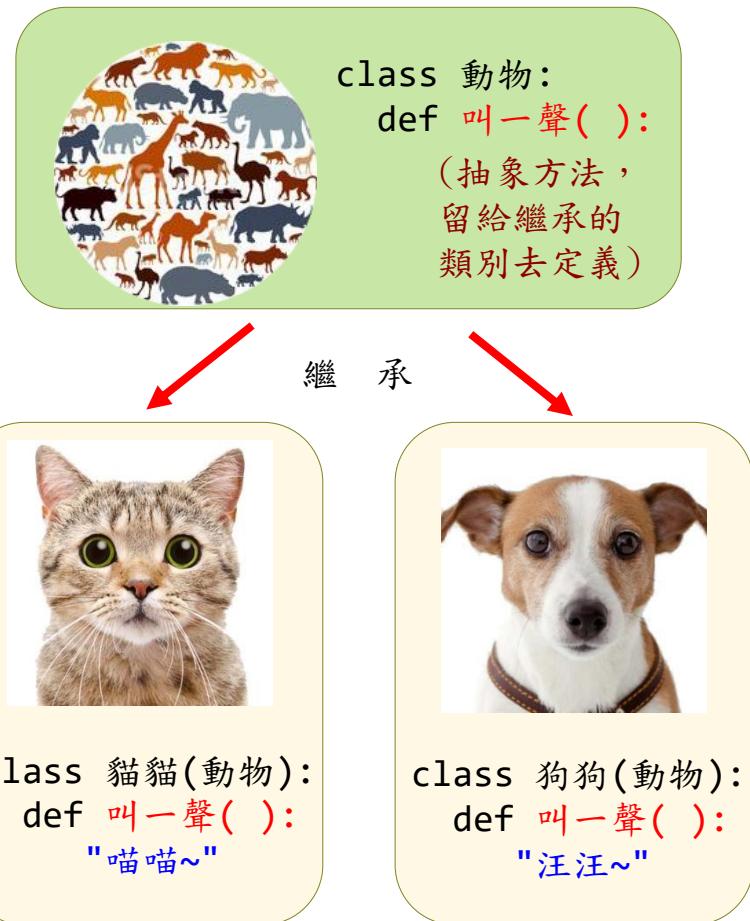
## ► 多型(Polymorphism)：

- 簡單的說就是不同型別的物件有同樣名稱的方法，呼叫同名的方法時，會得到不同的結果。



貓貓. 叫一聲()  
#得到"喵喵~"

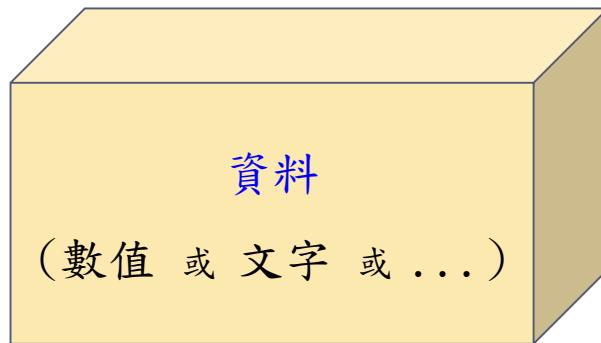
狗狗. 叫一聲()  
#得到"汪汪~"



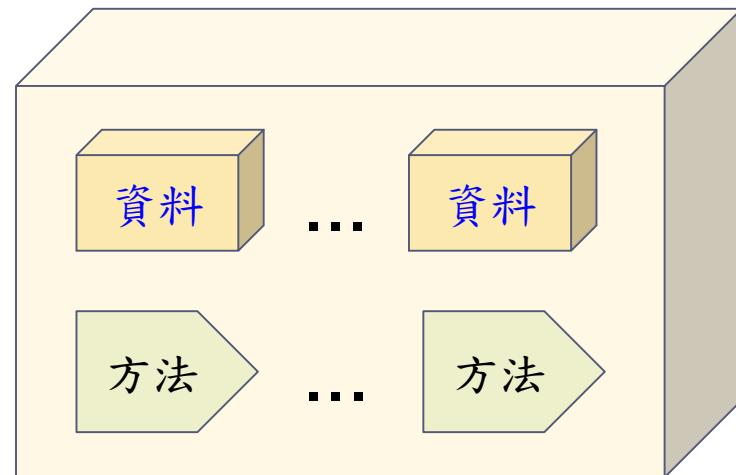
# 物件導向程式設計(OOP)

- ▶ 總之，使用物件導向程式的目的是簡化程式，重複利用程式碼，減少程式開發時間。
- ▶ 你也可以把物件想像成是比較複雜的資料型態，還包含了某些功能(方法)在一起。

一個變數



一個物件



# 物件導向程式設計(OOP)

## ► Python定義類別語法：

```
class 類別名稱：  
    #定義初始化內容  
    #定義方法
```

或

```
class 類別名稱(父類別)：  
    #定義初始化內容  
    #定義方法
```

## ► 例如：

```
class Animal：  
    ...敘述...
```

#類別名稱通常會用大寫開頭

```
class Cat(Animal):  
    ...敘述...
```

#繼承自Animal類別，  
#Python是允許多重繼承的

# 物件導向程式設計(OOP)

## ▶ 例如定義一個Person類別：

- ▶ 有name和age兩個資料成員。
- ▶ 一個setData()方法用來設定資料成員內容。
- ▶ 一個showData()方法來顯示資料成員內容。

```
class Person:  
    def setData(self, name, age):  
        self.name = name  
        self.age = age  
    def showData(self):  
        print('姓名:', self.name, '年齡:', self.age)
```

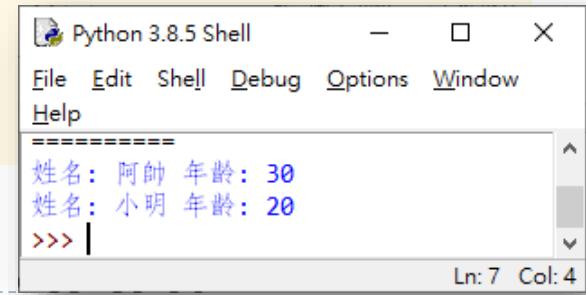
# 物件導向程式設計(OOP)

► 例：

```
class Person:      #宣告一個Person類別
    def setData(self, name, age):
        self.name = name
        self.age = age
    def showData(self):
        print('姓名:', self.name, '年齡:', self.age)
```

```
boy1 = Person()      #建立一個Person類別的物件叫boy1
boy2 = Person()      #建立一個Person類別的物件叫boy2
```

```
boy1.setData('阿帥', '30')      #執行setData()方法
boy2.setData('小明', '20')
boy1.showData()      #執行showData()方法
boy2.showData()
```



