



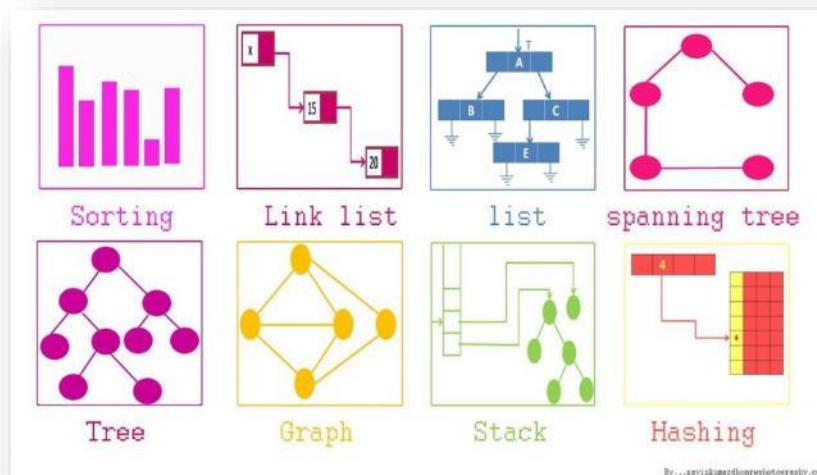
# 程式語言與設計

劉和師 老師 part 3

2025/8/20

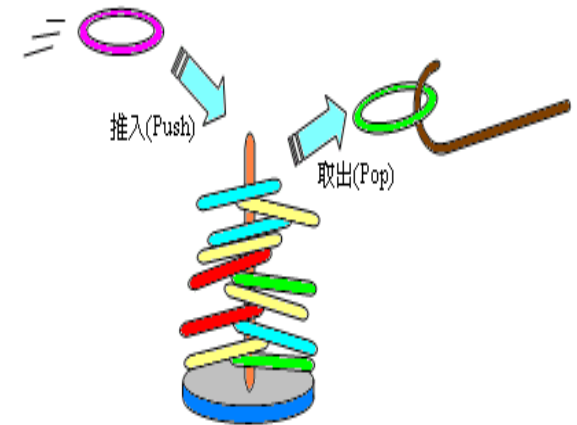
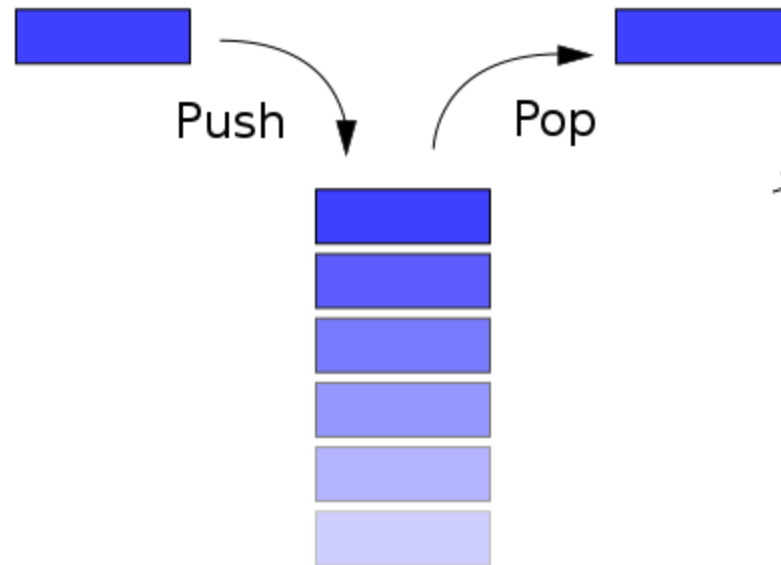
# 資料結構

- ▶ 資料結構(data structure)是電腦中儲存、組織資料的方式。
- ▶ 正確的資料結構選擇可以提高演算法的效率。在電腦程式設計的過程中，選擇適當的資料結構是一項重要工作。
- ▶ 常見的資料結構：
  - ▶ 陣列 (Array)
  - ▶ 堆疊 (Stack)
  - ▶ 佇列 (Queue)
  - ▶ 鏈結串列 (Linked List)
  - ▶ 樹 (Tree)
  - ▶ 圖 (Graph)
  - ▶ 堆積 (Heap)
  - ▶ 雜湊表 (Hash)



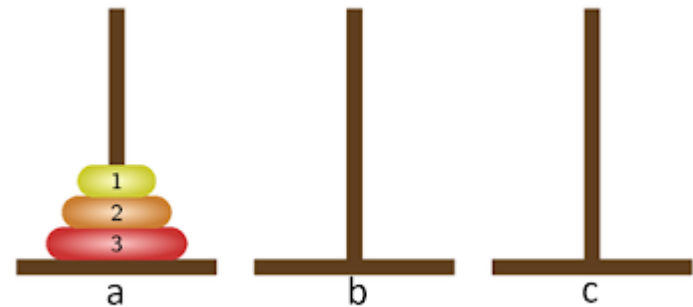
# 資料結構－堆疊(Stack)

- ▶ 在日常生活中，把物品(如餐盤、書本)由桌面一個一個向上疊放，取用時由最上面一個個向下拿去，這種觀念稱為堆疊(stack)。
- ▶ 存入稱**PUSH**，取出稱**POP**。



# 資料結構－堆疊(Stack)

- ▶ 堆疊觀念：先進後出(First In Last Out, **FILO**)或稱為後進先出(Last In First Out, **LIFO**)。
- ▶ 堆疊觀念在計算機中使用很廣，例如主副程式間訊息傳送，CPU中斷處理、遞迴程式的呼叫及返還。
- ▶ 最著名的問題就是：河內塔。



# 資料結構－堆疊(Stack)

---

- ▶ 使用堆疊結構，寫一程式，使用者可以有四種選擇：
  - ▶ 1.加入數字
  - ▶ 2.取出數字
  - ▶ 3.查看Stack
  - ▶ 4.離開程式
- ▶ (可以用簡單的陣列來做，或以物件的方式實現。)
- ▶ 將資料y存入堆疊s，使用指令：

```
s.append(y)
```
- ▶ 將最後一個資料pop出來：

```
y = s.pop(len(s)-1)
```

# 資料結構－堆疊(Stack)

## ▶ 參考程式：

```
#加入一個資料到堆疊
def addNumberToStack(s):
    y = int(input("請輸入要加進stack的數字:"))
    s.append(y)
#從堆疊取出一個資料
def popNumberFromStack(s):
    if len(s) != 0:
        y = s.pop(len(s)-1)
        print("從stack裡取出的數字為:"+str(y))
    else:
        print("Stack現在是空的!")
#印出堆疊內容
def showStack(s):
    if len(s) != 0:
        print("Stack的內容為: "+str(s))
    else:
        print("Stack現在是空的!")
```

# 資料結構－堆疊(Stack)

---


## ▶ 參考程式：

```
#main
S = []
while True:
    x = int(input("[STACK] 1.加入數字 2.取出數字 3.查看  
4.離開程式 || 請選擇功能:"))

    if x == 1:
        addNumberToStack(S)
    elif x == 2:
        popNumberFromStack(S)
    elif x == 3:
        showStack(S)
    elif x == 4:
        break
```

# 資料結構－堆疊(Stack)

## ▶ 執行結果：



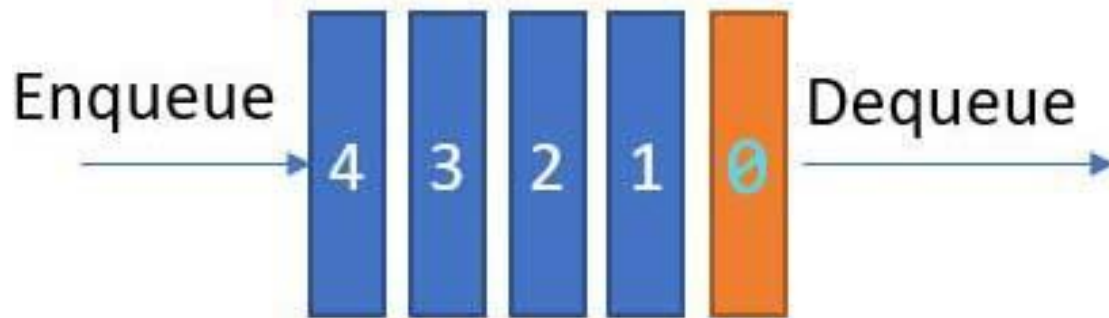
```
Python 3.7.1 Shell
File Edit Shell Debug Options Window Help
Python 3.7.1 (v3.7.1:260ec2c36a, Oct 20 2018, 14:05:16) [MSC v.1915 32 bit
(Intel)] on win32
Type "help", "copyright", "credits" or "license()" for more information.
>>>
===== RESTART: D:\MyDocs\MyProgram\專門為中學生寫的程式語言設計\Python\ch11\
11-1.py =====
[STACK] 1.加入數字 2.取出數字 3.查看 4.離開程式 || 請選擇功能:1
請輸入要加進stack的數字:16
[STACK] 1.加入數字 2.取出數字 3.查看 4.離開程式 || 請選擇功能:1
請輸入要加進stack的數字:88
[STACK] 1.加入數字 2.取出數字 3.查看 4.離開程式 || 請選擇功能:1
請輸入要加進stack的數字:49
[STACK] 1.加入數字 2.取出數字 3.查看 4.離開程式 || 請選擇功能:3
Stack的內容為: [16, 88, 49]
[STACK] 1.加入數字 2.取出數字 3.查看 4.離開程式 || 請選擇功能:2
從stack裡取出的數字為:49
[STACK] 1.加入數字 2.取出數字 3.查看 4.離開程式 || 請選擇功能:3
Stack的內容為: [16, 88]
[STACK] 1.加入數字 2.取出數字 3.查看 4.離開程式 || 請選擇功能:2
從stack裡取出的數字為:88
[STACK] 1.加入數字 2.取出數字 3.查看 4.離開程式 || 請選擇功能:3
Stack的內容為: [16]
[STACK] 1.加入數字 2.取出數字 3.查看 4.離開程式 || 請選擇功能:2
從stack裡取出的數字為:16
[STACK] 1.加入數字 2.取出數字 3.查看 4.離開程式 || 請選擇功能:3
Stack現在是空的!
[STACK] 1.加入數字 2.取出數字 3.查看 4.離開程式 || 請選擇功能:2
Stack現在是空的!
[STACK] 1.加入數字 2.取出數字 3.查看 4.離開程式 || 請選擇功能:4
>>> |
```

Ln: 28 Col: 4



# 資料結構－佇列(Queue)

- ▶ 顧名思義是一種像排隊一樣的概念。
- ▶ 在這個模式下我們可以知道它是一種先進先出(First-In-First-Out, **FIFO**)的排程。
- ▶ 存入稱**Enqueue**，取出稱**Dequeue**。



# 資料結構－佇列(Queue)

---

- ▶ 使用佇列結構，寫一程式，使用者可以有四種選擇：
  - ▶ 1.加入數字
  - ▶ 2.取出數字
  - ▶ 3.查看Queue
  - ▶ 4.離開程式

- ▶ 將資料y存入佇列q，使用指令：

```
q.append(y)
```

- ▶ 將最前面的資料取出來：

```
y = q.pop(len(0))
```

- ▶ 在Python中我們仍用pop方法來取出資料，只是從陣列最前頭取出。

# 資料結構－佇列(Queue)

## ▶ 參考程式：

```
#加入一個資料到佇列
def addNumberToQueue(q):
    y = int(input("請輸入要加進Queue的數字:"))
    q.append(y)
#從佇列取出一個資料
def popNumberFromQueue(q):
    if len(q) != 0:
        y = q.pop(0)
        print("從Queue裡取出的數字為:"+str(y))
    else:
        print("Queue現在是空的!")
#印出佇列內容
def showQueue(q):
    if len(q) != 0:
        print("Queue的內容為: "+str(q))
    else:
        print("Queue現在是空的!")
```

# 資料結構－佇列(Queue)

---

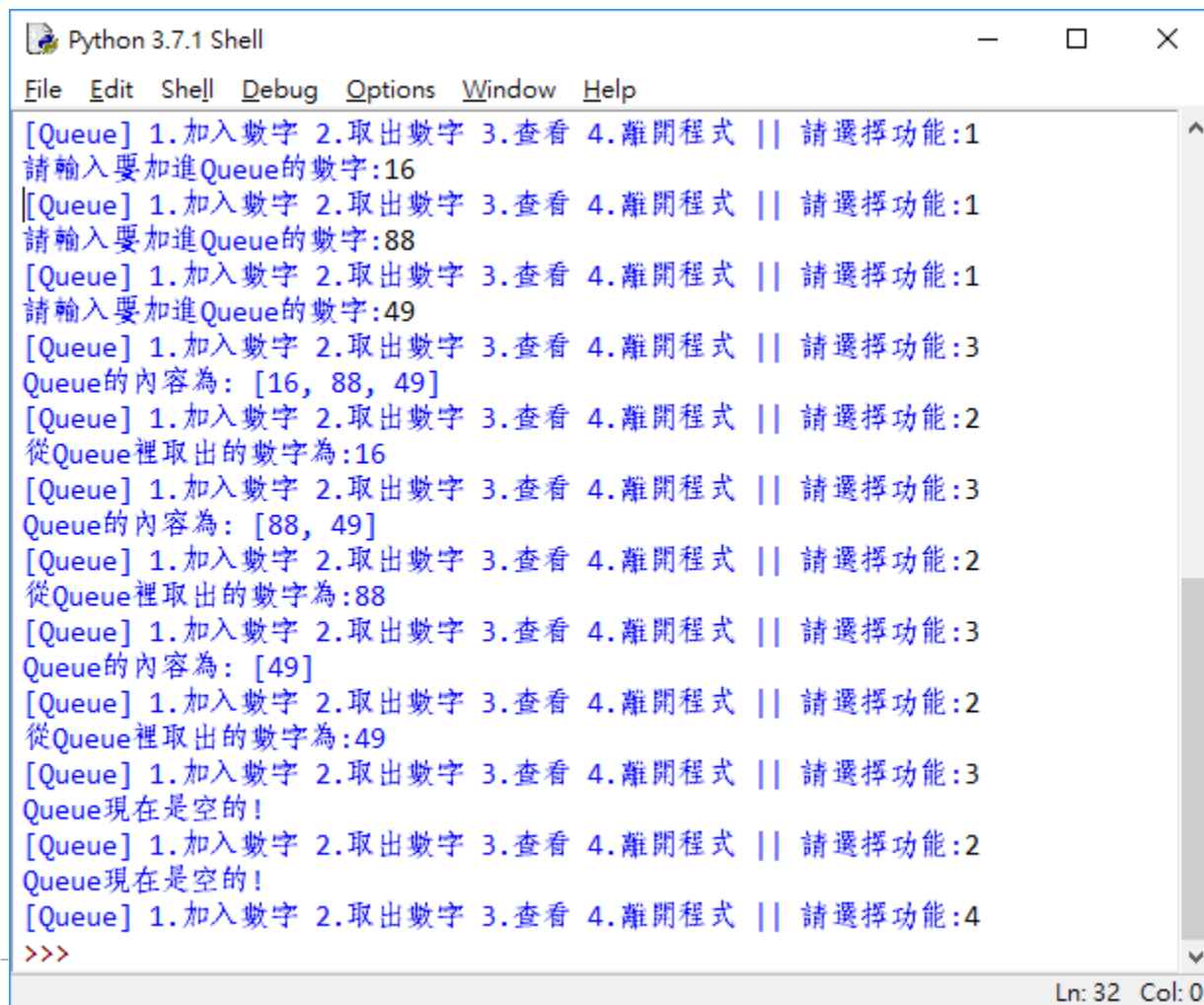
## ▶ 參考程式：

```
#main
q = []
while True:
    x = int(input("[Queue] 1.加入數字 2.取出數字 3.查看  
4.離開程式 || 請選擇功能:"))

    if x == 1:
        addNumberToQueue(q)
    elif x == 2:
        popNumberFromQueue(q)
    elif x == 3:
        showQueue(q)
    elif x == 4:
        break
```

# 資料結構－佇列(Queue)

## ▶ 執行結果：



```
Python 3.7.1 Shell
File Edit Shell Debug Options Window Help
[Queue] 1.加入數字 2.取出數字 3.查看 4.離開程式 || 請選擇功能:1
請輸入要加進Queue的數字:16
[Queue] 1.加入數字 2.取出數字 3.查看 4.離開程式 || 請選擇功能:1
請輸入要加進Queue的數字:88
[Queue] 1.加入數字 2.取出數字 3.查看 4.離開程式 || 請選擇功能:1
請輸入要加進Queue的數字:49
[Queue] 1.加入數字 2.取出數字 3.查看 4.離開程式 || 請選擇功能:3
Queue的內容為: [16, 88, 49]
[Queue] 1.加入數字 2.取出數字 3.查看 4.離開程式 || 請選擇功能:2
從Queue裡取出的數字為:16
[Queue] 1.加入數字 2.取出數字 3.查看 4.離開程式 || 請選擇功能:3
Queue的內容為: [88, 49]
[Queue] 1.加入數字 2.取出數字 3.查看 4.離開程式 || 請選擇功能:2
從Queue裡取出的數字為:88
[Queue] 1.加入數字 2.取出數字 3.查看 4.離開程式 || 請選擇功能:3
Queue的內容為: [49]
[Queue] 1.加入數字 2.取出數字 3.查看 4.離開程式 || 請選擇功能:2
從Queue裡取出的數字為:49
[Queue] 1.加入數字 2.取出數字 3.查看 4.離開程式 || 請選擇功能:3
Queue現在是空的!
[Queue] 1.加入數字 2.取出數字 3.查看 4.離開程式 || 請選擇功能:2
Queue現在是空的!
[Queue] 1.加入數字 2.取出數字 3.查看 4.離開程式 || 請選擇功能:4
>>>
```

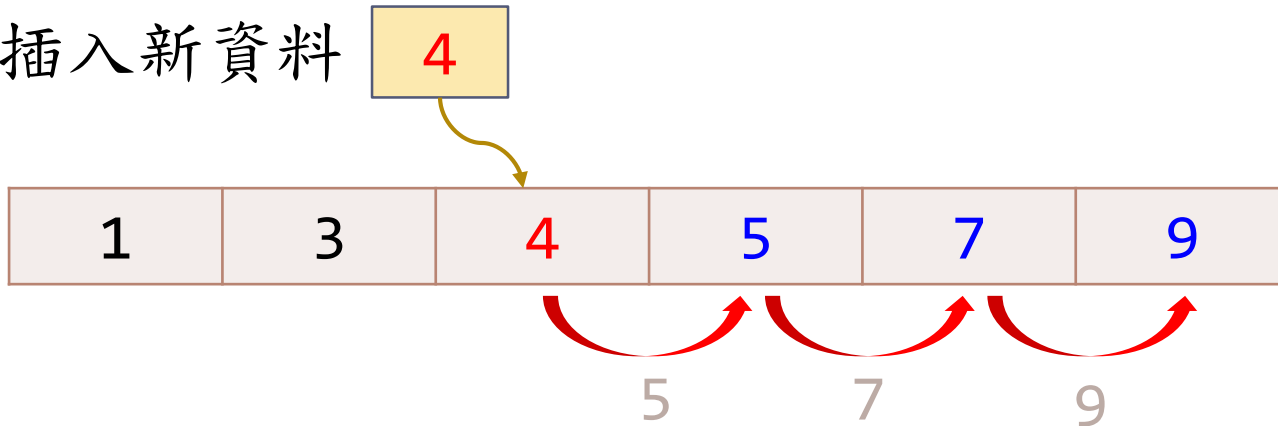
Ln: 32 Col: 0

## 資料結構－鏈結串列(Linked List)

- ▶ 對一個已排序的清單來說，要插入一個新資料時就很麻煩，原先的資料要一個個往後移動以騰出位置給新資料，這在清單很大時頗無效率。
- ▶ 例：原清單

1	3	5	7	9
---	---	---	---	---

- ▶ 插入新資料



## 資料結構－鏈結串列(Linked List)

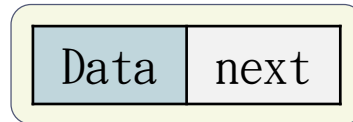
---

- ▶ 我們可以使用鏈結串列(Linked List)，它有點像火車串接在一起，每一個資料稱為一個節點，每個節點還包含一個指向下一個節點的資料(稱為指標)。
- ▶ 它的記憶體空間不像清單(List)是連續的，有可能是隨機而分散的。
- ▶ 它在加入及刪除資料時都比清單(List)簡單且快速，但在搜尋資料的效率上還是清單(List)快。
- ▶ 除了最簡單的單向鏈結串列，還有雙向鏈結串列、環狀鏈結串列等結構。
- ▶ 我們這裡只介紹單向鏈結串列。