# 物件導向程式設計(OOP)

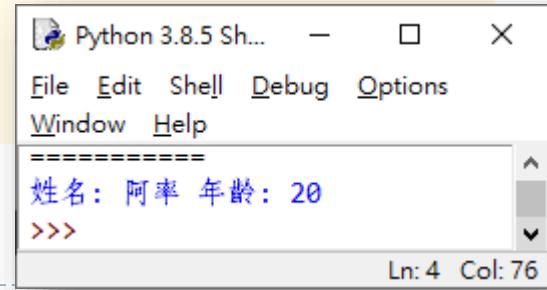
- 可是這樣的成員宣告方式還是可以從外部直接存取，沒有達到封裝的效果：

```
class Person:      #宣告一個Person類別
    def setData(self, name, age):
        self.name = name
        self.age = age
    def showData(self):
        print('姓名:', self.name, '年齡:', self.age)
```

```
boy1 = Person()      #建立一個Person類別的物件叫boy1
```

```
boy1.name = '阿率'  #直接存取物件的資料成員而不經過setData()
boy1.age = '20'
```

```
boy1.showData()      #執行showData()方法
```



# 物件導向程式設計(OOP)

- ▶ 將資料成員或方法封裝起來，只能由物件內部定義的方法存取，物件外部無法存取。
- ▶ 只要在名稱前面加上兩個底線 \_\_ 即可，但名稱的後方不可以有底線。
- ▶ 例如：

範 例	屬 性	說 明
name	公開的	未特別指定，為公開的屬性
<u>name</u>	私有的	正確的設為私有屬性
<u>name</u> <u>_</u>	公開的	後面加了底線，所以不是私有屬性

# 物件導向程式設計(OOP)

- ▶ 將資料成員name與age改成私有屬性，外部不可存取，一定要透過setData()方法才行：

```
class Person:      #宣告一個Person類別
    def setData(self, name, age):
        self.__name = name
        self.__age = age    ] 將name與age設成私有屬性
    def showData(self):
        print('姓名:', self.__name, '年齡:', self.__age)
```

boy1 = Person() #建立一個Person類別的物件叫boy1

boy1.\_\_name = '阿帥' #這樣存取私有屬性的資料成員  
boy1.\_\_age = '20' #是不會有反應的

boy1.showData() #執行showData()方法會有錯誤訊息，因為  
# \_\_name與\_\_age沒有值

# 物件導向程式設計(OOP)

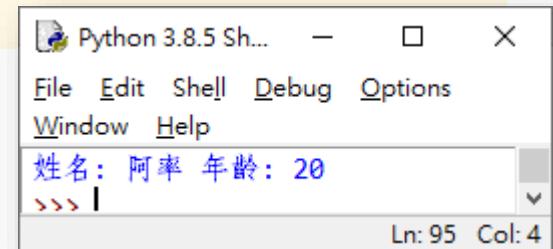
- ▶ 這才是正確的，透過setData()方法設定資料成員：

```
class Person:      #宣告一個Person類別
    def setData(self, name, age):
        self.__name = name
        self.__age = age  } 將name與age設成私有屬性
    def showData(self):
        print('姓名:', self.__name, '年齡:', self.__age)
```

boy1 = Person() #建立一個Person類別的物件叫boy1

boy1.setData('阿率', '20') #正確的作法

boy1.showData() #執行showData()方法



# 物件導向程式設計(OOP)

- ▶ 因為資料成員若無初值就直接叫用會發生錯誤，我們可以在建立物件時就直接給予一個初值。
- ▶ 可以在定義類別時加入建構子(Constructor)，讓物件生成時就先自動執行這一個方法來初始化物件。
- ▶ 透過 `__init__()` 方法來為物件設定初值，物件生成時一定會先執行這個方法。

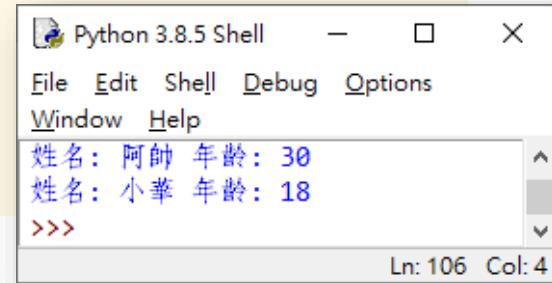
```
class 類別名稱:  
    def __init__(self, ... , ...):      #建構子  
        #物件初始化時要做的事  
        :  
        :  
    def 其他方法(self, ... , ...):  
        :  
        :
```

# 物件導向程式設計(OOP)

- ▶ 有`__init__()`的範例：

```
class Person:      #宣告一個Person類別
    def __init__(self, name='阿帥', age='30'):  #建構子
        self.__name = name
        self.__age = age
    def setData(self, name, age):
        self.__name = name
        self.__age = age
    def showData(self):
        print('姓名:', self.__name, '年齡:', self.__age)
```

```
boy1 = Person()          #建立一個Person類別的物件叫boy1
boy1.showData()          #會顯示預設值
boy1.setData('小華', '18') #自行設定__name
                        #與__age的值
boy1.showData()          #會顯示剛才設定的值
```



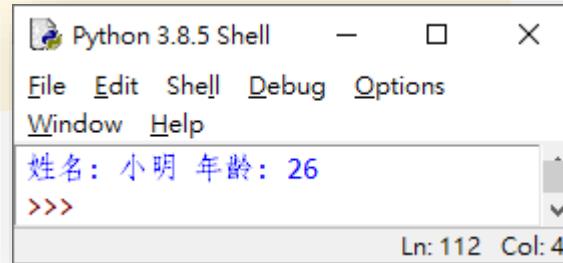
# 物件導向程式設計(OOP)

- 若有`__init__()`，也可以在建立物件時就給予初值：

```
class Person:      #宣告一個Person類別
    def __init__(self, name='阿帥', age='30'):  #建構子
        self.__name = name
        self.__age = age
    def setData(self, name, age):
        self.__name = name
        self.__age = age
    def showData(self):
        print('姓名:', self.__name, '年齡:', self.__age)
```

#建立一個Person類別的物件叫boy1，並給予初值

```
boy1 = Person('小明', '26')
boy1.showData()
```



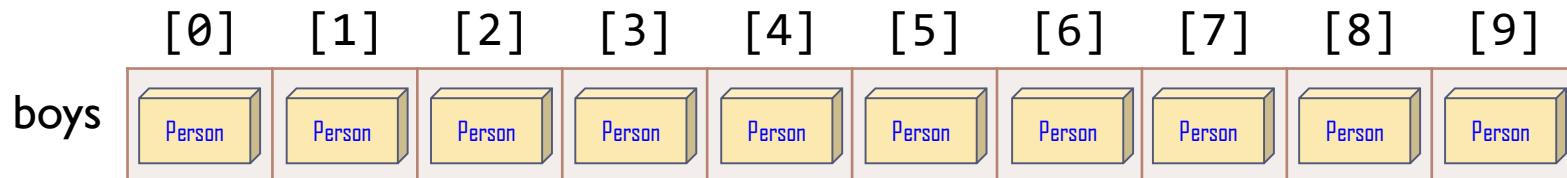
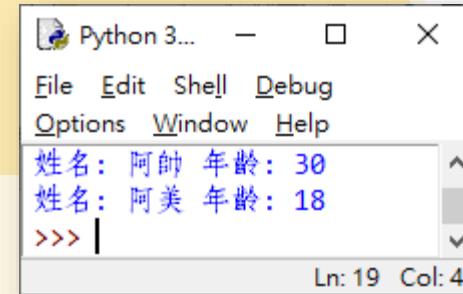
# 物件導向程式設計(OOP)

- ▶ 物件也可以輕易的用在清單(List)上。

```
class Person:      #宣告一個Person類別
:
(同前，略)
:
```

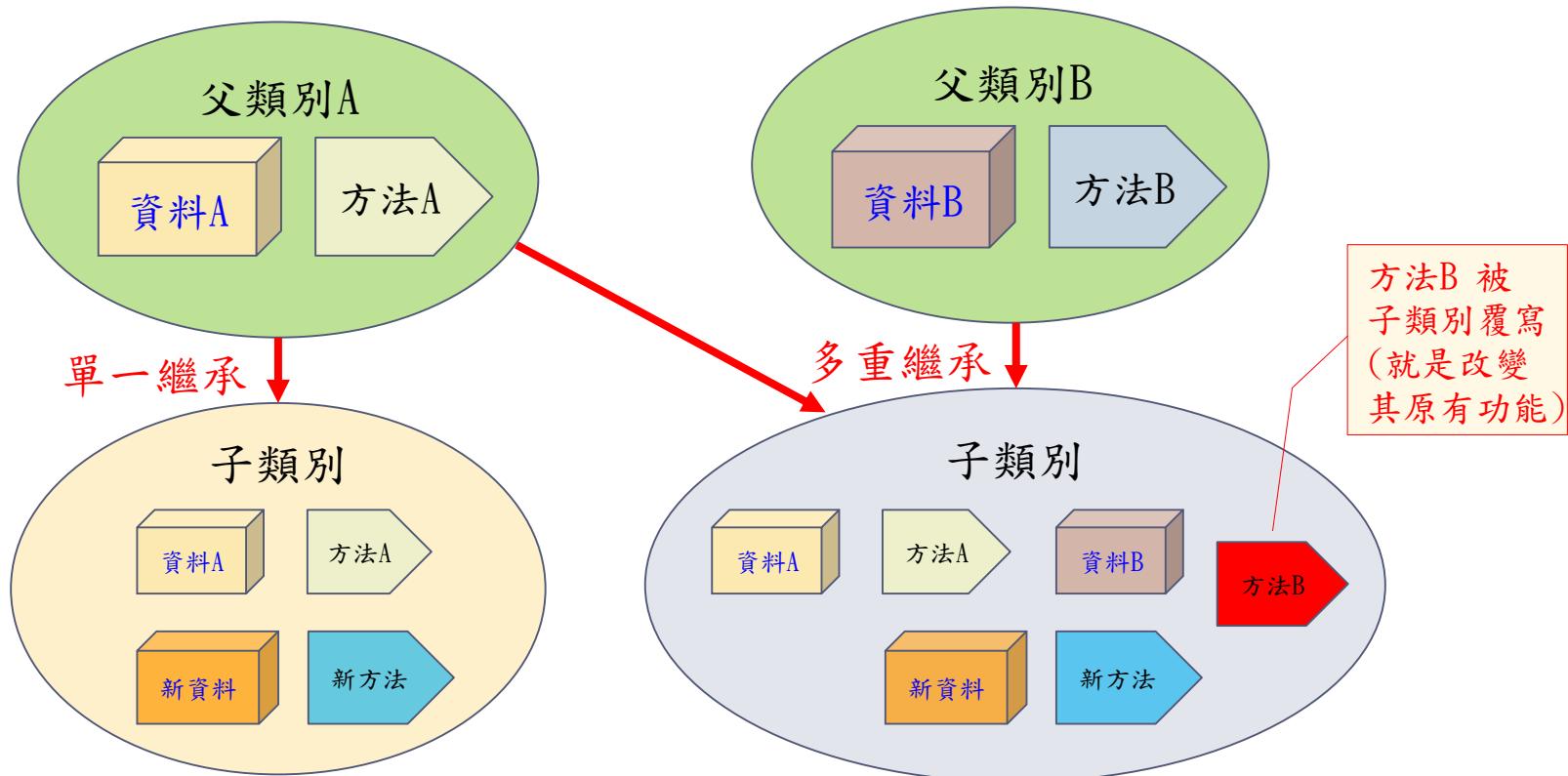
#建立一個含有10個Person物件的清單  
boys = [Person() for i in range(10)]

```
boys[0].showData()      #顯示boys[0]內定值
boys[1].setData('阿美','18')  #設定boys[1]的值
boys[1].showData()      #顯示boys[1]的值
```



# 物件導向程式設計(OOP)

- 類別繼承；可以單一繼承或多重繼承，子類別將擁有父類別的非私有屬性及方法，並可加上自己的新成員或方法，或覆寫父類別的方法。



# 物件導向程式設計(OOP)

- ▶ 繼承的宣告方式：

- ▶ 單一繼承：

```
class 類別名稱(父類別) :
```

```
    :
```

```
    敘述
```

```
    :
```

- ▶ 多重繼承：

```
class 類別名稱(父類別A, 父類別B, ...) :
```

```
    :
```

```
    敘述
```

```
    :
```