# 資料結構－鏈結串列(Linked List)

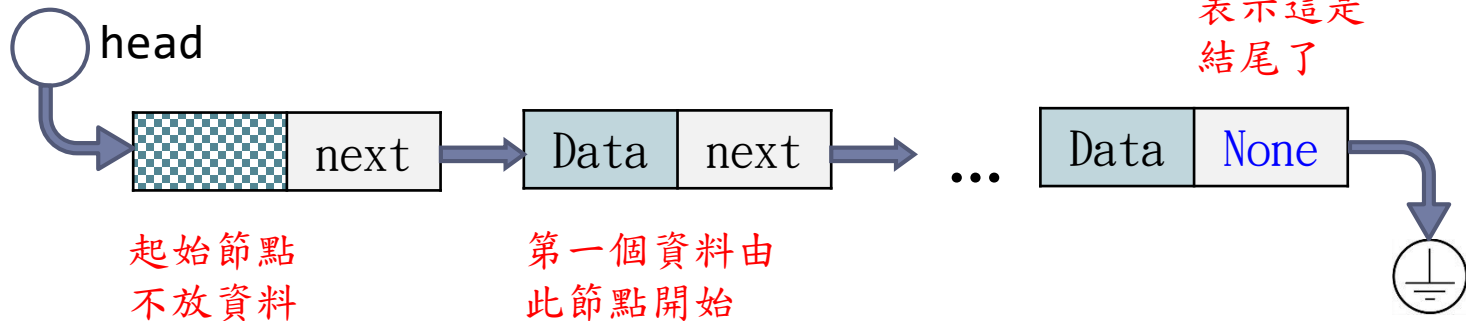
- ▶ 鏈結串列的每一個節點包含一個資料，一個指向下一個節點的指標，藉由指標將節點串接起來。
- ▶ 這是一個節點：

節點的資料



指向下一個節點的位址

- ▶ 這是一個鏈結串列：



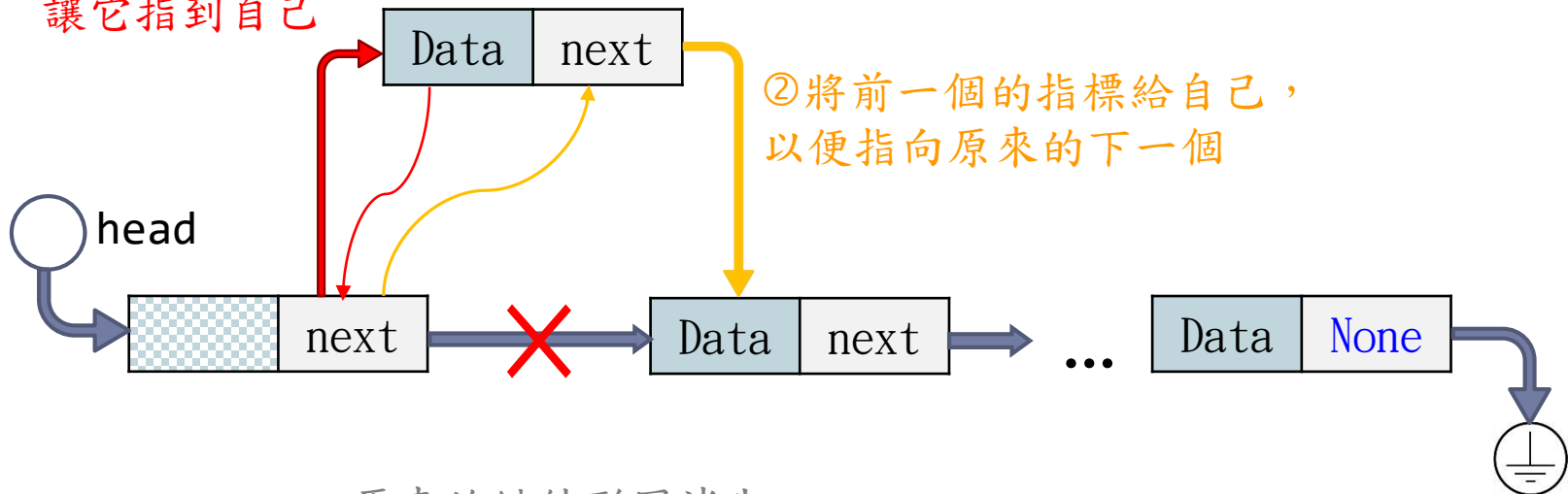


# 資料結構－鏈結串列(Linked List)

## ► 插入一個新資料的過程①②③：

①找到正確的位置

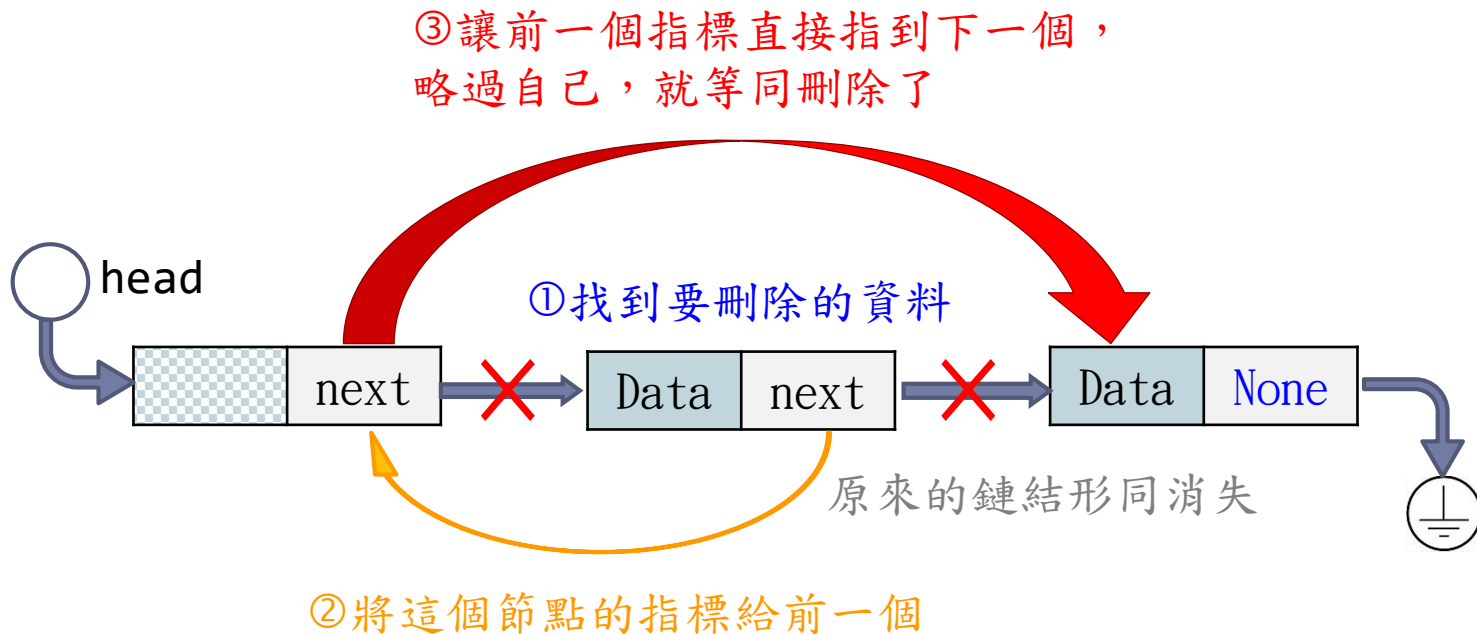
③將自己的位置給前一個指標，  
讓它指到自己



原來的鏈結形同消失

# 資料結構－鏈結串列(Linked List)

## ▶ 刪除一個資料的過程①②③：



## ▶ 我們在後面介紹物件導向(OOP)時再來實做鏈結串列。

休息一下~

---



# 排序

- ▶ 排序(Sort)是將資料依某種規則重新安排其先後順序。
- ▶ 最常見的是依大小或字母排序。
- ▶ 常見排序方法：
  - ▶ 1.氣泡排序法(Bubble Sort)
  - ▶ 2.選擇排序法(Selection Sort)
  - ▶ 3.插入排序法(Insertion Sort)
  - ▶ 4.快速排序法(Quick Sort)
  - ▶ 5.合併排序法(Merge Sort)
- ▶ 不同的排序方法效率不同，應用的地方也不同。



# 氣泡排序法(Bubble Sort)

---

- ▶ 是一種簡單的排序演算法。它重複地走訪過要排序的數列，每次比較相鄰的兩個元素，如果他們的順序錯誤就把他們交換過來。 (<https://www.youtube.com/watch?v=nmhjrl-aW5o>)



# 氣泡排序法(Bubble Sort)

## ▶ 參考程式：

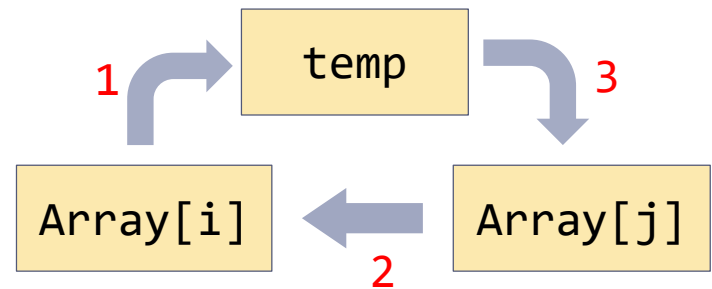
```
def bubble(Array,i,N):  #氣泡排序一個循環
    k = N-1
    while k>i:
        if Array[k-1]>Array[k]:
            Array[k-1],Array[k] = Array[k], Array[k-1]
        k = k-1

#main
A = []
N = int(input("請輸入陣列大小:"))
#輸入數字並存入陣列
for i in range(N):
    x = int(input("請輸入第"+str(i)+"個數字:"))
    A.append(x)
#呼叫排序副程式
for i in range(N):
    print(A)  #每一巡迴就印出陣列現況
    bubble(A,i,N)
print(A)
```

# 氣泡排序法(Bubble Sort)

- ▶ 兩變數互換：
- ▶ 1.其他語言需要藉助另一個變數當中介來交換兩變數。

```
def SWAP(Array,i,j):  
    temp = Array[i]  
    Array[i] = Array[j]  
    Array[j] = temp
```



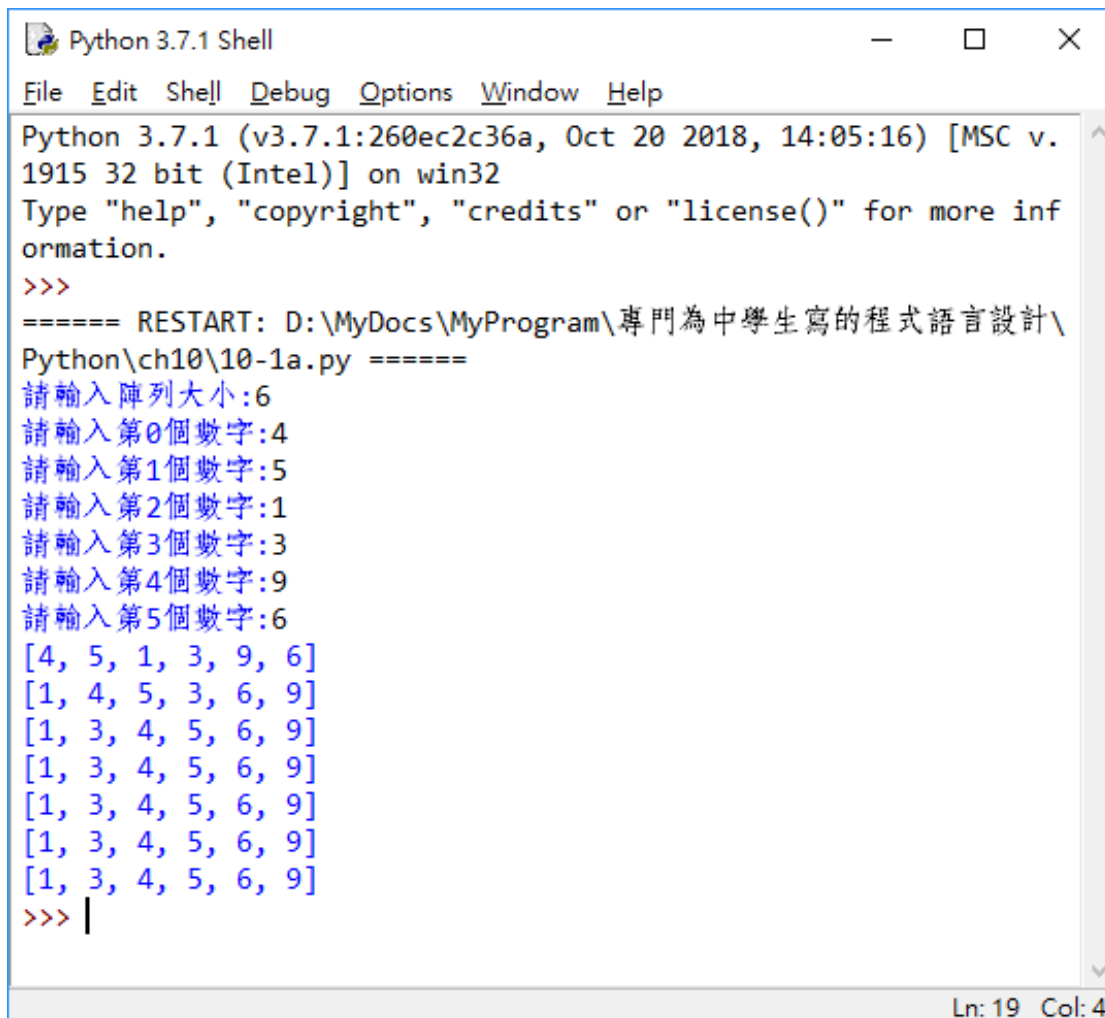
- ▶ 2.在Python只要一行就可以了。

```
Array[i] , Array[j] = Array[j] , Array[i]
```

即  $a, b = b, a$

# 氣泡排序法(Bubble Sort)

## ► 執行結果：



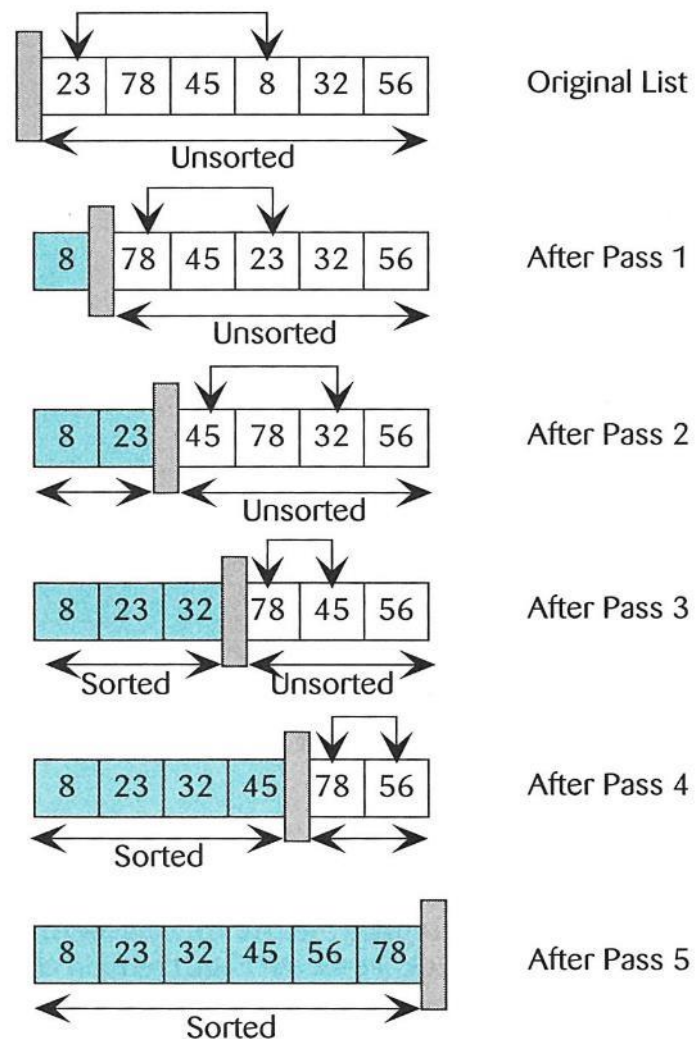
```
Python 3.7.1 Shell
File Edit Shell Debug Options Window Help
Python 3.7.1 (v3.7.1:260ec2c36a, Oct 20 2018, 14:05:16) [MSC v.
1915 32 bit (Intel)] on win32
Type "help", "copyright", "credits" or "license()" for more inf
ormation.
>>>
===== RESTART: D:\MyDocs\MyProgram\專門為中學生寫的程式語言設計\
Python\ch10\10-1a.py =====
請輸入陣列大小:6
請輸入第0個數字:4
請輸入第1個數字:5
請輸入第2個數字:1
請輸入第3個數字:3
請輸入第4個數字:9
請輸入第5個數字:6
[4, 5, 1, 3, 9, 6]
[1, 4, 5, 3, 6, 9]
[1, 3, 4, 5, 6, 9]
[1, 3, 4, 5, 6, 9]
[1, 3, 4, 5, 6, 9]
[1, 3, 4, 5, 6, 9]
[1, 3, 4, 5, 6, 9]
>>> |
```

Ln: 19 Col: 4



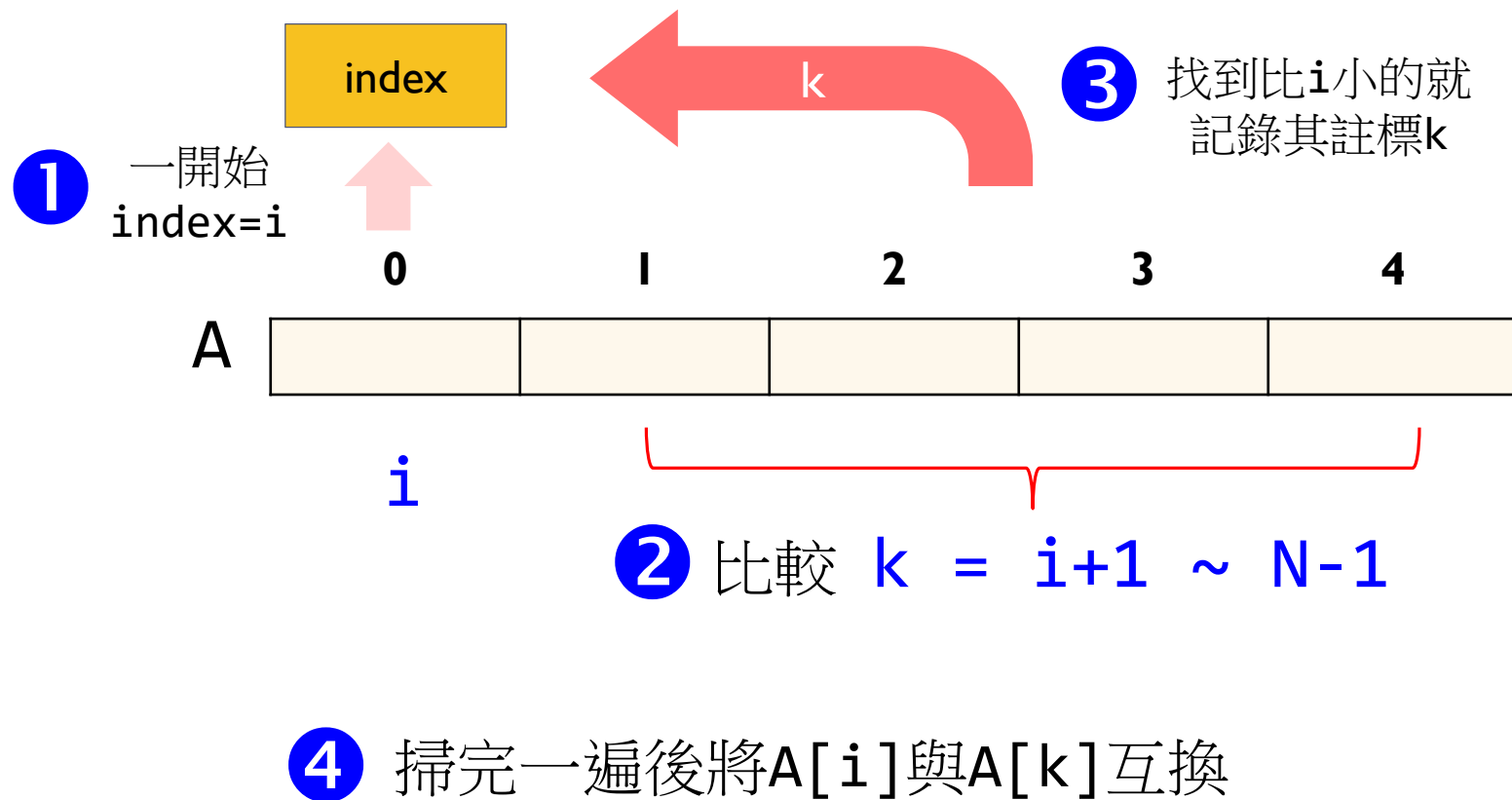
# 選擇排序法(Selection Sort)

- ▶ 先假設第一個元素是最小的，依序向後掃描個元素，若有更小的就記錄起來，最後和第一個元素互換位置，完成一個巡迴，然後第二個元素，依此類推。



# 選擇排序法(Selection Sort)

## ► 圖示說明：



# 選擇排序法(Selection Sort)

▶ 參考程式：

```
def selection(Array,i,N):
    index = i    #現在位置
    k = i+1      #尋找範圍：現在位置之後到陣列結尾
    while k < N:  #尋找比現在元素更小的值，並記錄位置
        if Array[k] < Array[index]:
            index = k
        k += 1
    if index != i: #如果有記錄到更小的值就交換，否則略過
        Array[i],Array[index] = Array[index],Array[i]

#main
A = []
N = int(input("請輸入陣列大小:"))
for i in range(N):
    x = int(input("請輸入第"+str(i)+"個數字:"))
    A.append(x)
#依每個元素位置呼叫選擇排序副程式
for i in range(N):
    print(A)
    selection(A,i,N)
print(A)
```

# 選擇排序法(Selection Sort)

## ▶ 執行結果：

請輸入陣列大小:6  
請輸入第0個數字:9  
請輸入第1個數字:4  
請輸入第2個數字:7  
請輸入第3個數字:2  
請輸入第4個數字:8  
請輸入第5個數字:3  
[9, 4, 7, 2, 8, 3]

Pass 1 [2, 4, 7, 9, 8, 3]



Pass 2 [2, 3, 7, 9, 8, 4]



Pass 3 [2, 3, 4, 9, 8, 7]



Pass 4 [2, 3, 4, 7, 8, 9]



Pass 5 [2, 3, 4, 7, 8, 9]



result [2, 3, 4, 7, 8, 9]

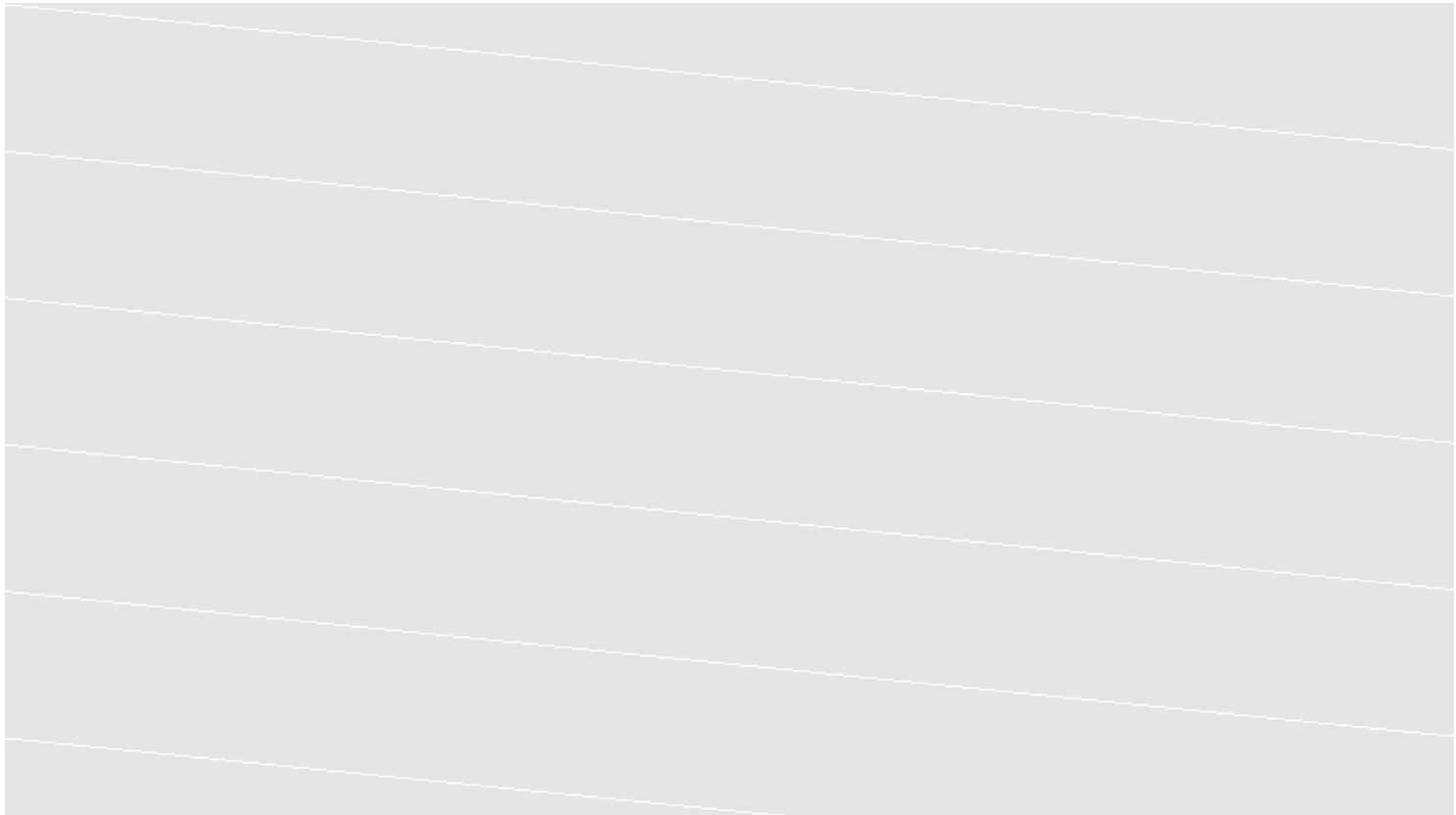
最後一次無須交換

# 插入排序法(Insertion Sort)

---

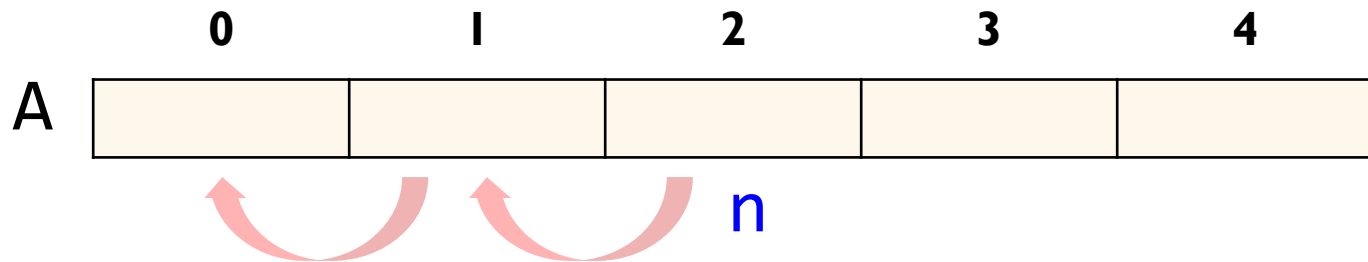
- ▶ 假設由小到大排序，每個元素和其左邊比較，若比左側小則交換，直到比左側大為止。

<https://www.youtube.com/watch?v=OGzPmgsl-pQ&t=11s>



# 插入排序法(Insertion Sort)

## ▶ 交換原則：



比較 $A[n]$ 和 $A[n-1]$

- ❶ if  $A[n] < A[n-1] \rightarrow$  交換
- ❷ 直到  $A[1]$  或  $A[n] \geq A[n-1] \rightarrow$  停止
- ❸ 下一個，重複直到陣列最後一個元素

# 插入排序法(Insertion Sort)

▶ 參考程式：

```
def insert(Array,i):
    k = i
    while k >= 1: #從第i個位置開始向前依序比較
        if Array[k] < Array[k-1]: #比左側小則交換兩元素
            Array[k-1],Array[k] = Array[k],Array[k-1]
        else: #否則結束本pass
            break
        k = k - 1

#main
A = []
N = int(input("請輸入陣列大小:"))
for i in range(N):
    x = int(input("請輸入第"+str(i)+"個數字:"))
    A.append(x)
k = 1
while k < N: #從第1個元素開始依序呼叫排序副程式
    print(A,"\\n")
    insert(A,k)
    k += 1
print(A) #印出最後結果
```

# 插入排序法(Insertion Sort)

## ▶ 執行結果：

請輸入陣列大小:6  
請輸入第0個數字:9  
請輸入第1個數字:4  
請輸入第2個數字:1  
請輸入第3個數字:5  
請輸入第4個數字:13  
請輸入第5個數字:8

Pass 1 [9, 4, 1, 5, 13, 8]  


Pass 2 [4, 9, 1, 5, 13, 8]  
  


Pass 3 [1, 4, 9, 5, 13, 8]  


Pass 4 [1, 4, 5, 9, 13, 8] 無須交換  

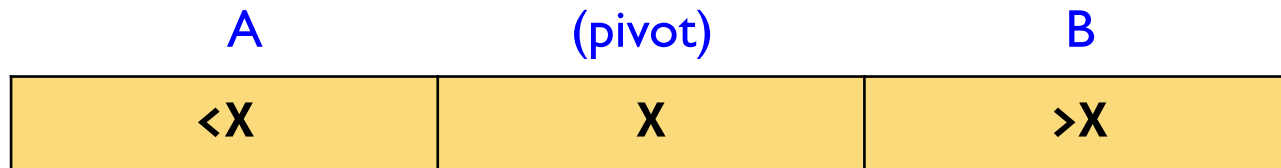

Pass 5 [1, 4, 5, 9, 13, 8]  
  


result [1, 4, 5, 8, 9, 13]  
  




# 快速排序法(Quick Sort)

- ▶ 快速排序法的原理是選定一個數X(稱「基準」pivot)，然後設法將數列分成三份，如圖：



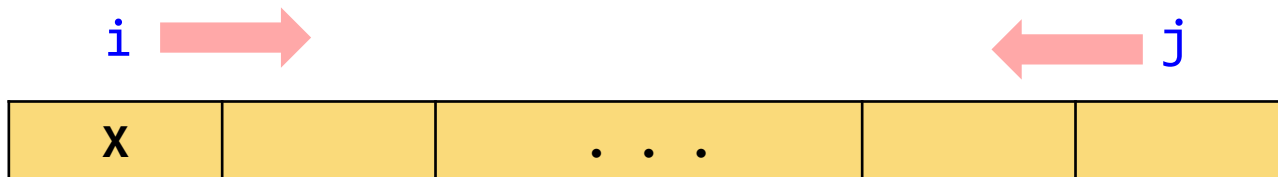
- ▶ 使用遞迴，以一樣的方式再分別處理A段和B段，直到所有數字都處理完畢。
- ▶ 遞迴到最底部時，數列的大小是零或一，也就是已經排序好了。
- ▶ 快速排序通常明顯比其他演算法更快。

# 快速排序法(Quick Sort)

---

## ▶ 演算過程如下：

- ▶ 1. 令數列中最左邊的數為 $X(\text{pivot})$ 。
- ▶ 2. 設立兩個指標 $i$ 和 $j$ 。
- ▶ 3. 將 $i$ 往右移，直到找到第一個 $A[i] \geq X$ 為止。
- ▶ 4. 將 $j$ 往左移，直到找到第一個 $A[j] \leq X$ 為止。
- ▶ 5. 將 $A[i]$ 與 $A[j]$ 互換。
- ▶ 6. 重複以上動作直到 $i \geq j$ 為止。
- ▶ 7. 將 $X$ 與 $A[i]$ 互換。



# 快速排序法(Quick Sort)

---

- ▶ 原理示範說明：<https://www.youtube.com/watch?v=cnzIChso3cc>

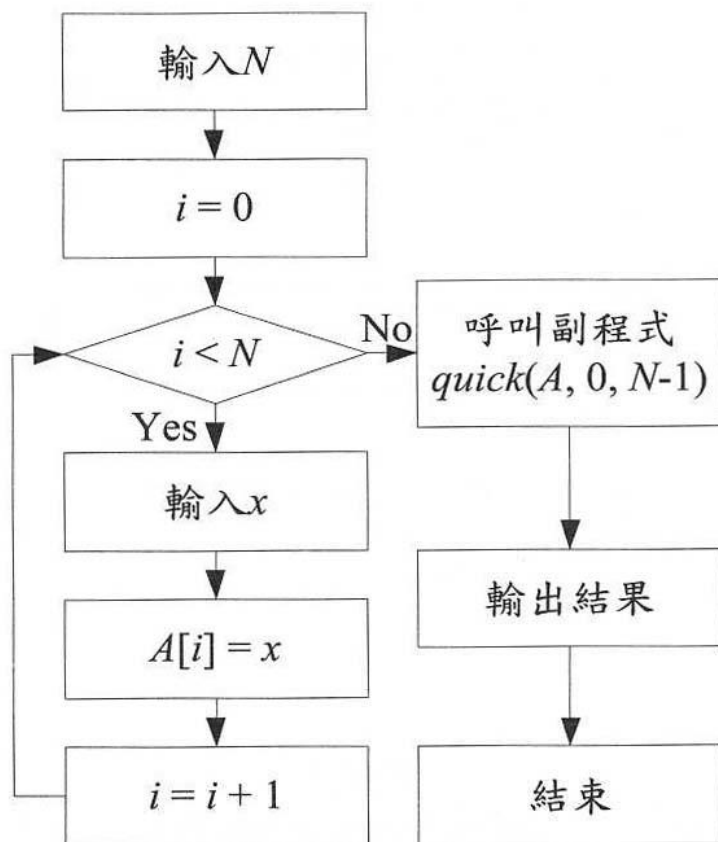
arr



# 快速排序法(Quick Sort)

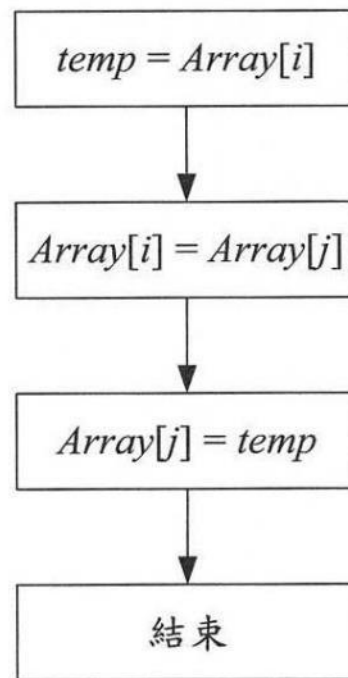
## ► 流程圖：

主程式



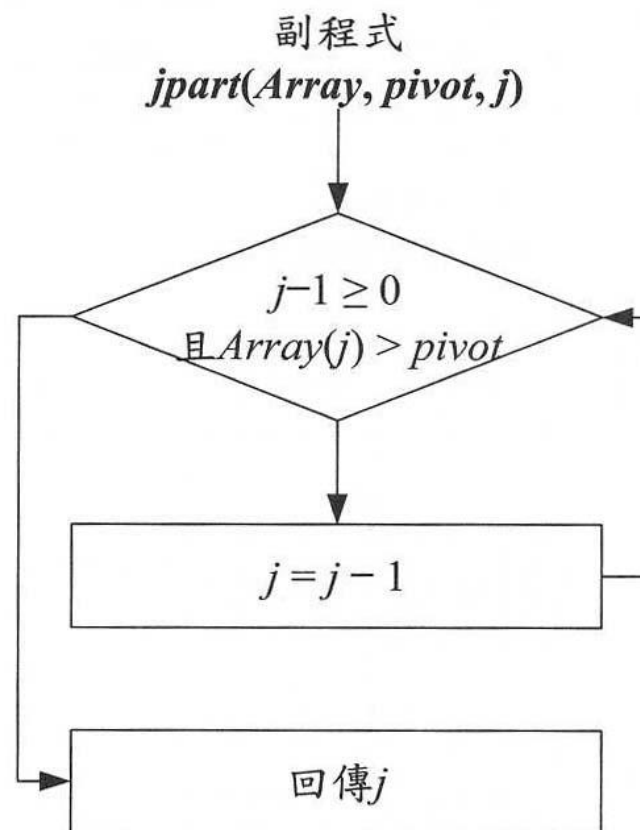
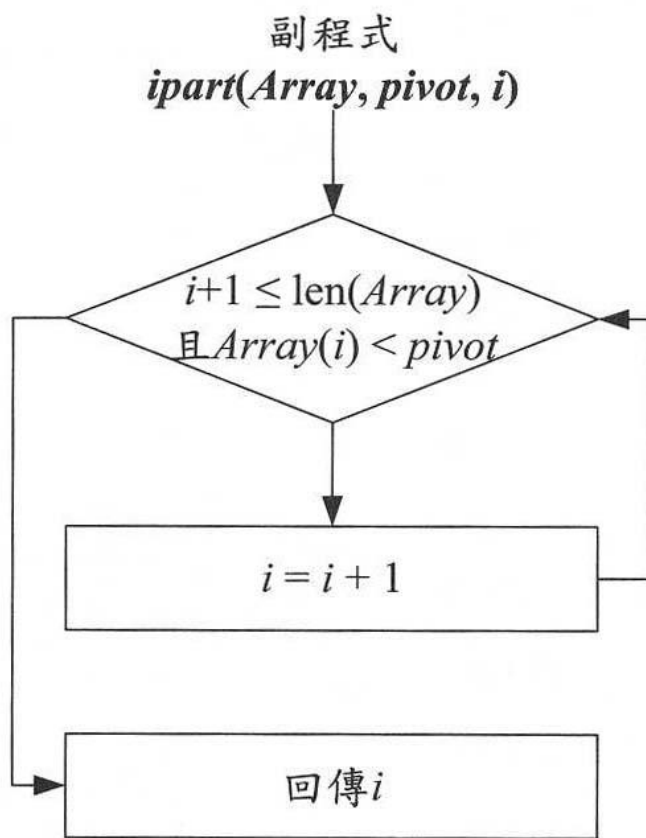
副程式

**swap(Array, i, j)**



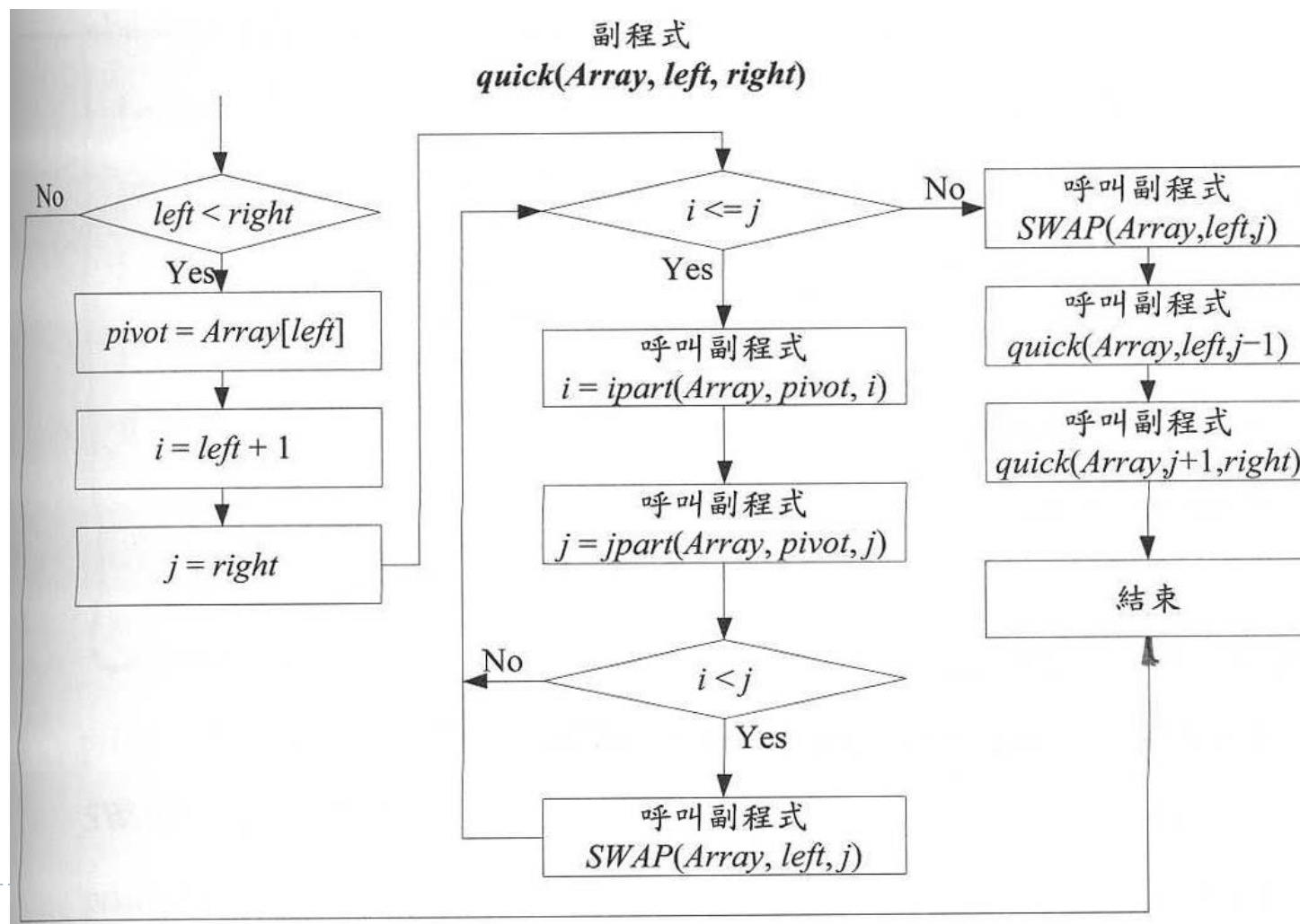
# 快速排序法(Quick Sort)