# 物件導向程式設計(OOP)

## ▶ 單一繼承範例：

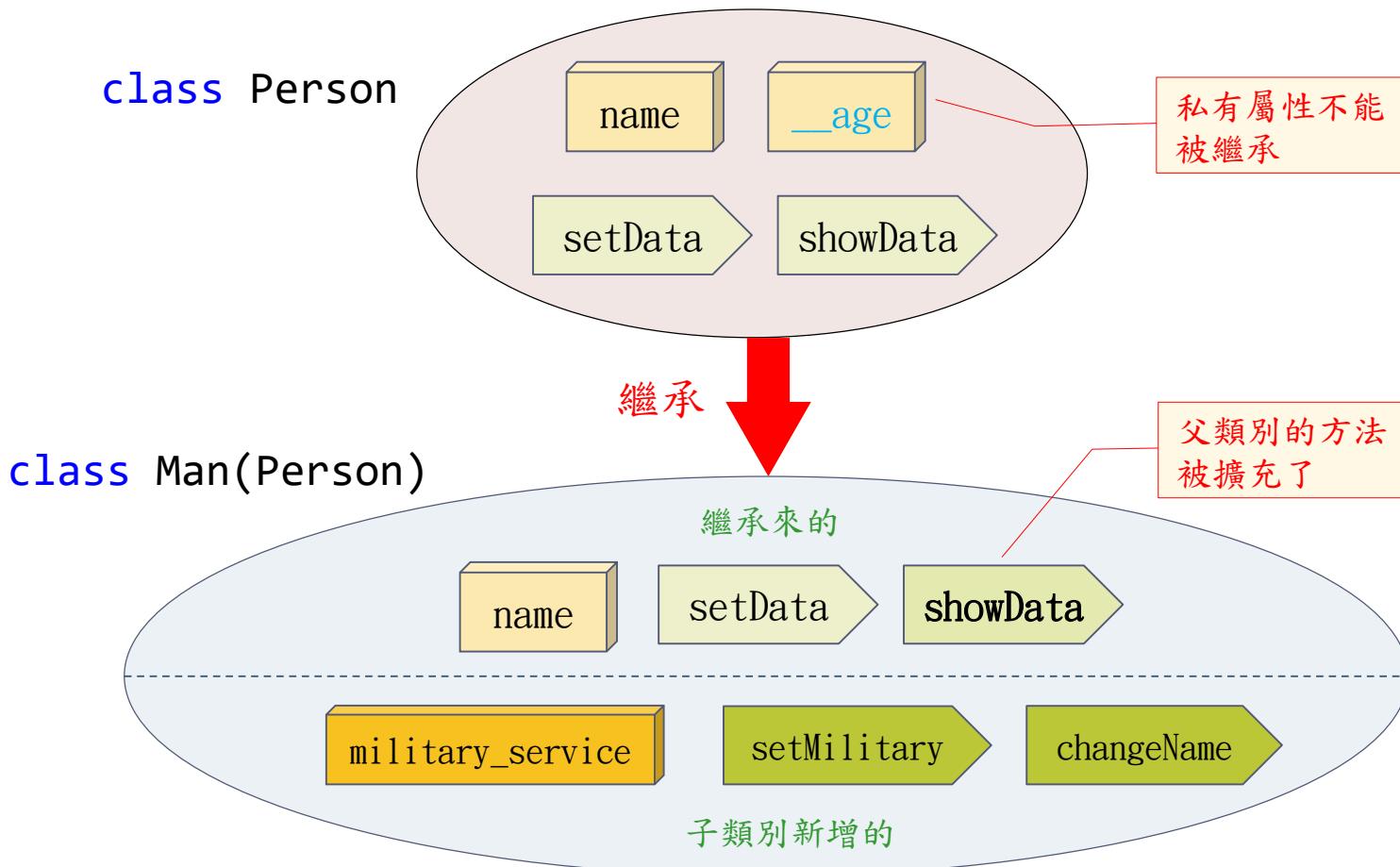
```
class Person:      #宣告一個Person類別
    def __init__(self, name='無', age='無'):  #建構子
        self.name = name
        self.__age = age
    def setData(self, name, age):
        self.name = name
        self.__age = age
    def showData(self):
        print('姓名:', self.name, '年齡:', self.__age, end=' ')
```

```
class Man(Person):  #宣告一個Man類別，繼承自Person類別
    def __init__(self, name='無', age='無', mm='無'):
        Person.setData(self, name, age)      #呼叫父類別的方法
        self.military_service = mm
    def setMilitary(self, mm):
        self.military_service = mm
    def changeName(self, nn):
        self.name = nn
    def showData(self):
        Person.showData(self)
        print('兵役:', self.military_service)
```

# 物件導向程式設計(OOP)

## ▶ 單一繼承範例：



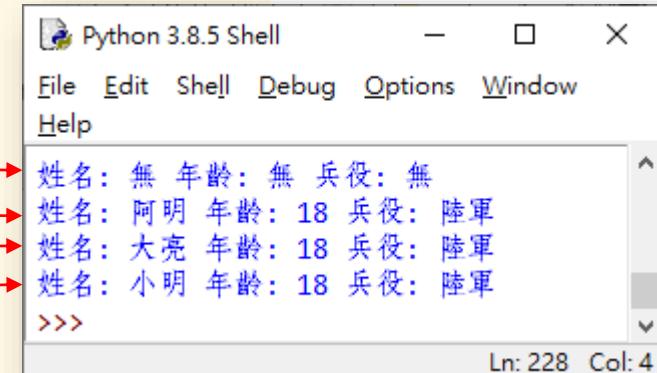
# 物件導向程式設計(OOP)

## ▶ 單一繼承範例：

```
class Person:    #宣告一個Person類別  
    (同前，略)
```

```
class Man(Person): #宣告一個Man類別，繼承自Person類別  
    (同前，略)
```

```
boy1 = Man() #建立一個Man類別的物件叫boy1  
boy1.showData()  
boy1.setData('阿明', '18')  
boy1.setMilitary('陸軍')  
boy1.showData()  
boy1.changeName('大亮')  
boy1.showData()  
boy1.name = '小明'  
boy1.__age = '20'  
boy1.showData()
```



```
Python 3.8.5 Shell  
File Edit Shell Debug Options Window Help  
姓名: 無 年齡: 無 兵役: 無  
姓名: 阿明 年齡: 18 兵役: 陸軍  
姓名: 大亮 年齡: 18 兵役: 陸軍  
姓名: 小明 年齡: 18 兵役: 陸軍  
>>>  
Ln: 228 Col: 4
```