## ▶ 流程圖：



# 快速排序法(Quick Sort)

## ▶ 流程圖：



# 快速排序法(Quick Sort)

---

## ▶ 參考程式：

```
#交換兩元素
def SWAP(Array,i,j):
    Array[i], Array[j] = Array[j], Array[i]

#將i往右移，直到找到第一個A[i]>=X為止
def ipart(Array,pivot,i):
    while i+1 <= len(Array) and Array[i]<pivot:
        i += 1
    return i

#將j往左移，直到找到第一個A[j]<=X為止
def jpart(Array,pivot,j):
    while j-1 >= 0 and Array[j]>pivot:
        j -= 1
    return j
```

# 快速排序法(Quick Sort)

## ▶ 參考程式：

說明：

程式較冗長是因為  
要印出執行的過程。

```
def quick(Array,left,right):
    print("Q: left=",left,"right=",right)
    if left < right:
        pivot = Array[left]
        print("pivot=A[",left,"]= ",pivot)
        i = left +1
        j = right

        while i <= j:
            i = ipart(Array,pivot,i)
            print("i=",i)
            j = jpart(Array,pivot,j)
            print("j=",j)
            if i < j:
                print("i<j，執行交換A[",i,"]和A[",j,"]")
                SWAP(Array,i,j)
                print(A)
            print("交換pivot和A[",j,"]")
            SWAP(Array,left,j)
            print(A)
        quick(Array,left,j-1)
        quick(Array,j+1,right)
```



# 快速排序法(Quick Sort)

---

## ▶ 參考程式：

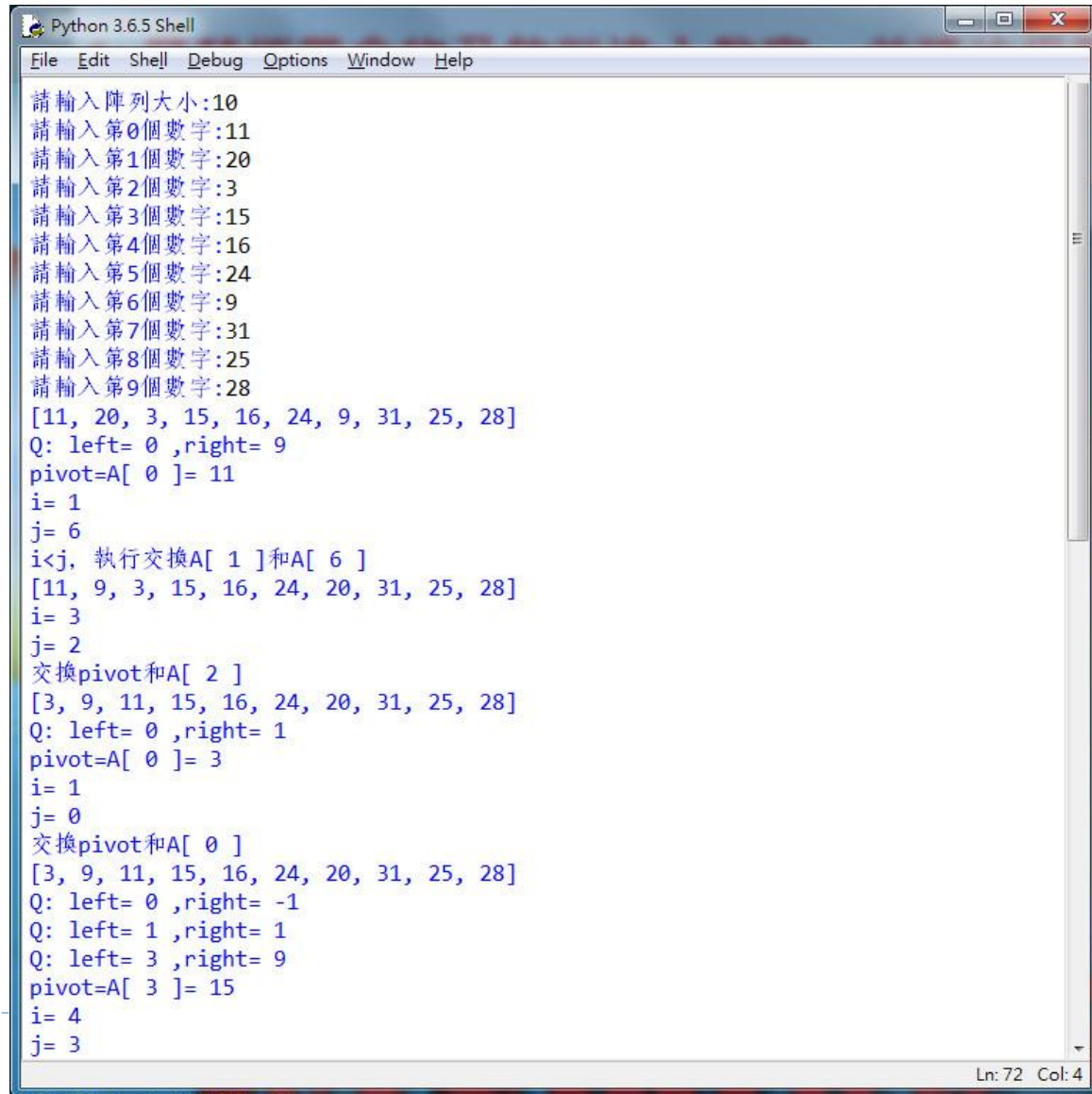
```
#main
A = []
N = int(input("請輸入陣列大小:"))

for i in range(N):
    x = int(input("請輸入第"+str(i)+"個數字:"))
    A.append(x)

print(A)
quick(A,0,N-1)
print(A)
```

# 快速排序法(Quick Sort)

## ▶ 執行結果：



```
Python 3.6.5 Shell
File Edit Shell Debug Options Window Help

請輸入陣列大小:10
請輸入第0個數字:11
請輸入第1個數字:20
請輸入第2個數字:3
請輸入第3個數字:15
請輸入第4個數字:16
請輸入第5個數字:24
請輸入第6個數字:9
請輸入第7個數字:31
請輸入第8個數字:25
請輸入第9個數字:28
[11, 20, 3, 15, 16, 24, 9, 31, 25, 28]
Q: left= 0 ,right= 9
pivot=A[ 0 ]= 11
i= 1
j= 6
i<j, 執行交換A[ 1 ]和A[ 6 ]
[11, 9, 3, 15, 16, 24, 20, 31, 25, 28]
i= 3
j= 2
交換pivot和A[ 2 ]
[3, 9, 11, 15, 16, 24, 20, 31, 25, 28]
Q: left= 0 ,right= 1
pivot=A[ 0 ]= 3
i= 1
j= 0
交換pivot和A[ 0 ]
[3, 9, 11, 15, 16, 24, 20, 31, 25, 28]
Q: left= 0 ,right= -1
Q: left= 1 ,right= 1
Q: left= 3 ,right= 9
pivot=A[ 3 ]= 15
i= 4
j= 3

Ln: 72 Col: 4
```

# 快速排序法(Quick Sort)

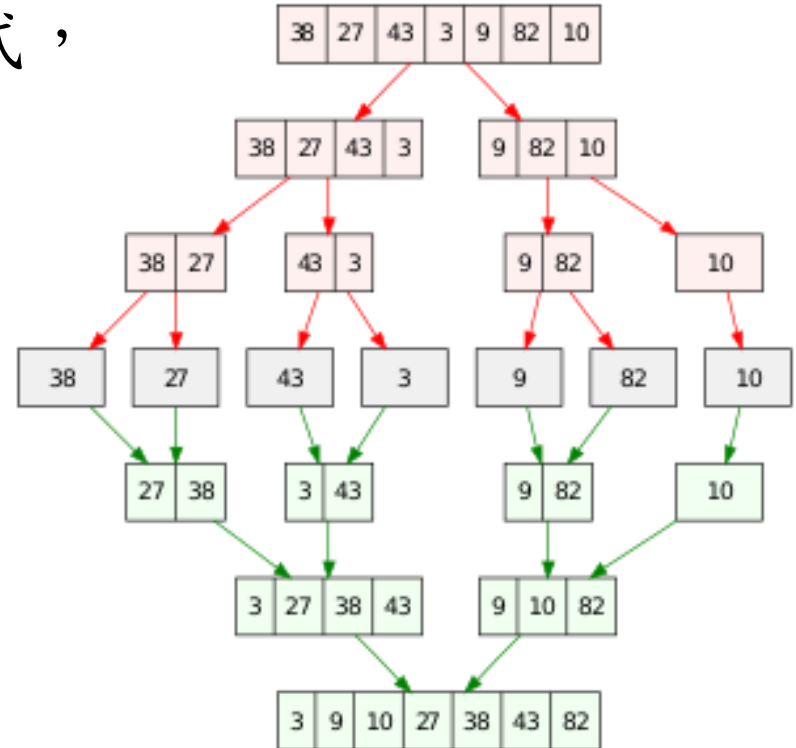
## ▶ 執行結果：

```
Python 3.6.5 Shell
File Edit Shell Debug Options Window Help
交換pivot和A[ 3 ]
[3, 9, 11, 15, 16, 24, 20, 31, 25, 28]
Q: left= 3 ,right= 2
Q: left= 4 ,right= 9
pivot=A[ 4 ]= 16
i= 5
j= 4
交換pivot和A[ 4 ]
[3, 9, 11, 15, 16, 24, 20, 31, 25, 28]
Q: left= 4 ,right= 3
Q: left= 5 ,right= 9
pivot=A[ 5 ]= 24
i= 7
j= 6
交換pivot和A[ 6 ]
[3, 9, 11, 15, 16, 20, 24, 31, 25, 28]
Q: left= 5 ,right= 5
Q: left= 7 ,right= 9
pivot=A[ 7 ]= 31
i= 10
j= 9
交換pivot和A[ 9 ]
[3, 9, 11, 15, 16, 20, 24, 28, 25, 31]
Q: left= 7 ,right= 8
pivot=A[ 7 ]= 28
i= 9
j= 8
交換pivot和A[ 8 ]
[3, 9, 11, 15, 16, 20, 24, 25, 28, 31]
Q: left= 7 ,right= 7
Q: left= 9 ,right= 8
Q: left= 10 ,right= 9
[3, 9, 11, 15, 16, 20, 24, 25, 28, 31]
>>> |
```

Ln: 72 Col: 4

# 合併排序法(Merge Sort)

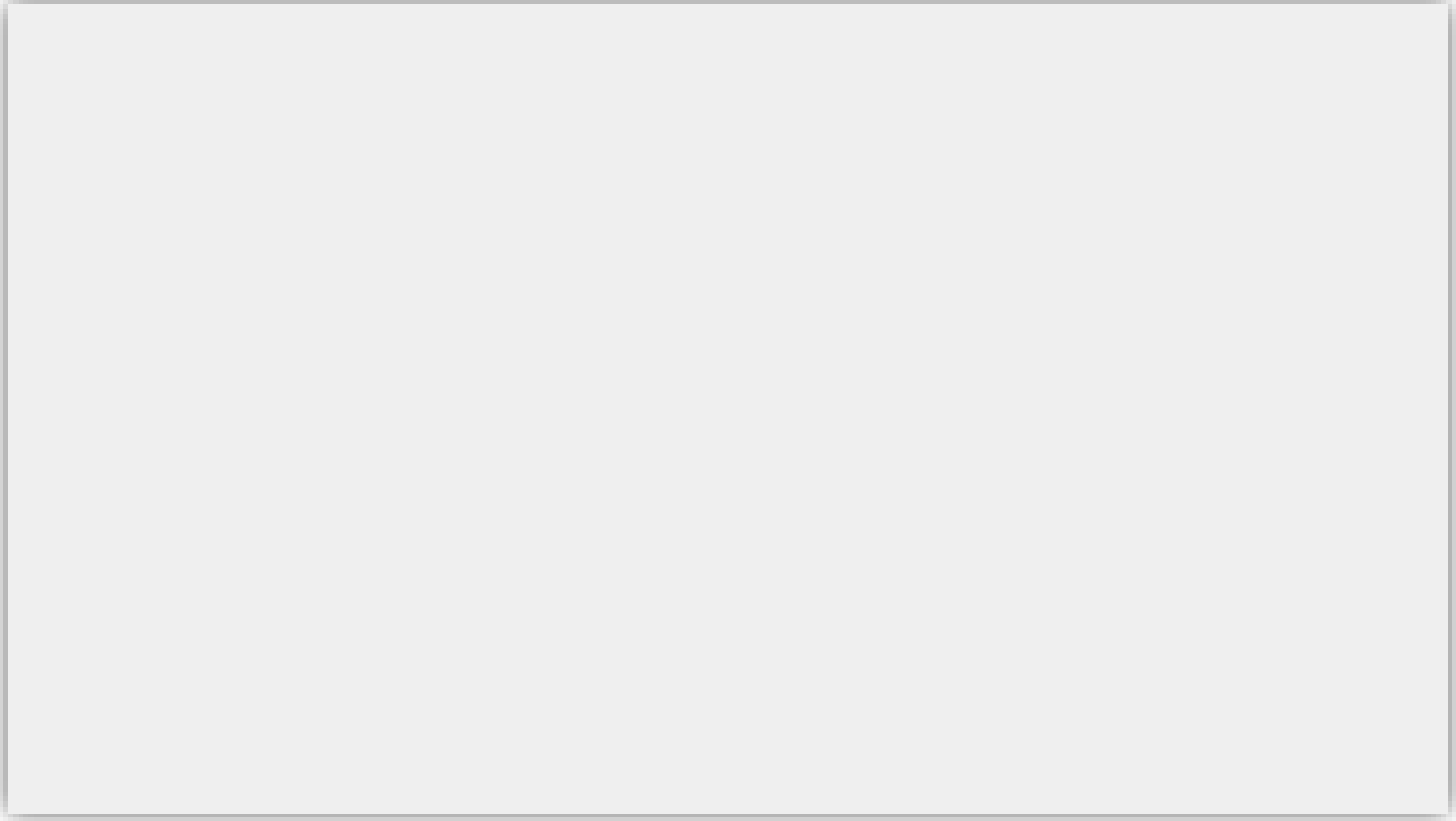
- ▶ 合併排序法是依據“合併”來排序的，假設我們有兩個已經排好的數列，我們就可以很容易的將兩個數列合併成一個排序好的數列。
- ▶ 採用先打散，再合併的方式，稱為divide and conquer。
- ▶ 一般都以遞迴來實現。



# 合併排序法(Merge Sort)

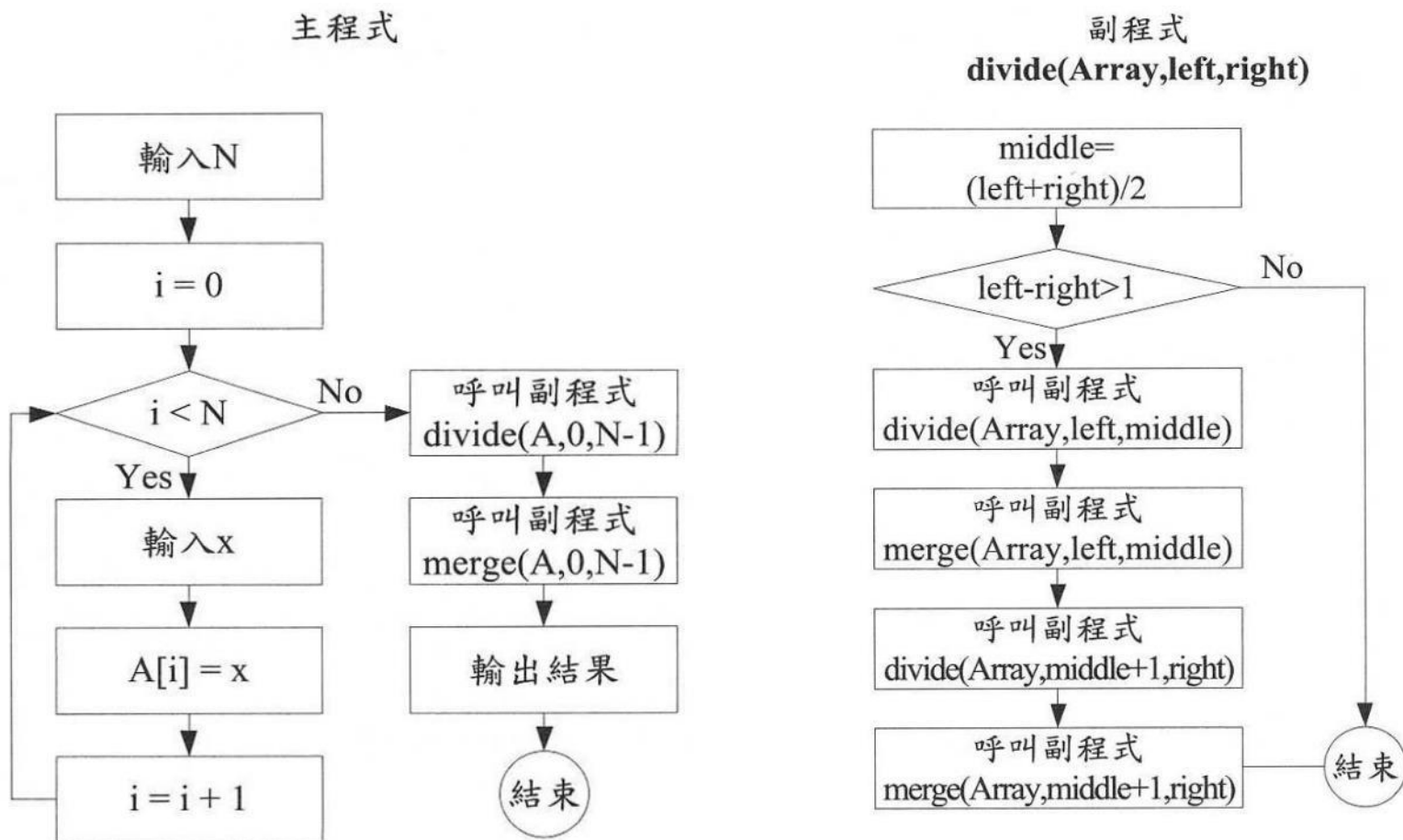
---

- ▶ 原理示範說明：<https://www.youtube.com/watch?v=JSceec-wEyw>



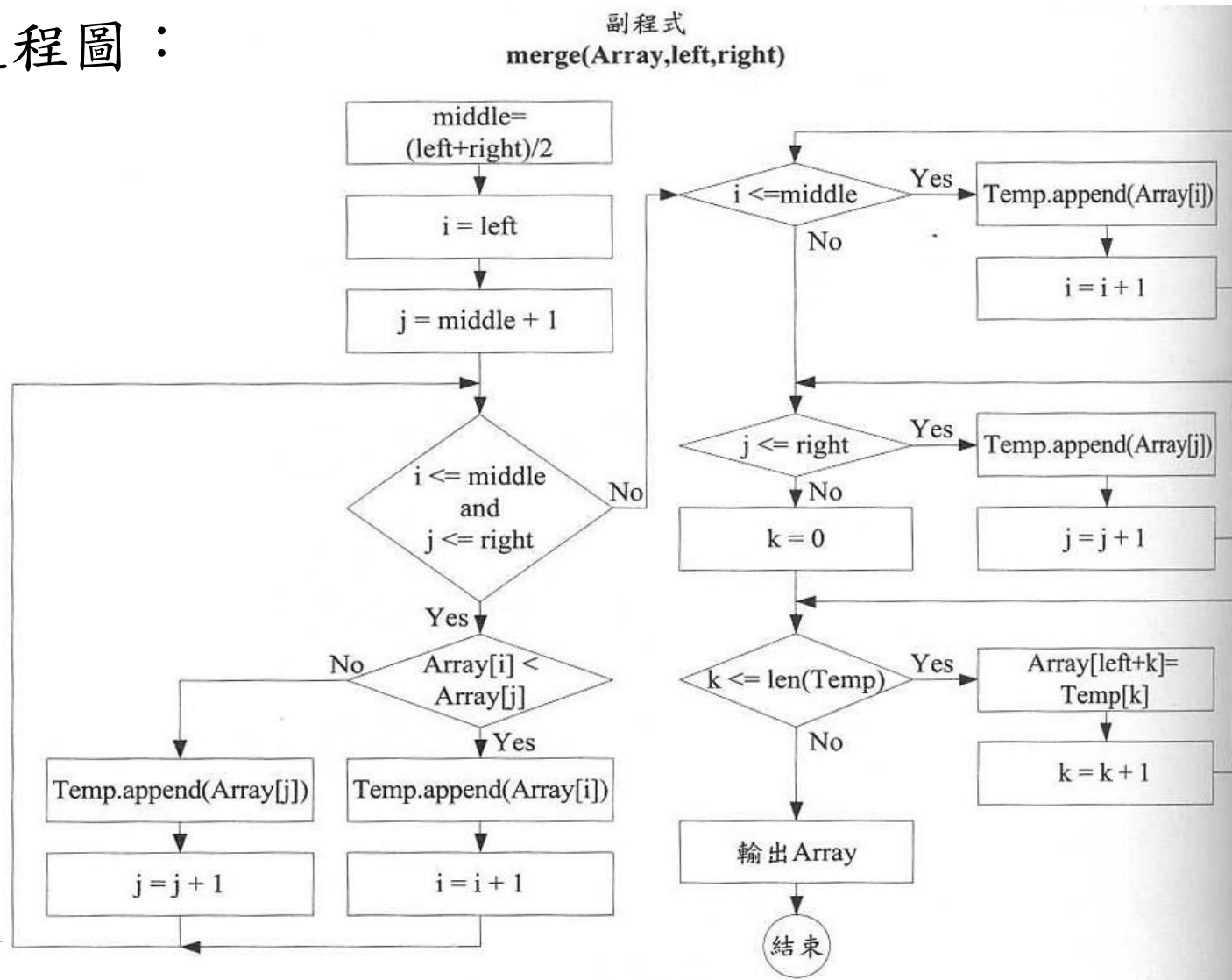
# 合併排序法(Merge Sort)

## ▶ 流程圖：



# 合併排序法(Merge Sort)

## ▶ 流程圖：



# 合併排序法(Merg

## ▶ 參考程式：

```
def merge(Array,left,right):
    print("M: left=",left," right=",right)
    middle = int((left+right)/2)
    i = left
    j = middle + 1
    print("i=",i," j=",j)
    Temp = []
    while i <= middle and j <= right:
        if Array[i] < Array[j]:
            Temp.append(Array[i])
            i += 1
        else:
            Temp.append(Array[j])
            j += 1
    print("Temp=",Temp)
    while i <= middle:
        Temp.append(Array[i])
        i += 1
    while j <= right:
        Temp.append(Array[j])
        j += 1
    for k in range(len(Temp)):
        Array[left+k] = Temp[k]
    print(Array,end="")
    #將排序好的內容印出
    print("(",end="")
    leftRange = left
    while leftRange <= right:
        print(Array[leftRange],end="")
        leftRange += 1
    print(")排序好\n")
```



# 合併排序法(Merge Sort)

## ▶ 參考程式：

```
def divide(Array,left,right):
    print("D:left=",left,"right=",right)
    middle = int((left+right)/2)
    if (right-left) > 1:
        divide(Array,left,middle)
        merge(Array,left,middle)
        divide(Array,middle+1,right)
        merge(Array,middle+1,right)
    #印出合併的提示訊息，左半邊要與右半邊合併
    print("接著將左邊(",end="")
    leftRange = left
    while leftRange <= middle:
        print(Array[leftRange],end="")
        leftRange += 1
    print(")及右邊(",end="")
    leftRange = middle + 1
    while leftRange <= right:
        print(Array[leftRange],end="")
        leftRange += 1
    print(")合併...")
```

# 合併排序法(Merge Sort)

---

## ▶ 參考程式：

```
#main
N = int(input("請輸入陣列大小："))
A = [0 for i in range(N)]
for i in range(N):
    x = int(input("請輸入第"+str(i)+"個數字"))
    A[i] = x
print(A)
divide(A,0,N-1)
merge(A,0,N-1)
print("排序完成：",A)
```

# 合併排序法(Merge Sort)

## ▶ 執行結果：

```
Python 3.7.1 Shell
File Edit Shell Debug Options Window Help
請輸入陣列大小：7
請輸入第0個數字6
請輸入第1個數字3
請輸入第2個數字9
請輸入第3個數字5
請輸入第4個數字2
請輸入第5個數字7
請輸入第6個數字1
[6, 3, 9, 5, 2, 7, 1]
D:left= 0 ,right= 6
D:left= 0 ,right= 3
D:left= 0 ,right= 1
M: left= 0 right= 1
i= 0 j= 1
Temp= [3]
[3, 6, 9, 5, 2, 7, 1](36)排序好

D:left= 2 ,right= 3
M: left= 2 right= 3
i= 2 j= 3
Temp= [5]
[3, 6, 5, 9, 2, 7, 1](59)排序好

接著將左邊(36)及右邊(59)合併...
M: left= 0 right= 3
i= 0 j= 2
Temp= [3, 5, 6]
[3, 5, 6, 9, 2, 7, 1](3569)排序好

D:left= 4 ,right= 6
D:left= 4 ,right= 5
M: left= 4 right= 5
i= 4 j= 5
```

```
Python 3.7.1 Shell
File Edit Shell Debug Options Window Help
Temp= [2]
[3, 5, 6, 9, 2, 7, 1](27)排序好

D:left= 6 ,right= 6
M: left= 6 right= 6
i= 6 j= 7
Temp= []
[3, 5, 6, 9, 2, 7, 1](1)排序好

接著將左邊(27)及右邊(1)合併...
M: left= 4 right= 6
i= 4 j= 6
Temp= [1]
[3, 5, 6, 9, 1, 2, 7](127)排序好

接著將左邊(3569)及右邊(127)合併...
M: left= 0 right= 6
i= 0 j= 4
Temp= [1, 2, 3, 5, 6, 7]
[1, 2, 3, 5, 6, 7, 9](1235679)排序好

排序完成： [1, 2, 3, 5, 6, 7, 9]
>>>
```

休息一下~

---



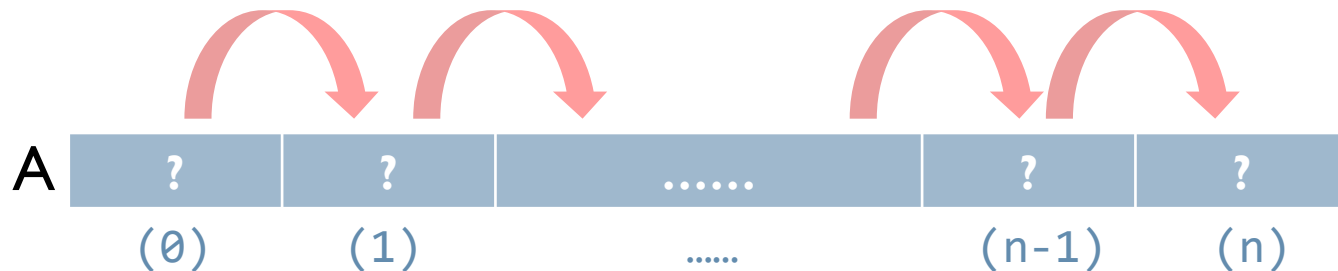
# 搜尋(Search)

---

- ▶ 搜尋就是在一堆資料中找出所要之特定資料。
- ▶ 搜尋之主要核心動作為「比較」動作，必需透過比較才有辦法判斷是否尋找到特定資料。
- ▶ 資料未排序時，使用循序搜尋。
- ▶ 排序過的資料，可使用二分搜尋或其他搜尋方式。

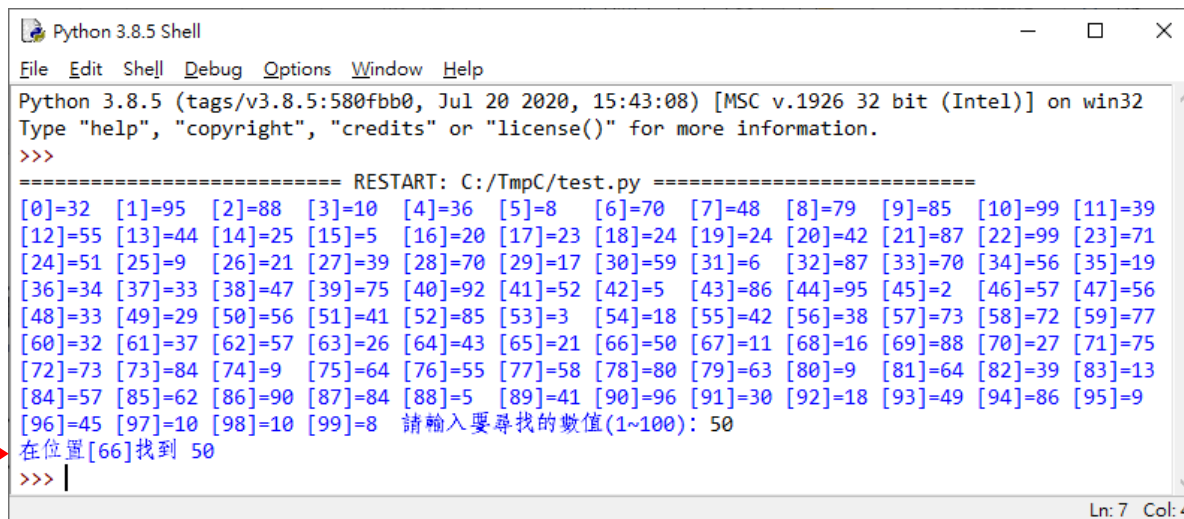
# 循序搜尋

- ▶ 就是一個一個依序搜尋，效率較差，但資料若未經排序，僅能使用此方法。
- ▶ 例如找某一值，則從 $A(0)$ 開始，一個個比較下去。

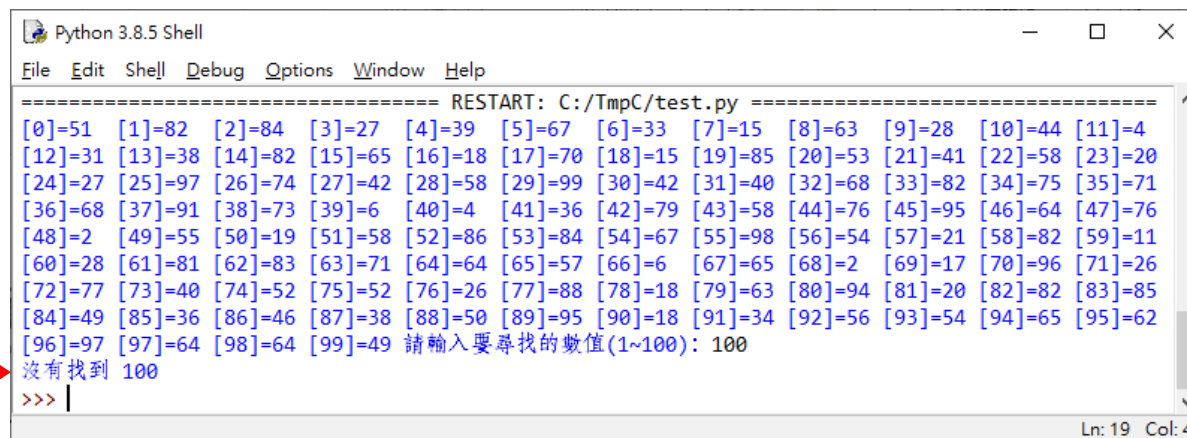


# 循序搜尋練習

- ▶ 產生100個1~100的亂數，找出是否有使用者指定的數值。



```
Python 3.8.5 Shell
File Edit Shell Debug Options Window Help
Python 3.8.5 (tags/v3.8.5:580fbb0, Jul 20 2020, 15:43:08) [MSC v.1926 32 bit (Intel)] on win32
Type "help", "copyright", "credits" or "license()" for more information.
>>>
===== RESTART: C:/TmpC/test.py =====
[0]=32 [1]=95 [2]=88 [3]=10 [4]=36 [5]=8 [6]=70 [7]=48 [8]=79 [9]=85 [10]=99 [11]=39
[12]=55 [13]=44 [14]=25 [15]=5 [16]=20 [17]=23 [18]=24 [19]=24 [20]=42 [21]=87 [22]=99 [23]=71
[24]=51 [25]=9 [26]=21 [27]=39 [28]=70 [29]=17 [30]=59 [31]=6 [32]=87 [33]=70 [34]=56 [35]=19
[36]=34 [37]=33 [38]=47 [39]=75 [40]=92 [41]=52 [42]=5 [43]=86 [44]=95 [45]=2 [46]=57 [47]=56
[48]=33 [49]=29 [50]=56 [51]=41 [52]=85 [53]=3 [54]=18 [55]=42 [56]=38 [57]=73 [58]=72 [59]=77
[60]=32 [61]=37 [62]=57 [63]=26 [64]=43 [65]=21 [66]=50 [67]=11 [68]=16 [69]=88 [70]=27 [71]=75
[72]=73 [73]=84 [74]=9 [75]=64 [76]=55 [77]=58 [78]=80 [79]=63 [80]=9 [81]=64 [82]=39 [83]=13
[84]=57 [85]=62 [86]=90 [87]=84 [88]=5 [89]=41 [90]=96 [91]=30 [92]=18 [93]=49 [94]=86 [95]=9
[96]=45 [97]=10 [98]=10 [99]=8 請輸入要尋找的數值(1~100): 50
在位置[66]找到 50
>>> |
```



```
Python 3.8.5 Shell
File Edit Shell Debug Options Window Help
===== RESTART: C:/TmpC/test.py =====
[0]=51 [1]=82 [2]=84 [3]=27 [4]=39 [5]=67 [6]=33 [7]=15 [8]=63 [9]=28 [10]=44 [11]=4
[12]=31 [13]=38 [14]=82 [15]=65 [16]=18 [17]=70 [18]=15 [19]=85 [20]=53 [21]=41 [22]=58 [23]=20
[24]=27 [25]=97 [26]=74 [27]=42 [28]=58 [29]=99 [30]=42 [31]=40 [32]=68 [33]=82 [34]=75 [35]=71
[36]=68 [37]=91 [38]=73 [39]=6 [40]=4 [41]=36 [42]=79 [43]=58 [44]=76 [45]=95 [46]=64 [47]=76
[48]=2 [49]=55 [50]=19 [51]=58 [52]=86 [53]=84 [54]=67 [55]=98 [56]=54 [57]=21 [58]=82 [59]=11
[60]=28 [61]=81 [62]=83 [63]=71 [64]=64 [65]=57 [66]=6 [67]=65 [68]=2 [69]=17 [70]=96 [71]=26
[72]=77 [73]=40 [74]=52 [75]=52 [76]=26 [77]=88 [78]=18 [79]=63 [80]=94 [81]=20 [82]=82 [83]=85
[84]=49 [85]=36 [86]=46 [87]=38 [88]=50 [89]=95 [90]=18 [91]=34 [92]=56 [93]=54 [94]=65 [95]=62
[96]=97 [97]=64 [98]=64 [99]=49 請輸入要尋找的數值(1~100): 100
沒有找到 100
>>> |
```

# 循序搜尋練習

## ▶ 參考寫法：

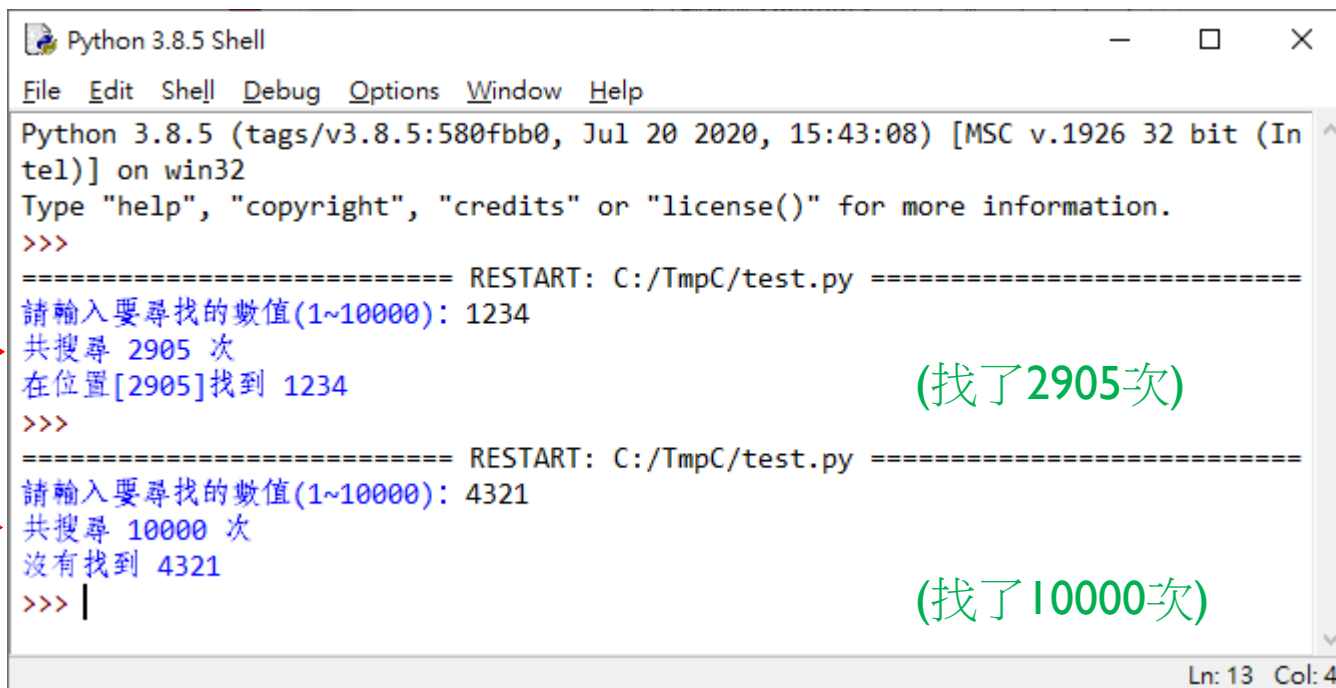
```
import random
num = []      #宣告一個空陣列
for i in range(100):
    #產生一個亂數,並使用append()方法加入到陣列
    num.append(random.randint(1,100))
    #印出陣列內容
    print("[ " + str(i) + "]=" + str(num[i]), end="\t")

flag = 1
x = int(input("請輸入要尋找的數值(1~100)："))
#循序搜尋
for i in range(100):
    if num[i] == x:
        print("在位置[ " + str(i) + "]找到 " + str(x))
        flag = 0
        break
if flag:
    print("沒有找到 " + str(x))
```



# 循序搜尋練習

- ▶ 產生10000個1~10000的亂數，找出是否有使用者指定的數值，並顯示搜尋次數及位置。



```
Python 3.8.5 Shell
File Edit Shell Debug Options Window Help
Python 3.8.5 (tags/v3.8.5:580fbb0, Jul 20 2020, 15:43:08) [MSC v.1926 32 bit (Intel)] on win32
Type "help", "copyright", "credits" or "license()" for more information.
>>>
===== RESTART: C:/TmpC/test.py =====
請輸入要尋找的數值(1~10000): 1234
共搜尋 2905 次
在位置[2905]找到 1234
>>>
===== RESTART: C:/TmpC/test.py =====
請輸入要尋找的數值(1~10000): 4321
共搜尋 10000 次
沒有找到 4321
>>> |
```

(找了2905次)

(找了10000次)

Ln: 13 Col: 4

# 循序搜尋練習

## ▶ 參考寫法：

```
import random
num = []      #宣告一個空陣列
for i in range(10000):
    #產生一個亂數,並使用append()方法加入到陣列
    num.append(random.randint(1,10000))

flag = 1
x = int(input("請輸入要尋找的數值(1~10000)："))
#循序搜尋
for i in range(10000):
    if num[i] == x:
        print("共搜尋 " + str(i+1) + " 次")
        print("在位置[" + str(i+1) + "]找到 " + str(x))
        flag = 0
        break
if flag:
    print("共搜尋 " + str(i+1) + " 次")
    print("沒有找到 " + str(x))
```

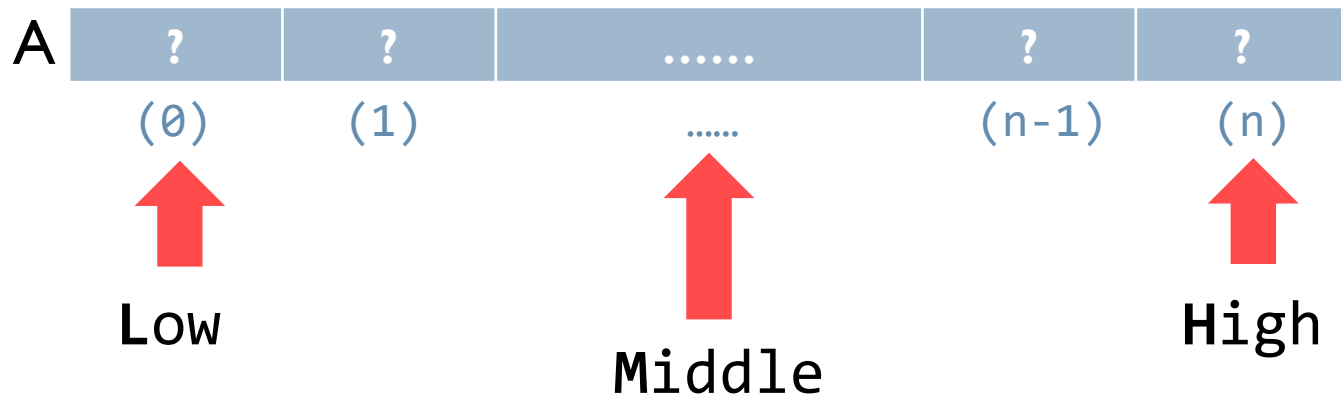
# 循序搜尋

---

- ▶ 循序搜尋特性：
  - ▶ 資料不需事先排序。
  - ▶  $N$ 個資料，則搜尋比對的次數最少1次，最多 $N$ 次。
  - ▶ 平均需要比對 $(N+1)/2$ 次。