這行是不會有反應的

# 物件導向程式設計(OOP)

## ▶ 多重繼承範例：

```
class Man:
    def setAtt(self, temper='開朗', height='180cm'):
        self.temper = temper; self.height = height
    def showAtt(self):
        print(self.temper, self.height, end=' ')

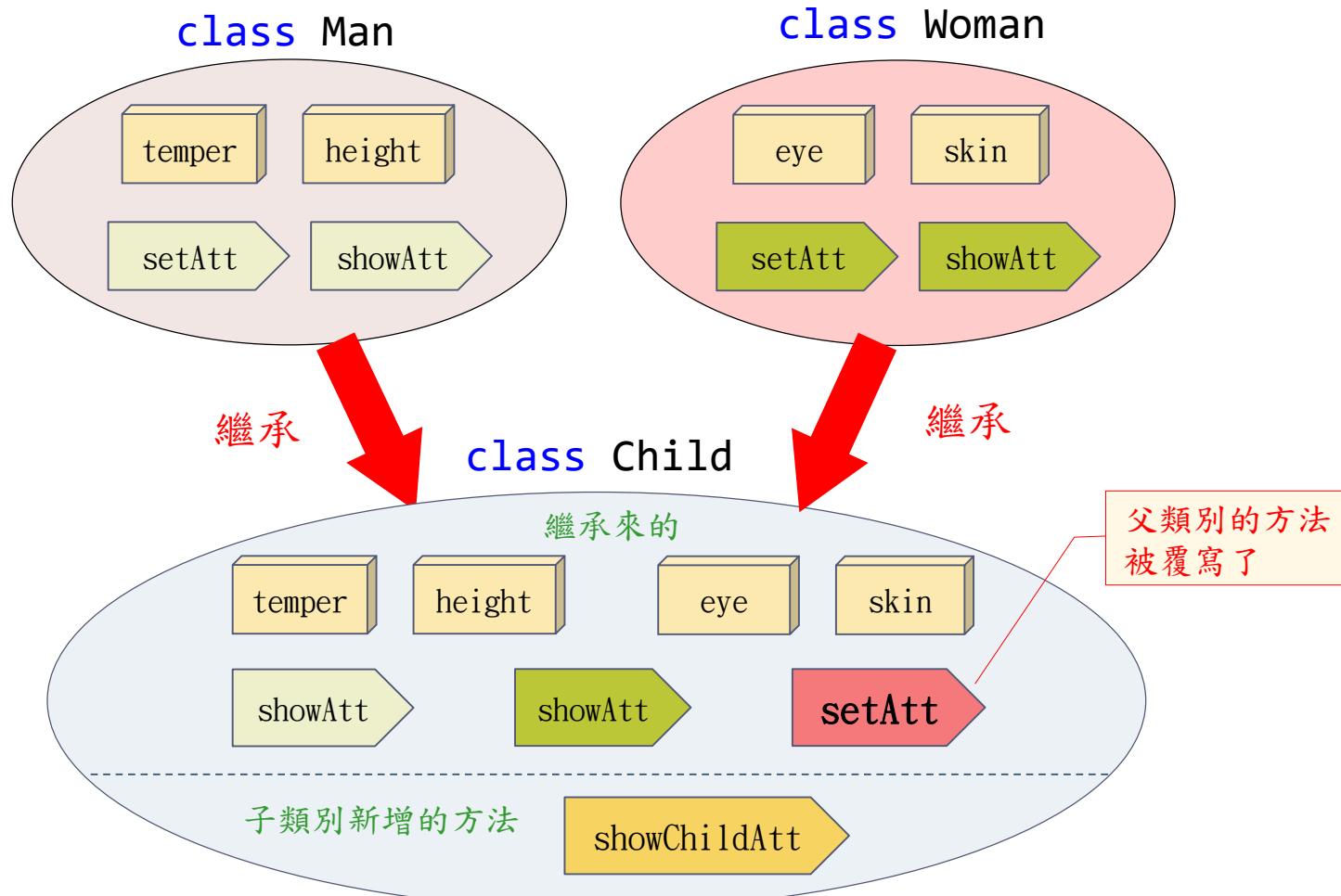
class Woman:
    def setAtt(self, eye='大眼睛', skin='白皮膚'):
        self.eye = eye; self.skin = skin
    def showAtt(self):
        print(self.eye, self.skin)

class Child(Man, Woman): ← 繼承自 Man 與 Woman
    def __init__(self):
        Man.setAtt(self); Woman.setAtt(self)
    def setAtt(self, temper, height, eye, skin):
        self.temper = temper; self.height = height
        self.eye = eye; self.skin = skin
    def showChildAtt(self):
        Man.showAtt(self); Woman.showAtt(self)
```

覆寫了父類別  
的方法

# 物件導向程式設計(OOP)

## ▶ 多重繼承範例：



# 物件導向程式設計(OOP)

## ▶ 多重繼承範例：

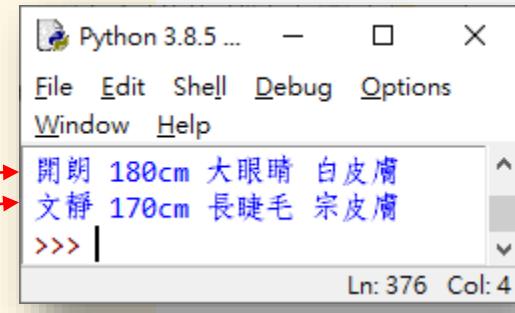
```
class Man:  
    (同前，略)
```

```
class Woman:  
    (同前，略)
```

```
class Child(Man, Woman):  
    (同前，略)
```

```
child1 = Child() #建立一個Child類別的物件叫child1  
child1.showChildAtt()
```

```
#執行覆寫過父類別功能的setAtt方法  
child1.setAtt('文靜', '170cm', '長睫毛', '宗皮膚')  
child1.showChildAtt()
```



休息一下~

---



## 物件導向練習：鏈結串列

---

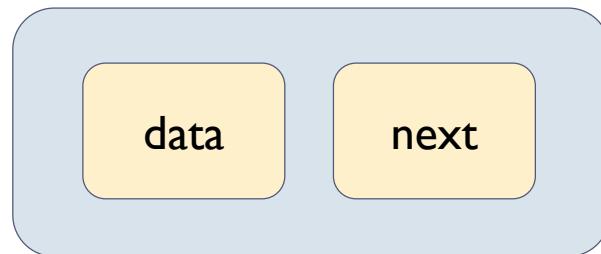
- ▶ 前面介紹過鏈結串列(Linked List)結構，我們使用物件的方式來實現對它的操作。
- ▶ 有一鏈結串列如圖：
  - ▶ 由許多節點(node)構成。
  - ▶ 須有依數值大小插入資料功能。
  - ▶ 須可刪除任一節點。
  - ▶ 可以顯示整個串列。

# 物件導向練習：鏈結串列

- 我們把節點寫成一個類別(class)叫Node，有兩個屬性(資料、下一個Node)，沒有類別方法：

```
class Node:  
    def __init__(self, data=0):  
        self.data = data      #資料  
        self.next = None      #指向下一個節點位置
```

一個 Node



# 物件導向練習：鏈結串列

## ▶ 插入一個節點的函式：

```
def insert_node(h):
    p = Node(eval(input("Please input data: "))) #輸入資料並建立一個節點p
    prev = h                      #取得鏈結串列的起始節點
    ptr = h.next                  #起始節點指向的下一個節點
    flag = True
    while ptr:      #一直搜尋到節點指向為None為止
        if ptr.data >= p.data:    #在此插入新節點
            prev.next = p          #將前一個節點的指向改為此新節點
            p.next = ptr            #將前一個節點原來的指向放入新節點
            flag = False
            break
        else:
            prev = ptr            #不是這個位置，繼續指向下一個節點
            ptr = ptr.next
    if flag:                  #新節點的值是最大的，放在尾端
        prev.next = p
        p.next = None
    input(">>>Insert OK, press Enter to continue.")
```

# 物件導向練習：鏈結串列

## ▶ 刪除一個節點的函式：

```
def delete_node(h):
    d = eval(input("Please input data: ")) #輸入欲刪除的資料
    prev = h #取得鏈結串列的起始節點
    ptr = h.next #起始節點指向的下一個節點
    if ptr is None: #如果下一個節點的指向是None，表示這是空的鏈結串列
        print(">>>Link list is Empty. ", end=' ')
    else:
        flag = True
        while ptr: #一直搜尋到節點指向為None為止
            if ptr.data == d: #找到資料，刪除此節點
                prev.next = ptr.next #將這個節點的指向交給前一個節點
                print(f">>>data {d} deleted. ", end=' ')
                flag = False
                break
            else:
                prev = ptr #不是這個位置，繼續指向下一個節點
                ptr = ptr.next
        if flag: #無此資料在練結串列中
            print(">>>No this data in Link list. ", end=' ')
    input("Press Enter to continue.")
```

# 物件導向練習：鏈結串列

- ▶ 列出整個鏈結串列的函式：

```
def printall(h):  
    ptr = h.next      #取得鏈結串列的起始節點  
    while ptr:        #一直搜尋到節點指向為None為止  
        print(ptr.data, '->', end='')    #印出該節點資料  
        ptr = ptr.next      #繼續指向下一個節點  
    print('None')      #印出結尾符號  
    input(">>>Press Enter to continue.")
```

# 物件導向練習：鏈結串列

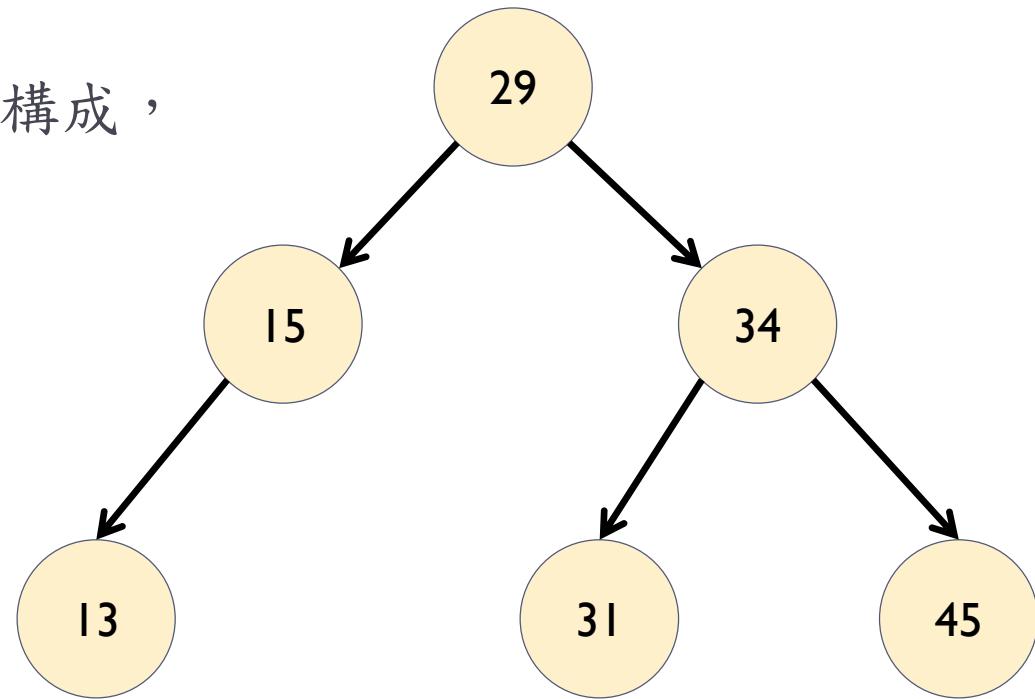
## ▶ 用一個功能表來引導使用者操作：

```
if __name__ == '__main__':
    head = Node()      #建立一個新的鏈結串列
    while True:        #顯示功能表
        print("\n-----")
        print(" 1. Insert a data to Link list")
        print(" 2. Delete a data from Link list")
        print(" 3. Show Link list")
        print(" 4. Quit")
        print("-----")
        try:
            c = int(input("Please input your select: "))
            if c == 1:
                insert_node(head)  #執行插入新節點
            elif c == 2:
                delete_node(head) #執行刪除一個節點
            elif c == 3:
                printall(head)      #印出整個鏈結串列
            elif c == 4:
                os._exit(0)        #結束程式
            else:
                print(">>>Please input 1 ~ 4")
        except:      #如果使用者的輸入無法轉換成整數的錯誤發生時
            print(">>>Unknown select")
```



# 物件導向練習：二元樹

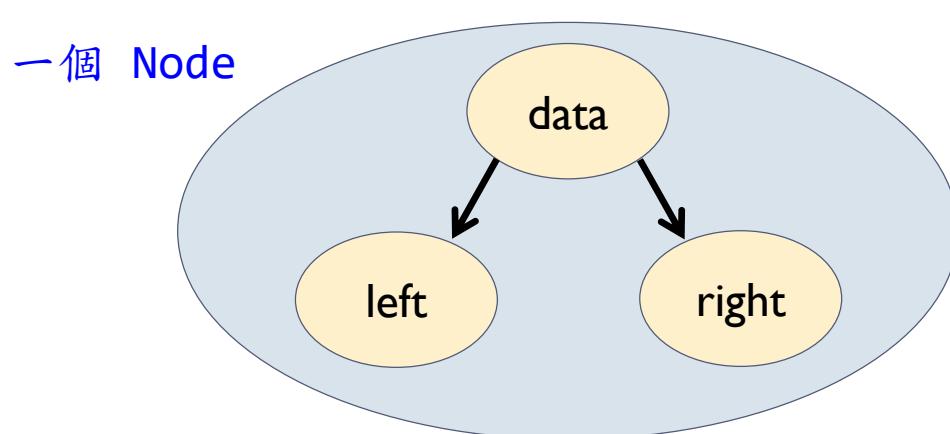
- ▶ 前面介紹過樹(Tree)結構，我們是使用一個二維陣列來表示的，現在我們使用物件的方式來實現對它的操作。
- ▶ 有一樹如圖：
  - ▶ 由許多節點(node)構成，
  - ▶ 除了資料不同，
  - ▶ 每個node結構
  - ▶ 都是相同的。