# 二分搜尋(Binary Search)

- ▶ 必要條件：資料必須經過排序。
- ▶ 方法：每次將資料分為兩半，看指到的資料是否符合，若不是，則再搜尋符合範圍內的一半資料即可。



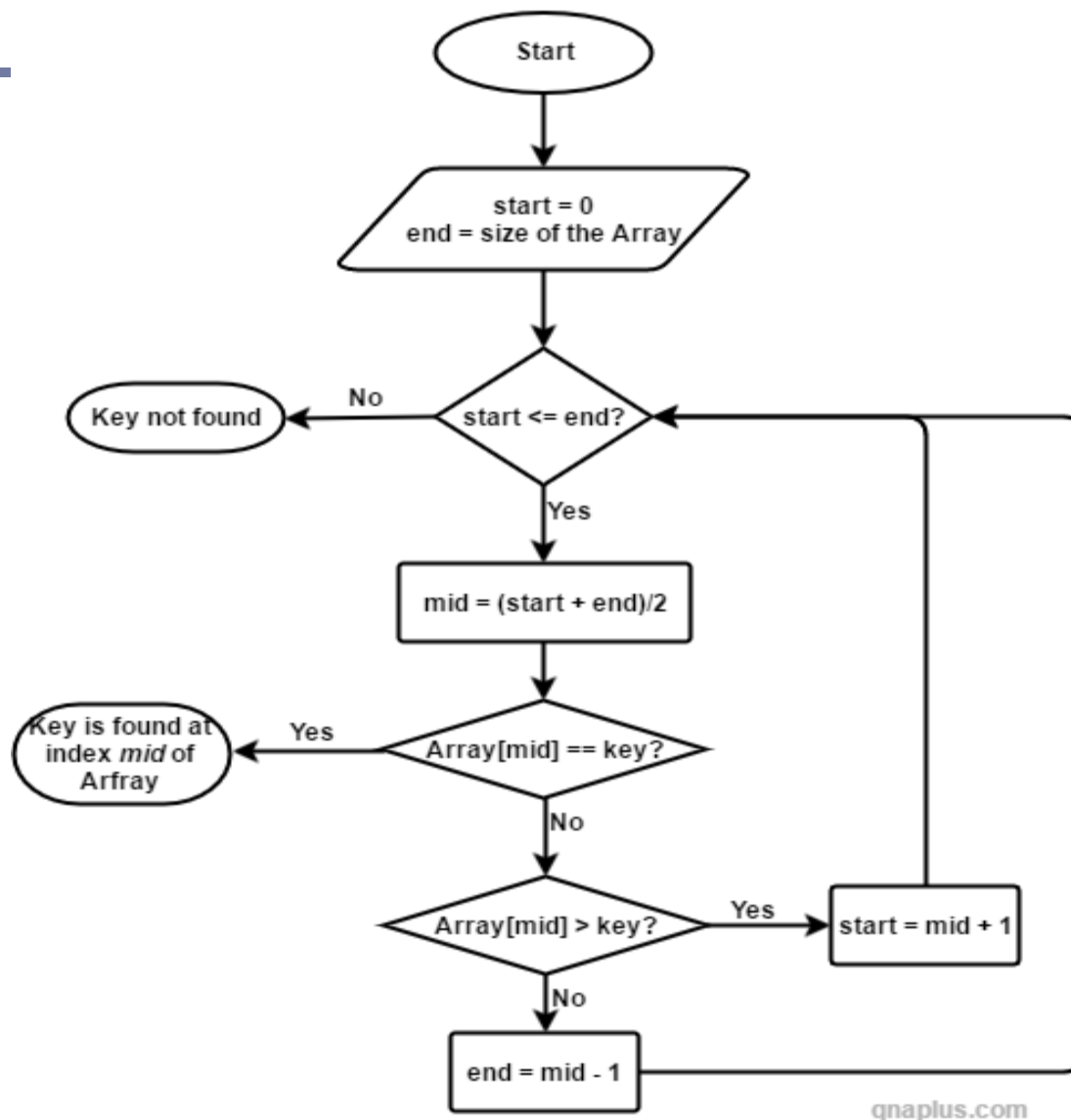
## 二分搜尋

---

- ▶ 設有一已排序陣列A，則：
- ▶ Low， $L =$  第一個元素， $A[0]$ 。
- ▶ High， $H =$  最後一個元素， $\text{len}(A)$ 。
- ▶ Middle， $M =$  中間值， $(L + H) / 2$ 。
- ▶ 若 $A[M]$ 即為要搜尋的值，則結束。
- ▶ 若要搜尋的值  $> A[M]$ ，則  $L = M + 1$ 。
- ▶ 若要搜尋的值  $< A[M]$ ，則  $H = M - 1$ 。
- ▶ 重複此動作直到找到，或  $H < L$ ，則表示搜尋失敗，找不到。

# 二分搜尋

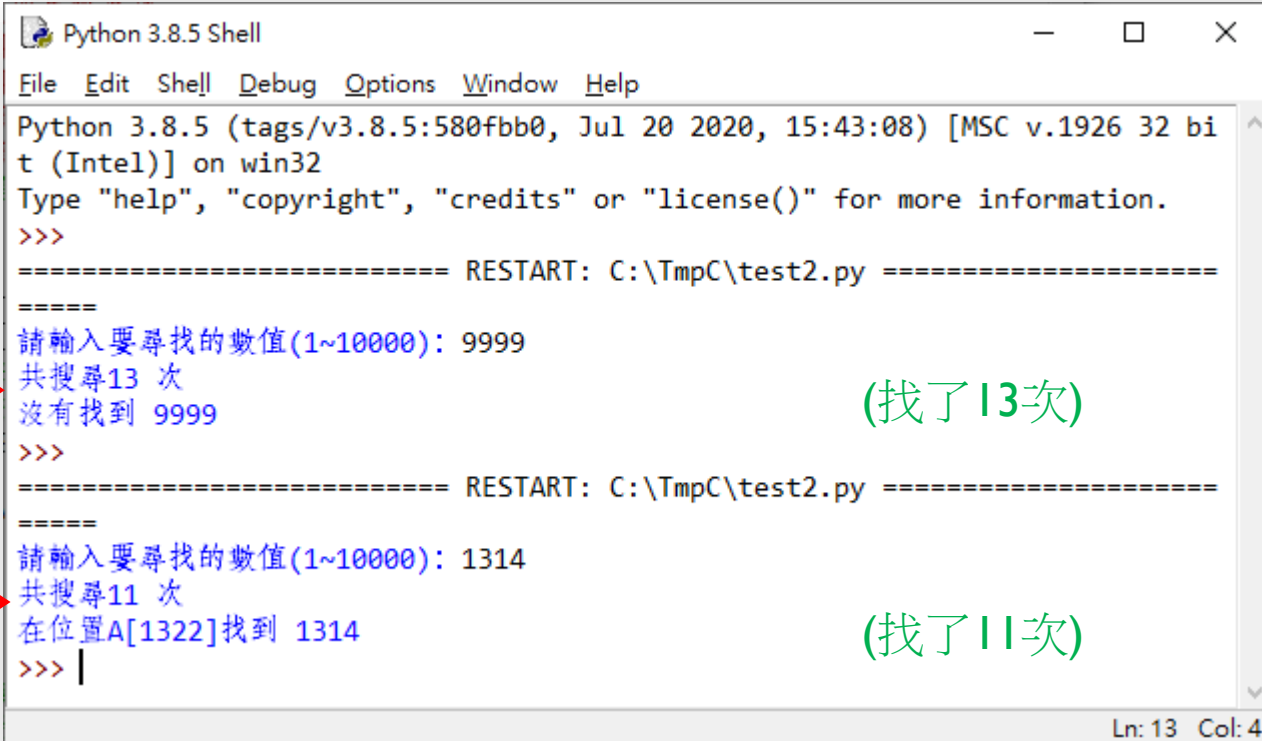
Binary search algorithm: find *key* in a sorted *Array*



qnaplus.com

## 二分搜尋練習

- ▶ 產生10000個1~10000的亂數，找出是否有使用者指定的數值，並顯示搜尋次數及位置。



```
Python 3.8.5 Shell
File Edit Shell Debug Options Window Help
Python 3.8.5 (tags/v3.8.5:580fbb0, Jul 20 2020, 15:43:08) [MSC v.1926 32 bit (Intel)] on win32
Type "help", "copyright", "credits" or "license()" for more information.
>>>
===== RESTART: C:\TmpC\test2.py =====
=====
請輸入要尋找的數值(1~10000): 9999
共搜尋13 次
沒有找到 9999
>>>
===== RESTART: C:\TmpC\test2.py =====
=====
請輸入要尋找的數值(1~10000): 1314
共搜尋11 次
在位置A[1322]找到 1314
>>> |
```

(找了13次)

(找了11次)

Ln: 13 Col: 4

# 二分搜尋練習

▶ 參考寫法：

二分  
搜尋

```
import random
A = []
for i in range(10000):
    A.append(random.randint(1,10000))

A.sort()      #一定要先排序過
L = 0         #陣列起始註標值
H = len(A)-1  #陣列最後註標值
T = 0         #紀錄搜尋次數
flag = 1      #紀錄是否已找到，以提前結束迴圈
x = int(input("請輸入要尋找的數值(1~10000)："))
while H >= L:
    T += 1
    M = int((L+H)/2)
    if x == A[M]:
        print("共搜尋" + str(T) + " 次")
        print("在位置A[" + str(M) + "]找到 " + str(x))
        flag = 0
        break
    elif x < A[M]:
        H = M - 1
    else:
        L = M + 1
if flag:      #若flag仍為1，表示沒找到
    print("共搜尋" + str(T) + " 次")
    print("沒有找到 " + str(x))
```



## 二分搜尋

---

### ▶ 二分搜尋特性：

▶ 資料必需事先排序。

▶ N個資料，則搜尋比對的次數：  
最少1次，最多 $\text{Log}_2 N$ 次。

▶ 說明：

▶ 若有64筆資料，則搜尋次數最多為 $\text{Log}_2 64 = 6$  (找到或找不到)。

▶ 若Log不好算，換一個說法： $2^X$  必須 $\geq 64$ ，故 $X=6$ 。

## 二分搜尋練習

- ▶ 寫一程式，產生64個1~100的亂數，排序後以二分搜尋找尋指定的值，要顯示搜尋過程中L、H、M及A[M]的值。



```
Python 3.8.5 Shell
File Edit Shell Debug Options Window Help
=====
請輸入要尋找的數值(1~100): 50
L      M      H      A[M]
-----
0       31     63     50
共搜尋1 次
在位置A[31]找到 50      (最佳，只找了1次)
>>>
===== RESTART: C:\TmpC\test.py =
=====
請輸入要尋找的數值(1~100): 12
L      M      H      A[M]
-----
0       31     63     58
0       15     30     18
0       7      14     8
8       11     14     11
12      13     14     16
12      12     12     12
共搜尋6 次
在位置A[12]找到 12
>>>
===== RESTART: C:\TmpC\test.py =
=====
請輸入要尋找的數值(1~100): 99
L      M      H      A[M]
-----
0       31     63     39
32      47     63     62
48      55     63     80
56      59     63     89
60      61     63     95
62      62     63     95
63      63     63     98
共搜尋 7 次
L=64 > H=63, 沒有找到 99      (最差，找了7次)
>>> |
```

Ln: 38 Col: 4

# 二分搜尋練

## ▶ 參考寫法：

二分  
搜尋

```
import random
A = []      #宣告一個空陣列
for i in range(64):
    A.append(random.randint(1,100))
A.sort()   #一定要先排序過
L = 0
H = len(A)-1
T = 0
flag = 1
x = int(input("請輸入要尋找的數值(1~100)："))
print("L\tM\tH\tA[M]")    #利用\t(tab)跳格來對齊
print("-----")
while H >= L:
    T += 1
    M = int((L+H)/2)
    print(str(L) + "\t"+str(M)+"\t"+str(H)+"\t"+str(A[M]))
    if x == A[M]:
        print("共搜尋" + str(T) + " 次")
        print("在位置A[" + str(M) + "]找到 " + str(x))
        flag = 0
        break
    elif x < A[M]:
        H = M - 1
    else:
        L = M + 1
if flag:    #若flag仍為1，表示沒找到
    print("共搜尋 " + str(T) + " 次")
    print("L="+str(L)+" > H="+str(H)+", 沒有找到 "+str(x))
```

# 休息一下~

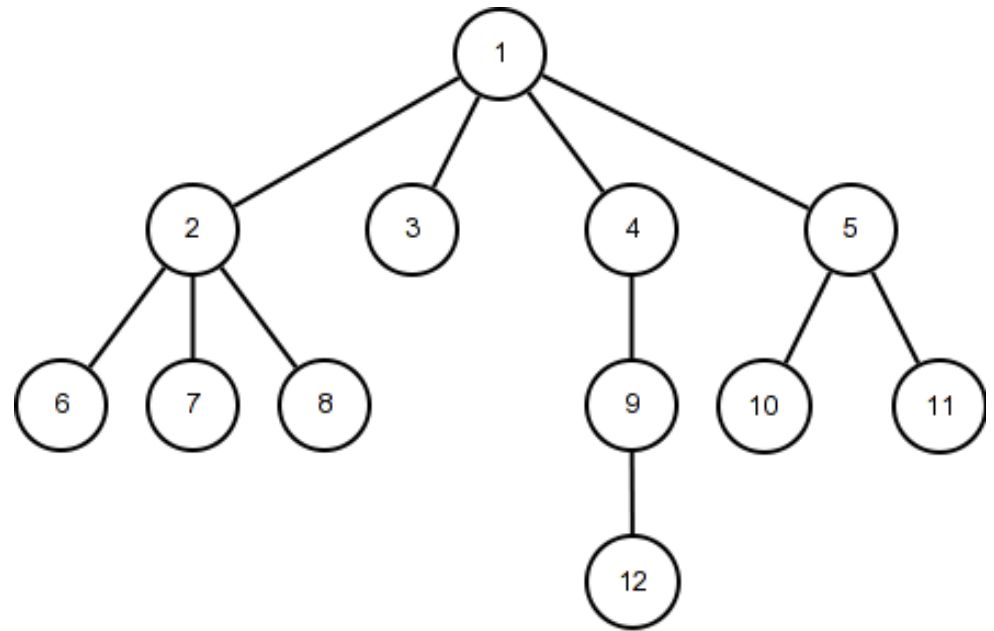
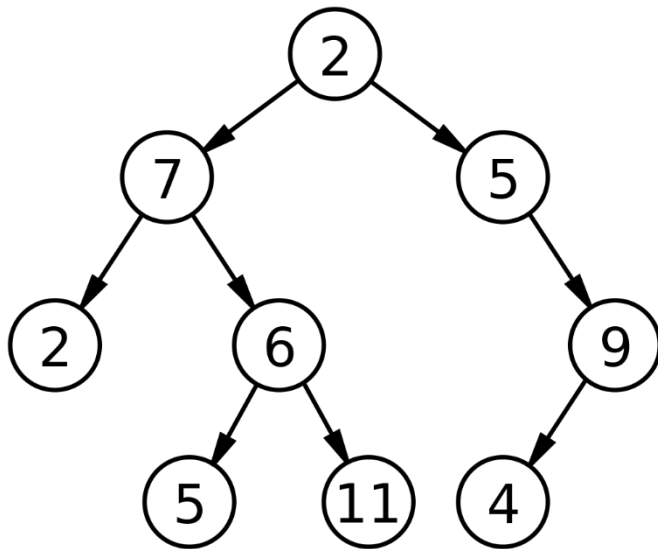
---



3png.com

# 資料結構 – 二元搜尋樹(Binary Search Tree)

- ▶ 樹是一種資料結構方式，使用鏈結串列(Link List)來組成資料，因為連接的方式像一棵樹，故稱之。
- ▶ 這都是「樹」：



# 資料結構 — 二元搜尋樹(Binary Search Tree)

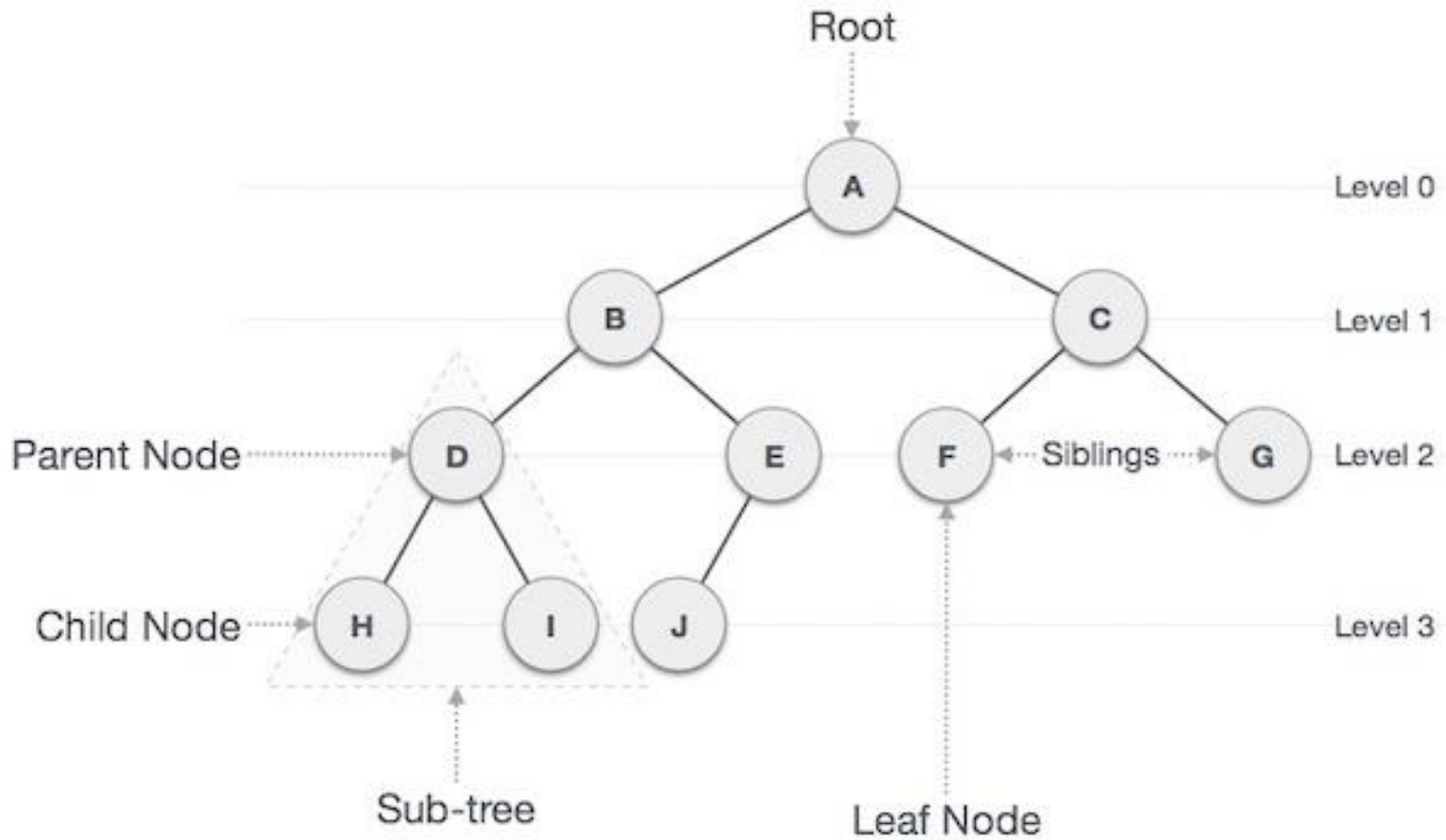
---

## ▶ 樹的相關定義：

- ▶ 1.一個樹包含了一組有限的元素，稱為節點(Node)。
- ▶ 2.一組有限的方向線段，稱分支(Branch)，連接到結點上。
- ▶ 3.和這個節點有關的分支數目稱為此節點的degree。
- ▶ 4.當一個分支指向一個節點時，稱此分支為indegree。
- ▶ 5.當一個分支離開一個節點時，稱此分支為outdegree。
- ▶ 6.indegree和outdegree的總和等於該節點的degree。
- ▶ 7.第一個節點稱為根(Root)，除了根節點外，任何節點都必須至少有一個indegree，但outdegree則沒有限制。