# 物件導向練習：二元樹

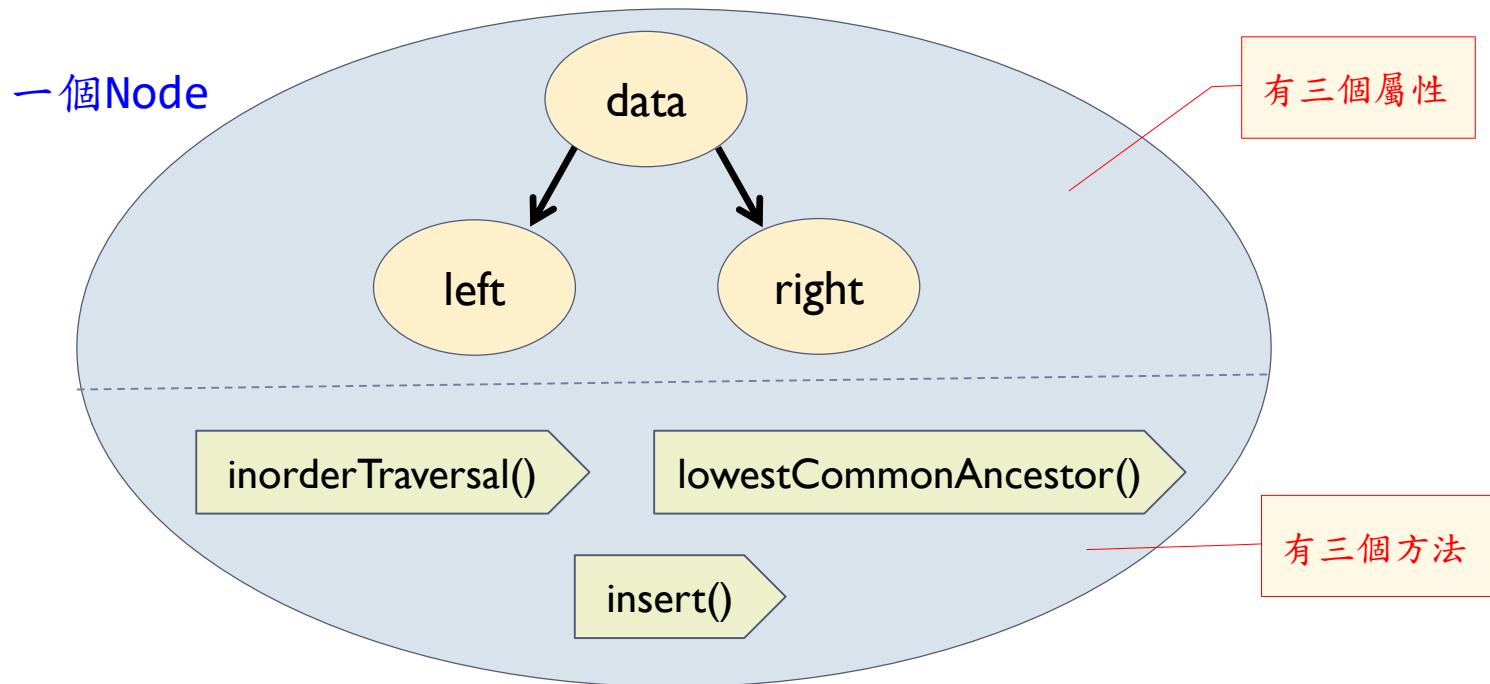
- 我們把樹的節點寫成一個類別(class)叫Node，有三個屬性(資料、左子樹節點、右子樹節點)：

```
class Node:  
    def __init__(self, data = None):  
        self.data = data      # 資料  
        self.left = None      # 左子節點  
        self.right = None     # 右子節點
```



# 物件導向練習：二元樹

- ▶ 對於Node我們再加入一些功能(類別方法)：
  - ▶ insert：插入一個節點。
  - ▶ inorderTraversal：中序走訪(LDR)印出整棵樹。
  - ▶ lowestCommonAncestor：尋找最低共同祖先(LCA)。



# 物件導向練習：二元樹

▶ 所以我們的class Node應該是這樣：

```
class Node:  
    def __init__(self, data = None):  
        self.data = data      # 資料  
        self.left = None      # 左子節點  
        self.right = None     # 右子節點  
  
    def insert(self, data):  
        :  
        :  
    def inorderTraversal(self, node):  
        :  
        :  
    def lowestCommonAncestor(self, root, p, q):  
        :  
        :
```

都會用到遞迴，不熟的同學先回頭去看看

# 物件導向練習：二元樹

## ► 插入一個節點：

```
def insert(self, data):
    if self.data:      #如果該節點已有值
        if data < self.data: #如果data比此節點值小
            if self.left is None: #左子節點為空值，在此插入data
                self.left = Node(data)
            else:
                self.left.insert(data) #否則繼續往左子節點探訪
        elif data > self.data: #如果data比此節點值大
            if self.right is None: #右子節點為空值，在此插入data
                self.right = Node(data)
            else:
                self.right.insert(data) #否則繼續往右子節點探訪
        else:
            print(data, "該節點已存在") #二元樹不允許重複的值
    else: #該節點無資料，將資料插入本節點(只發生在空樹的根節點時)
        self.data = data
```

# 物件導向練習：二元樹

## ► 中序走訪(LDR)印出整棵樹：

```
# 中序走訪(Inorder traversal, Left->Data->Right, LDR)
def inorderTraversal(self, node):
    res = [] #建立本次走訪後要回傳用的清單
    if node: #如果傳入的不是空值
        #繼續呼叫左子樹，直到傳回data
        res = self.inorderTraversal(node.left)
        #將此節點data加入res
        res.append(node.data)
        #繼續呼叫右子樹，直到傳回data
        res = res + self.inorderTraversal(node.right)
    return res
```

# 物件導向練習：二元樹

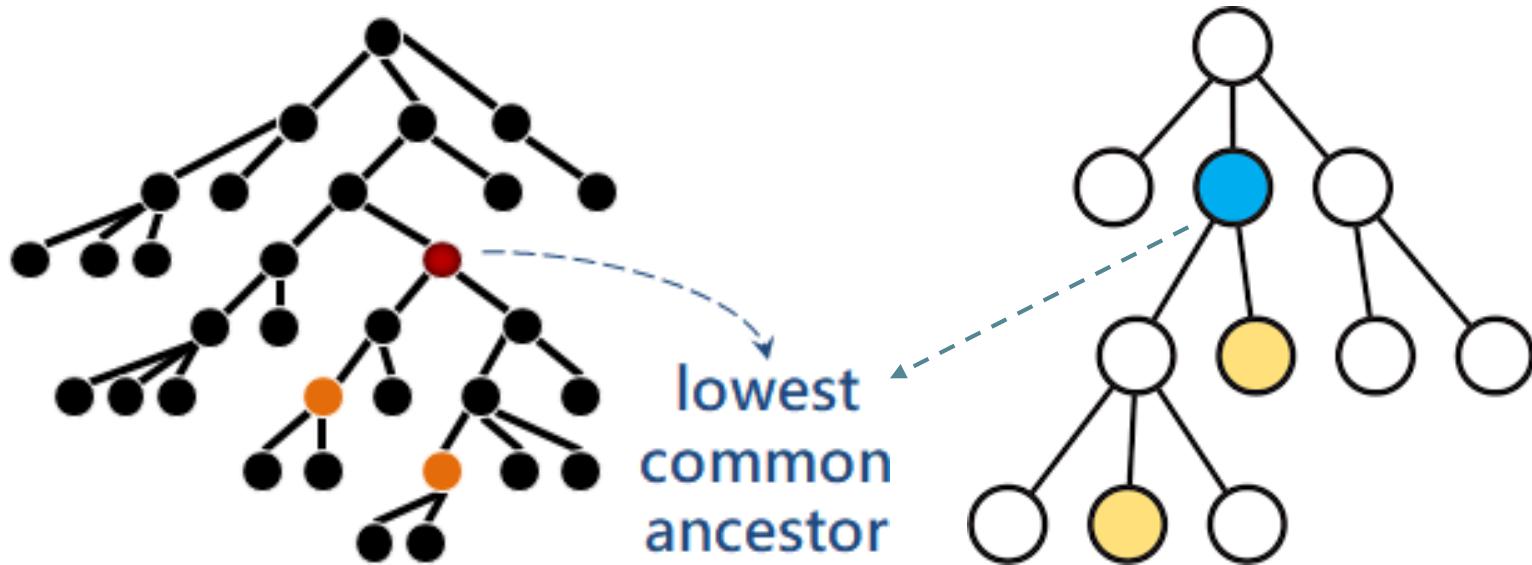
- ▶ 把註解都拿掉，看來是不是很簡潔有力啊~

```
def inorderTraversal(self, node):  
    res = []  
    if node:  
        res = self.inorderTraversal(node.left)  
        res.append(node.data)  
        res = res + self.inorderTraversal(node.right)  
    return res
```



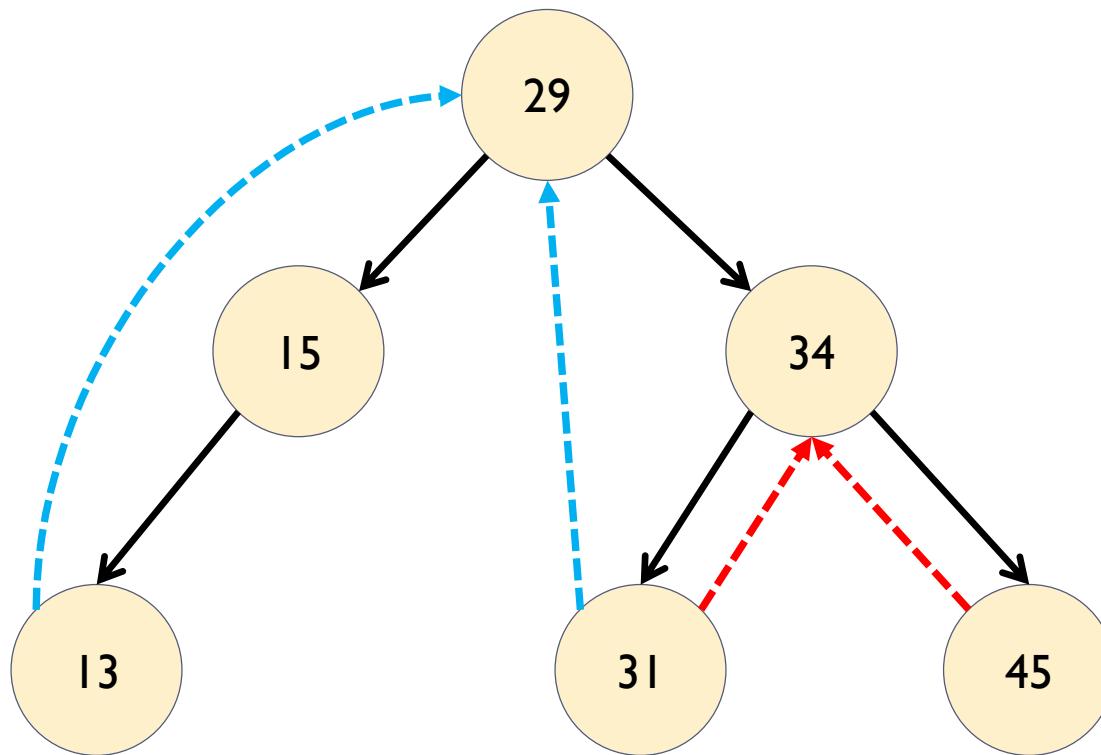
# 物件導向練習：LCA

- ▶ 在樹的結構中，兩個點的所有共同祖先當中，離根最遠、深度最深的那一個共同祖先，稱作「最低共同祖先」(Lowest Common Ancestor : LCA)。
- ▶ 如圖示：



## 物件導向練習：LCA

- 對於我們的例子來說，31和45的LCA就是34，13和31的LCA就是29。



# 物件導向練習：二元樹

## ► 尋找最低共同祖先(LCA)：

```
def lowestCommonAncestor(self, node, p, q):  
    if not node: #傳入的node為空節點，直接返回  
        return None  
    if node.data == p or node.data == q: #找到其中一個  
        return node #回傳此node  
    left = self.lowestCommonAncestor(node.left, p, q)  
    right = self.lowestCommonAncestor(node.right, p, q)  
    if right and left: #在此node之下兩個都有找到  
        return node #回傳此node  
    #找不到，其中一個不再樹內，傳回在樹內的值  
    #若right為真則傳回right，否則傳回left  
    return right or left
```

# 物件導向練習：二元樹

► 類別都定義好後，主程式部分就簡單了：

```
root = Node() #先建立根結點，一個空樹

nodeList = [29, 34, 15, 13, 31, 45]
for item in nodeList: #依清單順序插入各節點，將樹建立起來
    root.insert(item)

print(root.inorderTraversal(root)) #中序(LDR)走訪整棵樹

node = root.lowestCommonAncestor(root, 13, 31) #找LCA節點
print(node.data) #印出LCA點的data
```

# 物件導向練習：二元樹

## ► 完整的程式：

```
class Node:
    def __init__(self, data = None):
        self.data = data    # 資料
        self.left = None    # 左子節點
        self.right = None   # 右子節點

    # 插入一個Node
    def insert(self, data):
        if self.data:    #如果該節點已有值
            if data < self.data: #如果data比此節點值小
                if self.left is None: #左子節點為空值，在此插入data
                    self.left = Node(data)
                else:
                    self.left.insert(data) #否則繼續往左子節點探訪
            elif data > self.data: #如果data比此節點值大
                if self.right is None: #右子節點為空值，在此插入data
                    self.right = Node(data)
                else:
                    self.right.insert(data) #否則繼續往右子節點探訪
            else:
                print(data,"該節點已存在") #二元樹不允許重複的值
        else: #該節點無資料，將資料插入本節點
            self.data = data
```

```
# 中序走訪(Inorder traversal, Left->Data->Right, LDR)
def inorderTraversal(self, node):
    res = [] #建立走訪後回傳用的清單
    if node:
        res = self.inorderTraversal(node.left)
        res.append(node.data)
        res = res + self.inorderTraversal(node.right)
    return res

# 尋找最低共同祖先(LCA)
def lowestCommonAncestor(self, node, p, q):
    if not node:
        return None
    if node.data == p or node.data == q:
        return node
    left = self.lowestCommonAncestor(node.left, p, q)
    right = self.lowestCommonAncestor(node.right, p, q)
    if right and left:
        return node
    return right or left

# main
root = Node() # 先建立根結點
nodeList = [29, 34, 15, 13, 31, 45]
for item in nodeList: # 依清單順序插入各節點
    root.insert(item)

# 中序(LDR)走訪整棵樹
print(root.inorderTraversal(root))
# 找LCA節點
node = root.lowestCommonAncestor(root, 13, 45)
print(node.data) # 印出LCA點的data
```

# 物件導向程式設計(OOP)

- ▶ 物件導向還有很多的內容，我們就介紹到這邊，有興趣的同學可以再去研究。
- ▶ 經過漫長的學習，大家應該都學會基本的Python語言運用了，多多實作就會更熟悉了，加油~



下課~

---