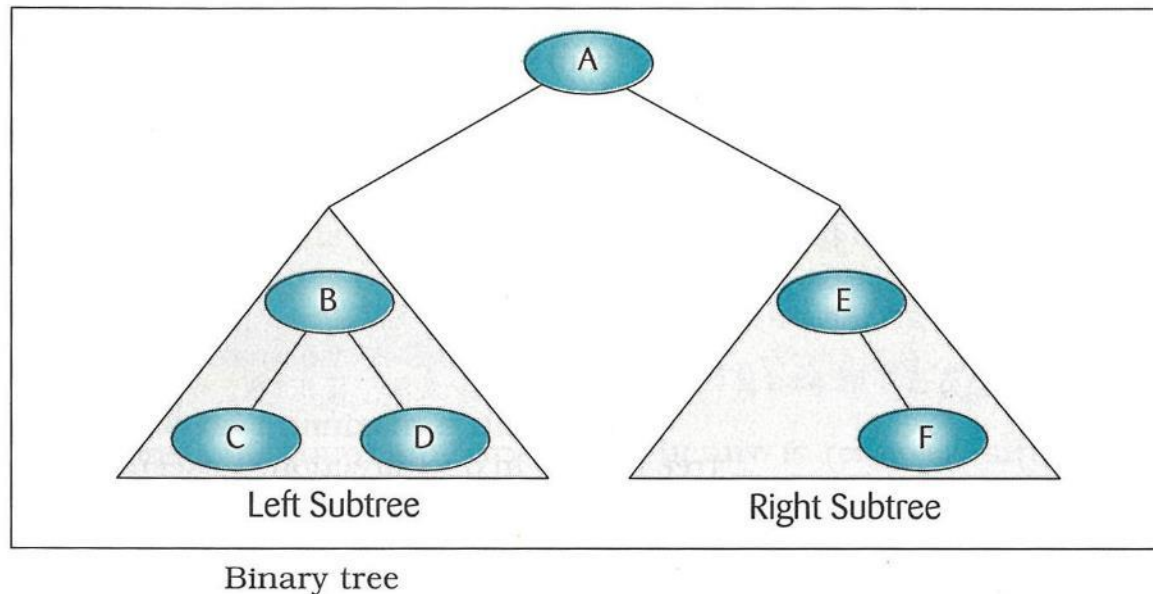
# 資料結構 – 二元搜尋樹(Binary Search Tree)

## ► 樹的一些專有名詞：



# 資料結構 – 二元搜尋樹(Binary Search Tree)

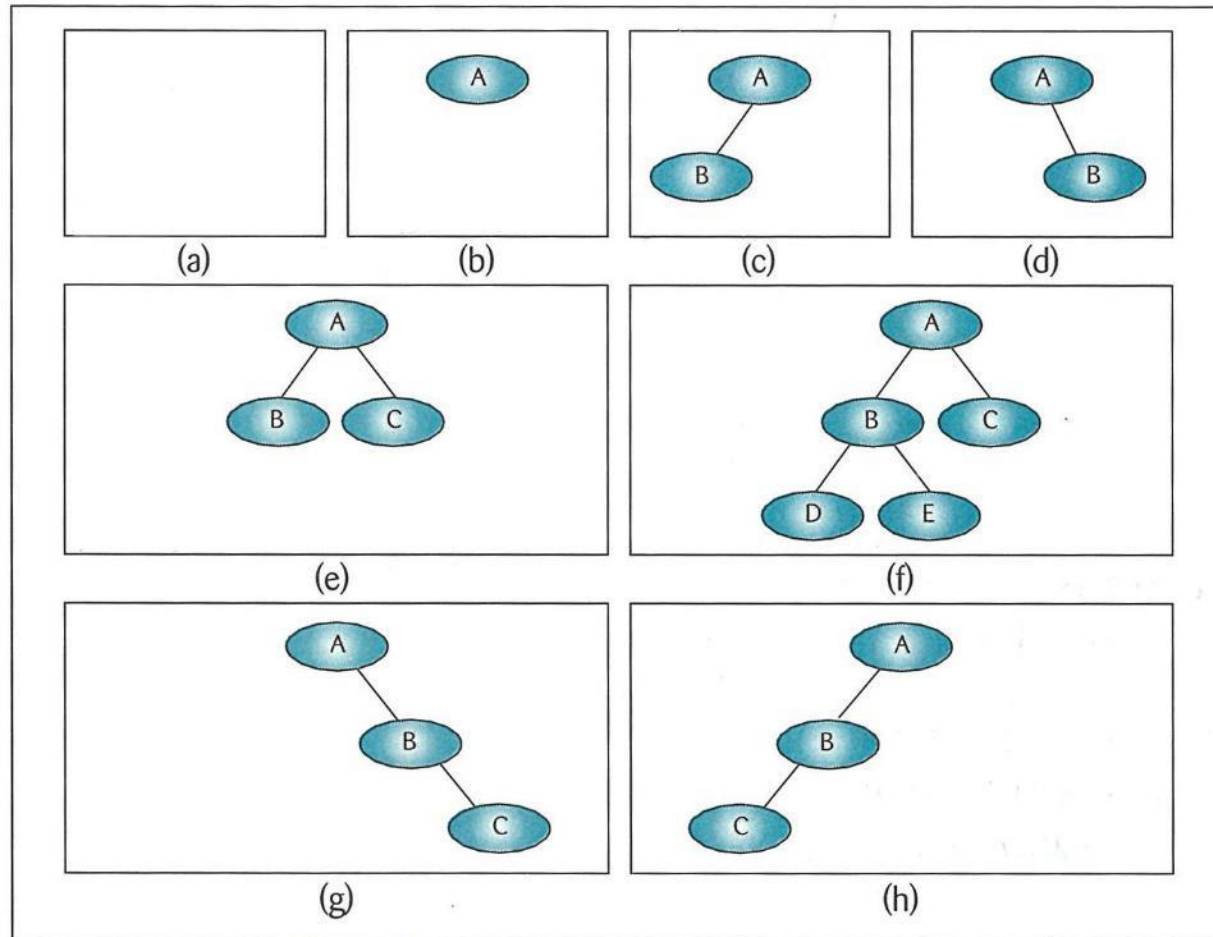
- ▶ 二元樹定義：
- ▶ 1.所有的節點(node)至多只能有兩個子樹，稱二元樹。
- ▶ 2.左邊稱為左子樹，右邊稱為右子樹。
- ▶ 3.樹不一定要對稱。





# 資料結構 – 二元搜尋樹(Binary Search Tree)

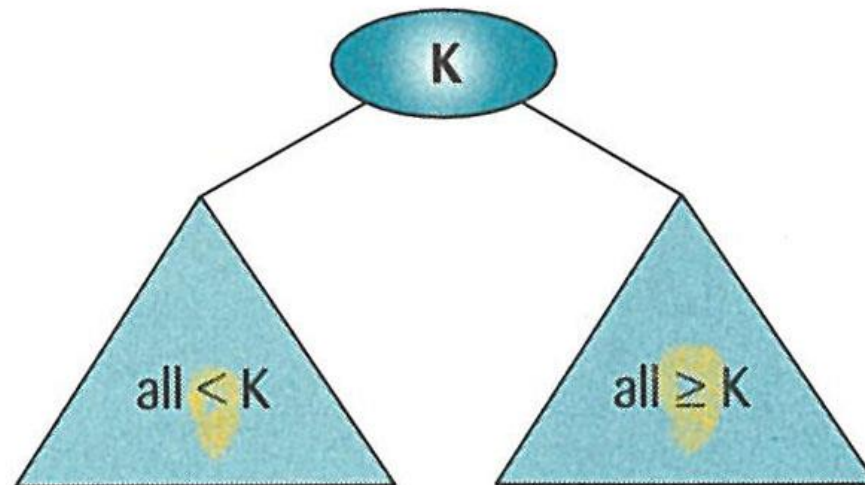
## ► 一些二元樹的例子：



A collection of binary trees

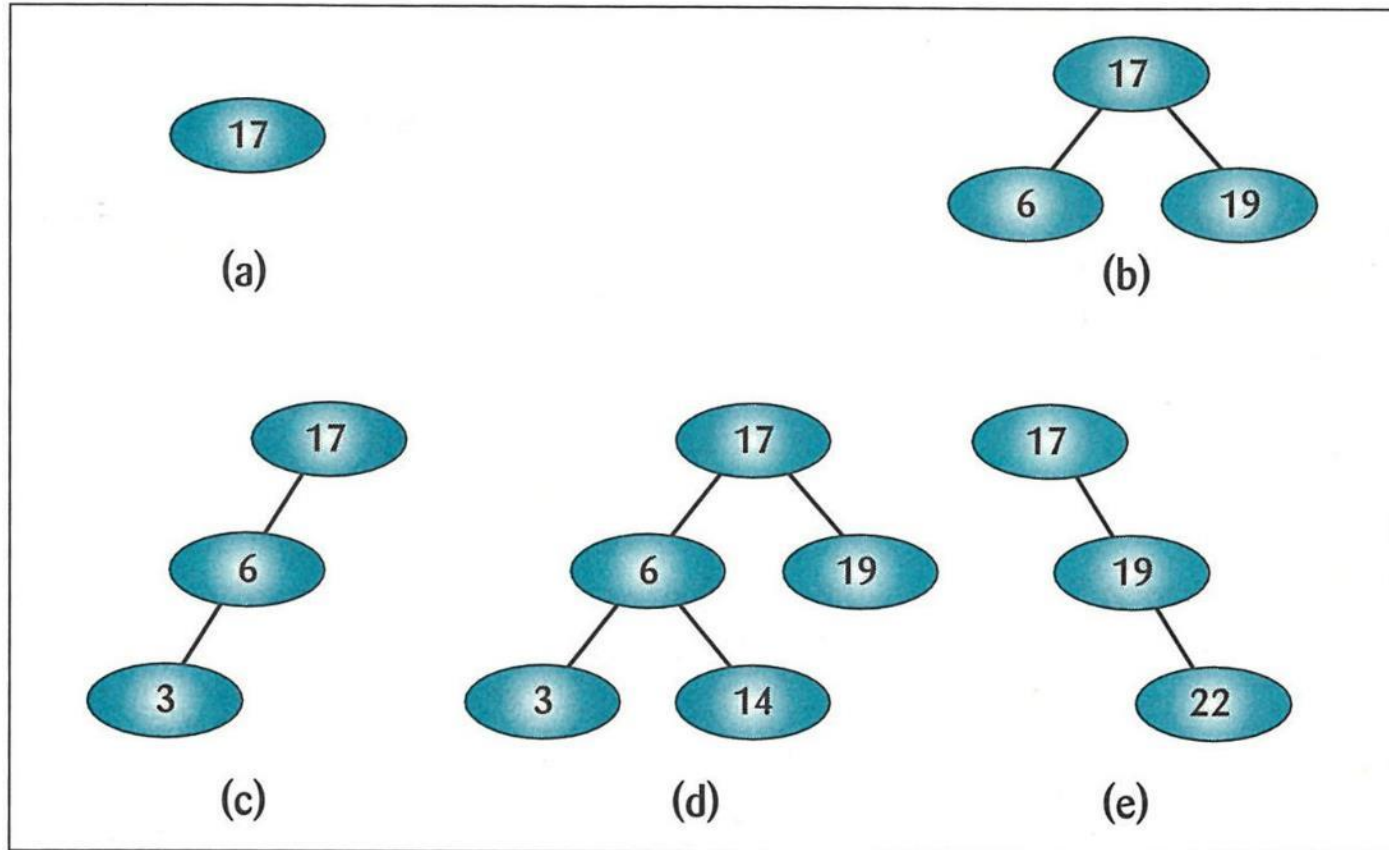
# 資料結構 – 二元搜尋樹(Binary Search Tree)

- ▶ 二元搜尋樹(Binary Search Tree, BST)是一個二元樹，並具有下列性質：
- ▶ 1.任一左子樹都比它的根來的小。
- ▶ 2.任一右子樹都大於或等於它的根。
- ▶ 3.每一個子樹亦是一個二元搜尋樹。



# 資料結構 – 二元搜尋樹(Binary Search Tree)

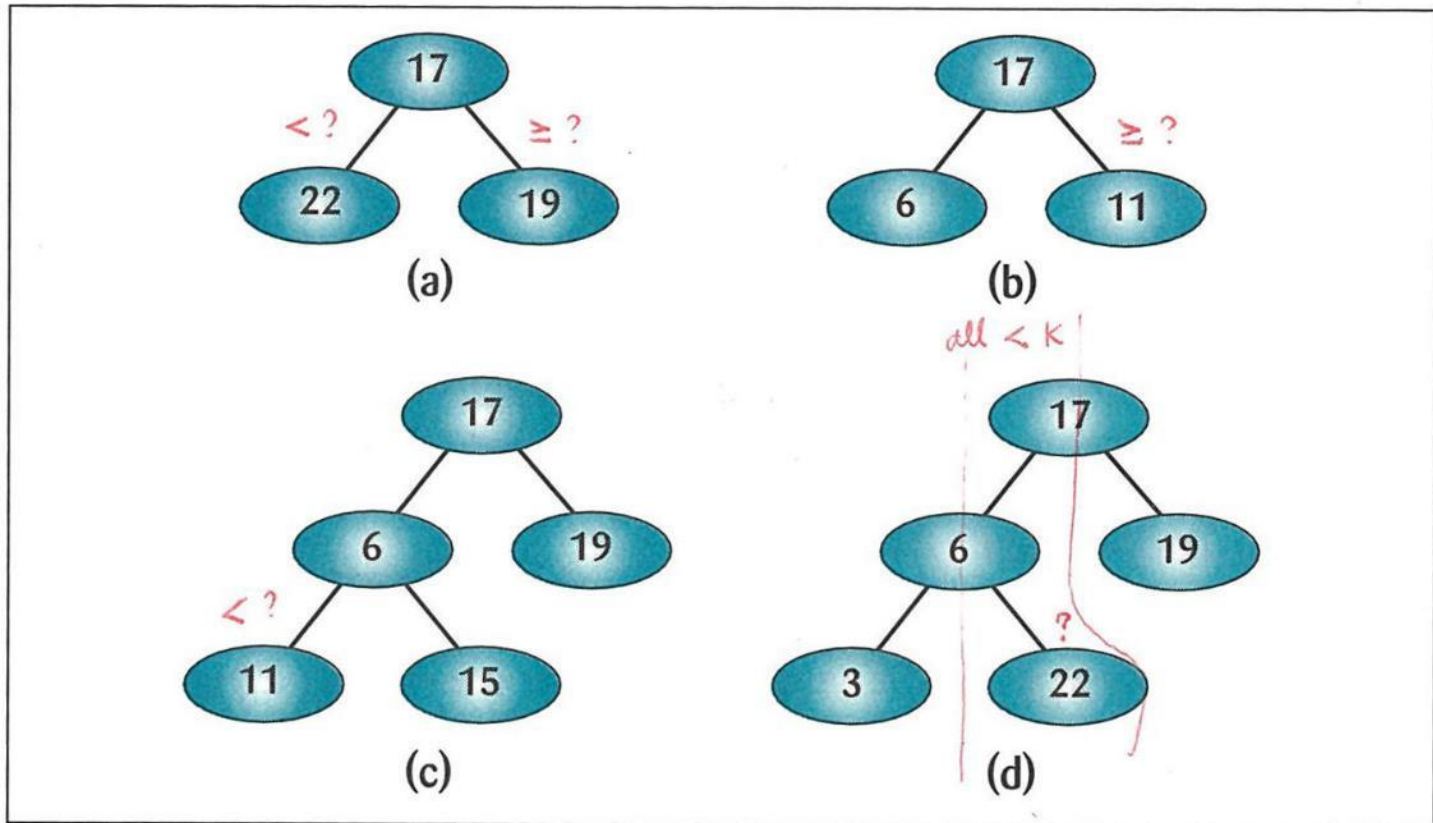
## ► 一些二元搜尋樹的例子：



Binary search trees

# 資料結構 – 二元搜尋樹(Binary Search Tree)

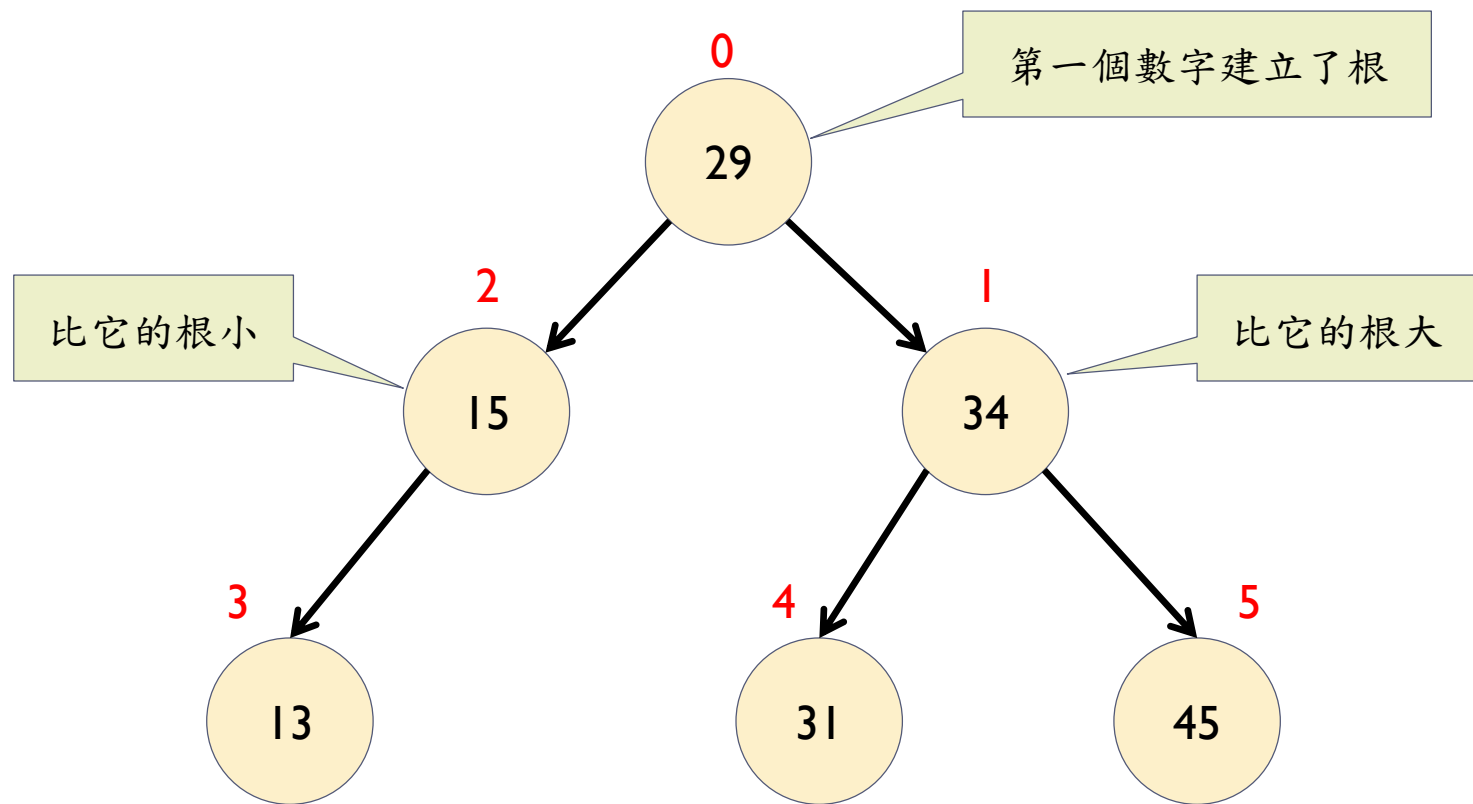
- ▶ 一些無效的二元搜尋樹的例子：



Invalid binary search trees

# 資料結構 – 二元搜尋樹(Binary Search Tree)

- ▶ 如何建立一個二元搜尋樹
- ▶ 假設輸入數字順序如下：29、34、15、13、31、45



# 資料結構 – 二元搜尋樹(Binary Search Tree)

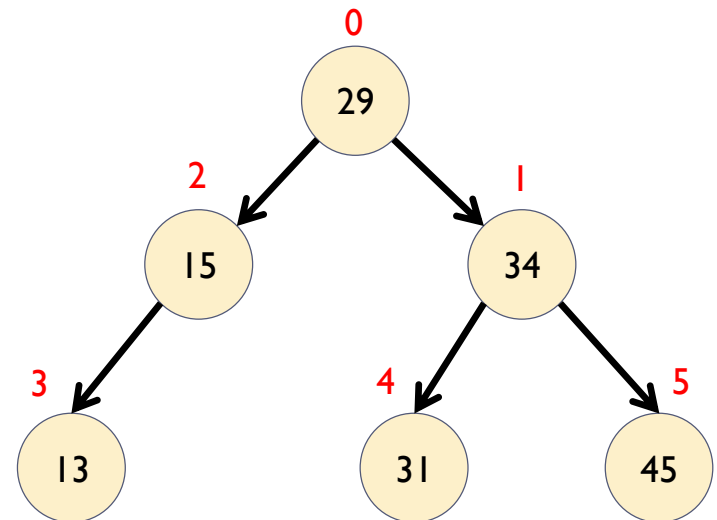
- ▶ 在這裡我們使用陣列來表示一個節點：

Node i[0] = 節點的值  
Node i[1] = 節點的編號  
Node i[2] = 節點的左子節點編號  
Node i[3] = 節點的右子節點編號

- ▶ 所以一棵樹可用一個二維陣列來表示：

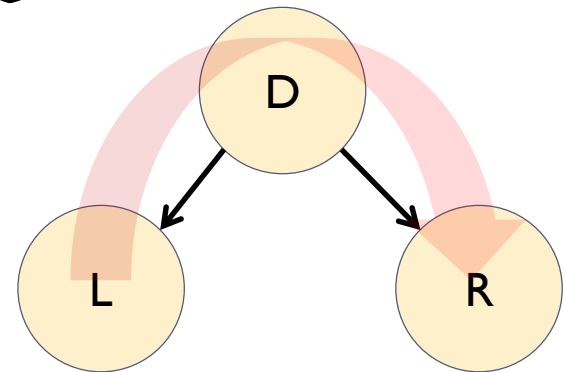
Tree[0] = [29, 0, 2, 1]  
Tree[1] = [34, 1, 4, 5]  
Tree[2] = [15, 2, 3, None]  
Tree[3] = [13, 3, None, None]  
Tree[4] = [31, 4, None, None]  
Tree[5] = [45, 5, None, None]

- ▶ None表示無子節點。



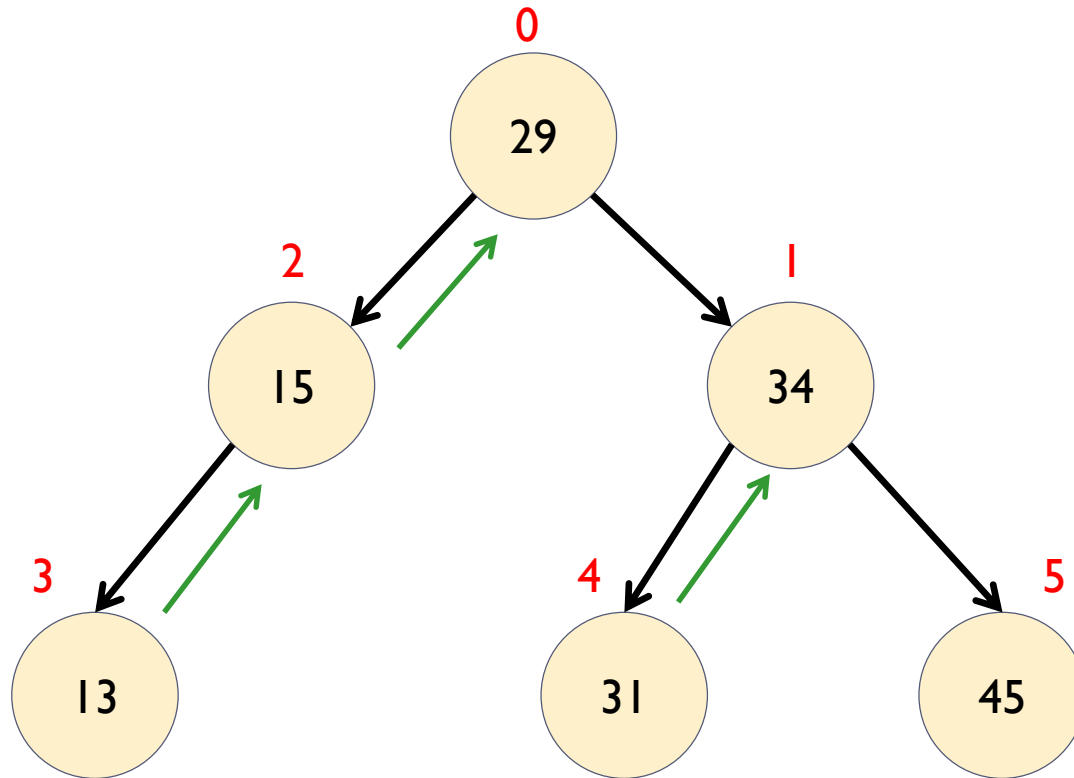
# 資料結構 – 二元搜尋樹(Binary Search Tree)

- ▶ 二元搜尋樹走訪(列出所有資料)，有三種方式：
  - ▶ DLR: 前序走訪 (Preorder Traversal)
  - ▶ **LDR: 中序走訪(Inorder Traversal)**
  - ▶ LRD: 後序走訪(Postorder Traversal)
  - ▶ (D: root, L: 左子樹, R: 右子樹)
- ▶ 以LDR為例，是先走訪左子樹(直到沒有左子樹為止)，根結點，然後右子樹。如果右子樹底下還有左子樹，擇期左子樹要優先訪，這是一個遞迴。



# 資料結構 – 二元搜尋樹(Binary Search Tree)

## ► LDR 中序走訪 (Inorder Traversal) :



輸出結果： 13 15 29 31 34 45



# 資料結構 – 二元搜尋樹(Binary Search Tree)

- ▶ 二元搜尋樹的輸入：將一個數字input\_value輸入到某一節點index。

```
def insert(index,input_value,tree):
    #若輸入的數字比此node所儲存的值還小，則針對left chile tree
    if input_value < tree[index][0]:
        #若left chile tree存在，試著在left sub-tree中找到適合的位置插入輸入的數字
        if tree[index][2] != None:
            insert(tree[index][2],input_value,tree)
        #若left chile tree不存在，將此node產生一個新的left chile node並儲存此輸入的數字
        else:
            #產生一個新的node
            newNode = [input_value,len(tree),None,None]
            #將此新的node加入tree中
            tree.append(newNode)
            #tree[index][2]記錄此新加入node的index
            tree[index][2] = len(tree) - 1
            print("加入新node:NODE["+str(len(tree)-1)+
                  "](此node為NODE["+str(tree[index][1])+"]的left child node).")
    #若輸入的數字比此node所儲存的值還大，則針對right chile tree
    elif input_value >= tree[index][0]:
        if tree[index][3] != None:
            insert(tree[index][3],input_value,tree)
        #若Right chile tree不存在，將此node產生一個新的Right chile node並儲存此輸入的數字
        else:
            #產生一個新的node
            newNode = [input_value,len(tree),None,None]
            #將此新的node加入tree中
            tree.append(newNode)
            #tree[index][3]記錄此新加入node的index
            tree[index][3] = len(tree) - 1
            print("加入新node:NODE["+str(len(tree)-1)+
                  "](此node為NODE["+str(tree[index][1])+"]的right child node).")
```

# 資料結構 – 二元搜尋樹(Binary Search Tree)

## ▶ 二元搜尋樹的搜尋：

```
def searchValueFromTree(index,input_value,tree):
    print("NODE["+str(tree[index][1])+"]所儲存的數字為"+str(tree[index][0]))
    #若比此node所儲存的數字還小，則找left sub-tree
    if input_value < tree[index][0]:
        print("尋找NODE["+str(tree[index][1])+
              "]的left child node:NODE["+str(tree[index][2])+"]")
        if tree[index][2] == None:
            print("NODE["+str(tree[index][1])+
                  "]的left child node不存在，找不到"+str(input_value)+"這個數字!")
        else:
            searchValueFromTree(tree[index][2],input_value,tree)
    #若比此node所儲存的數字還大，則找right sub-tree
    elif input_value > tree[index][0]:
        print("尋找NODE["+str(tree[index][1])+
              "]的right child node:NODE["+str(tree[index][3])+"]")
        if tree[index][3] == None:
            print("NODE["+str(tree[index][1])+
                  "]的right child node不存在，找不到"+str(input_value)+"這個數字!")
        else:
            searchValueFromTree(tree[index][3],input_value,tree)
    #此node所儲存的數字與input_value相同
    else:
        print(str(input_value)+"這個數字存在tree中(位置在NODE["+str(tree[index][1])+"])!")
```

# 資料結構 – 二元搜尋樹(Binary Search Tree)

## ▶ 二元搜尋樹的讀取資料：

```
def inorderShowTree(index,tree):  
    if tree[index][2] != None:  
        inorderShowTree(tree[index][2],tree)  
    print("NODE["+str(tree[index][1])+  
          " ]所儲存的數字為"+str(tree[index][0])+  
          ",left child node為NODE["+str(tree[index][2])+  
          " ],right child node為NODE["+str(tree[index][3])+"]")  
    if tree[index][3] != None:  
        inorderShowTree(tree[index][3],tree)
```

## ▶ 要讀出整棵樹裡面各節點的數字，我們用採中序式走訪。

# 資料結構 – 二元搜尋樹(Binary Search Tree)

## ▶ 主程式：

```
#main
T = []
while True:
    x = int(input("[Tree] 1.加入數字 2.搜尋數字 3.中序查看Tree 4.離開程式 || 請選擇功能:"))
    if x == 1:
        y = int(input("請輸入要加入的數字:"))
        if len(T) == 0:
            #root[0]代表data, root[1]代表左child的index, root[2]代表右child的index
            root = [y, len(T), None, None]
            T.append(root) #將此node加入binary tree T中
        else:
            #試著找到適合的地方, 將輸入的數字插入
            insert(0, y, T)
    elif x == 2:
        y = int(input("請輸入要搜尋的數字:"))
        print("從NODE["+str(T[0][1])+"]開始尋找...")
        searchValueFromTree(0, y, T)
    elif x == 3:
        inorderShowTree(0, T)
    elif x == 4:
        break
```

# 資料結構 - 二元

## ▶ 執行結果：

```
*Python 3.5.2 Shell*
File Edit Shell Debug Options Window Help

[Tree] 1.加入數字 2.搜尋數字 3.中序查看Tree 4.離開程式 || 請選擇功能:1
請輸入要加入的數字:16
[Tree] 1.加入數字 2.搜尋數字 3.中序查看Tree 4.離開程式 || 請選擇功能:1
請輸入要加入的數字:88
加入新node:NODE[1](此node為NODE[0]的right chile node).
[Tree] 1.加入數字 2.搜尋數字 3.中序查看Tree 4.離開程式 || 請選擇功能:1
請輸入要加入的數字:49
加入新node:NODE[2](此node為NODE[1]的left chile node).
[Tree] 1.加入數字 2.搜尋數字 3.中序查看Tree 4.離開程式 || 請選擇功能:1
請輸入要加入的數字:8
加入新node:NODE[3](此node為NODE[0]的left chile node).
[Tree] 1.加入數字 2.搜尋數字 3.中序查看Tree 4.離開程式 || 請選擇功能:1
請輸入要加入的數字:65
加入新node:NODE[4](此node為NODE[2]的right chile node).
[Tree] 1.加入數字 2.搜尋數字 3.中序查看Tree 4.離開程式 || 請選擇功能:1
請輸入要加入的數字:99
加入新node:NODE[5](此node為NODE[1]的right chile node).
[Tree] 1.加入數字 2.搜尋數字 3.中序查看Tree 4.離開程式 || 請選擇功能:1
請輸入要加入的數字:4
加入新node:NODE[6](此node為NODE[3]的left chile node).
[Tree] 1.加入數字 2.搜尋數字 3.中序查看Tree 4.離開程式 || 請選擇功能:2
請輸入要搜尋的數字:10
從NODE[0]開始尋找...
NODE[0]所儲存的數字為16
尋找NODE[0]的left child node:NODE[3]
NODE[3]所儲存的數字為8
尋找NODE[3]的right child node:NODE[None]
NODE[3]的right child node不存在, 找不到10這個數字!
[Tree] 1.加入數字 2.搜尋數字 3.中序查看Tree 4.離開程式 || 請選擇功能:2
請輸入要搜尋的數字:8
從NODE[0]開始尋找...
NODE[0]所儲存的數字為16
尋找NODE[0]的left child node:NODE[3]
NODE[3]所儲存的數字為8
8這個數字存在tree中(位置在NODE[3])!
[Tree] 1.加入數字 2.搜尋數字 3.中序查看Tree 4.離開程式 || 請選擇功能:3
NODE[6]所儲存的數字為4,left chile node為NODE[None],right chile node為NODE[None]
NODE[3]所儲存的數字為8,left chile node為NODE[6],right chile node為NODE[None]
NODE[0]所儲存的數字為16,left chile node為NODE[3],right chile node為NODE[1]
NODE[2]所儲存的數字為49,left chile node為NODE[None],right chile node為NODE[4]
NODE[4]所儲存的數字為65,left chile node為NODE[None],right chile node為NODE[None]
NODE[1]所儲存的數字為88,left chile node為NODE[2],right chile node為NODE[5]
NODE[5]所儲存的數字為99,left chile node為NODE[None],right chile node為NODE[None]
[Tree] 1.加入數字 2.搜尋數字 3.中序查看Tree 4.離開程式 || 請選擇功能:4
>>> |
```



休息一下~

---



# 正規表示式(Regular Expression)

- ▶ 這個名詞聽來有點嚴肅得嚇人，維基百科是這麼說的：
  - ▶ 正規表示式（英語：Regular Expression，常簡寫為regex、regexp或RE），又稱正規表達式、正規表示法、規則運算式、常規表示法，是電腦科學的一個概念。
  - ▶ 正規表示式使用單個字串來描述、符合一系列符合某個句法規則的字串。在很多文字編輯器裡，正則表達式通常被用來檢索、替換那些符合某個模式的文字。
- ▶ 不一定要會，但會了超省力！



# 正規表示式(Regular Expression)

---

- ▶ 當我們要比對一項資料時，例如：

```
X == 'John@abc.com.tw'
```

- ▶ 結果會是True或False，但如果我只想確定它是否是一個合法正確的Email，而不是某特定的Email呢？
- ▶ 這時就需要用正規表示式了。
- ▶ 正規表示式是用來比對「格式」，而不是某特定值。



# 正規表示式(Regular Expression)

---

- ▶ 在這裡推薦網路上這篇文章，他的說明淺顯易懂，可以去看一下。
  - ▶ <https://marco79423.net/articles/淺談-regex-及其應用>
  - ▶ (之後的說明也以這篇內容的例子為主，感謝版主~)
- ▶ 你也可以去Python官方網站看說明(英文的...)。
  - ▶ <https://docs.python.org/3/howto/regex.html>
  - ▶ <https://docs.python.org/3/library/re.html>

# 正規表示式(Regular Expression)

---

- ▶ 當你要搜尋「小雞」這個詞時，多半心裡想的是毛茸茸很可愛的「小雞」，所以當你發現找出來的結果是「小雞雞」時，心情就不會太好。但你也知道不能怪可憐的搜尋器，因為你心裡明白它是無辜的。
- ▶ 反正你就是覺得小雞很可愛，具體是「小母雞」、「小公雞」、還是「小白雞」無關緊要，只要開頭為「小」，結尾是「雞」就行了，該怎麼搜呢？有點麻煩對吧？
- ▶ 或者你知道想搜尋的句子大致是「小雞 XX 公克重」這類的句子。但問題在於這個 XX 偏偏就不知道，或多少都可以，該怎麼搜尋呢？

# 正規表示式(Regular Expression)

---

- ▶ 這時正規表示式(簡稱regex)就派上用場了。
- ▶ regex 用法規則不少，它大致區分為四種類別，分別是「選擇」、「次數」、「錨點」和「截取」類。
- ▶ 利用regex的這些規則組合出一個符合搜尋目標的字串，就可以輕易地找出我們想要的字串。

# 正規表示式(Regular Expression) - 選擇

- ▶ 如果我想搜尋「小白雞」或「小小雞」：

小白雞 | 小小雞

- ▶ 「|」代表「或」的意思，表示由「|」區隔出來的字串都可以接受，在這個例子中，無論是「小白雞」還是「小小雞」都可抓得到。
- ▶ 我們也可以加上小括號可以限制「或」的範圍，達成同樣的效果：

小(白 | 小)雞

# 正規表示式(Regular Expression) - 選擇

- ▶ 如果還要再加上「小母雞」：

小白雞 | 小小雞 | 小母雞

- ▶ 或

小(白 | 小 | 母)雞

- ▶ 可是如果越來越多，就會有一堆「|」符號，其中(白 | 小 | 母)可以用中括號的語法簡化：

小[白小母]雞

# 正規表示式(Regular Expression) - 選擇

- ▶ 可是如果甚麼雞都可以，反正不要是「小雞雞」就行了，那就可以寫成：

小<sup>^</sup>雞雞

- ▶ 在中括號內的開頭加上「^」代表反向選擇，只要不是括號內的字都可以接受。

- ▶ 表示某個範圍，使用「-」：

[a-zA-Z0-9] 或 [\w]

- ▶ a-z 代表 a 到 z，A-Z 代表 A 到 Z 而 0-9 代表 0 到 9，這個 regex 代表「所有英文字母和數字」都可以接受。

## 正規表示式(Regular Expression) - 選擇

- ▶ 對於常用的一些組合，regex也事先定義了一些表示法：

regex 語法	意義
\d	數字(digit)，如 0 到 9
\D	非數字
\w	文字(word)
\W	非文字
\s	廣義的空白符號(whitespace)，如空白、tab 等
\S	非空白

## 正規表示式(Regular Expression) - 次數

---

- ▶ 有時不只出現搜尋的文字不確定，就連出現的次數也不能肯定。regex 也提供了一些特殊符號來處理這種次數未定的情況。
- ▶ 好比說假設我們一開始就知道是小「白」雞，但卻發現「白」有機會不只出現一次，有可能是「小白雞」、「小白白雞」、「小白白白雞」、「小白白白白雞」.....。
- ▶ 這時就可以用「次數」類型的規則處理這個問題



# 正規表示式(Regular Expression) - 次數

---

- ▶ 「<sup>\*</sup>」，任意次數(  $0 \sim \infty$  次)：

小白<sup>\*</sup>雞

- ▶ 可以同時代表「小雞」(沒有白)、「小白雞」、「小白白雞」、「小白白白雞」.....。

- ▶ 「<sup>+</sup>」，1次以上(  $1 \sim \infty$  次)：

小白<sup>+</sup>雞

- ▶ 所以只能是「小白雞」、「小白白雞」、「小白白白雞」、「小白白白白雞」.....。

# 正規表示式(Regular Expression) - 次數

- ▶ 我們也可以直接指定可以出現的次數範圍：

小白{1,3}雞

- ▶ {} 大括號代表可以出現的次數範圍，這個例子即代表「白」可以出現 1 次到 3 次，所以只會有「小白雞」、「小白白雞」、「小白白白雞」三種情況。



# 正規表示式(Regular Expression) - 次數

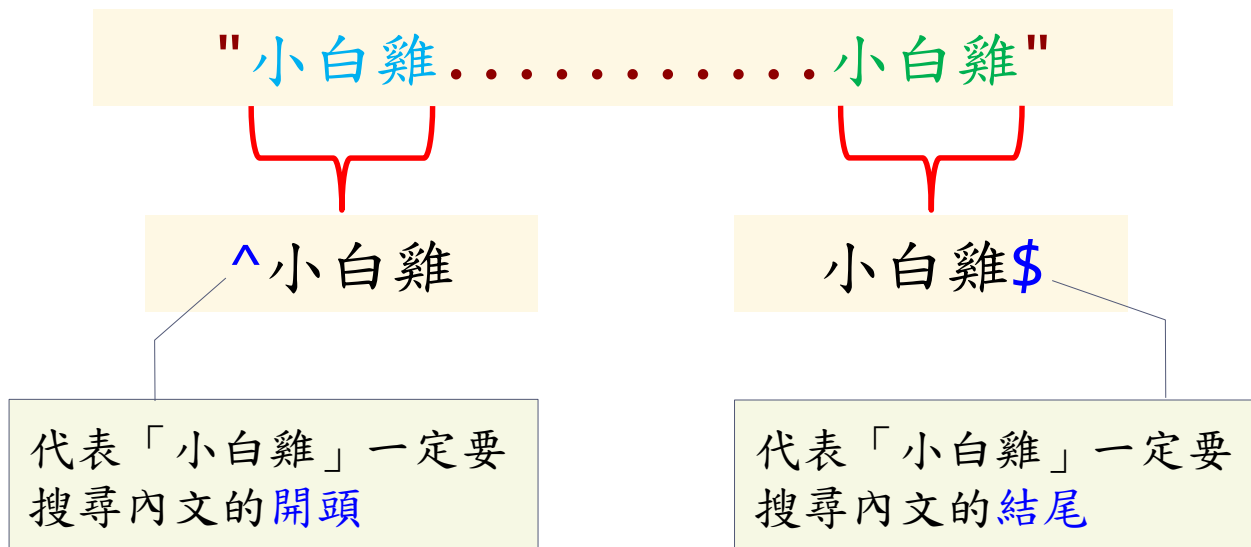
▶ 類似的規則可以見下表：

regex 語法	意義
*	任意次數(包含 0 次)
+	任意次數(不包含 0 次)
?	0 次或 1 次
{n}	n 次
{n, m}	n 次到 m 次
{n,}	n 次以上

# 正規表示式(Regular Expression) - 錨點

- ▶ 有時我們對搜尋的字串出現的位置也有意見，這種類型的語法比較少，比較有機會用到的就那幾個。
- ▶ 其中「**^**」代表開頭，「**\$**」代表結尾。

▶ 例如：



## 正規表示式(Regular Expression) - 錨點

---

- ▶ 另外還有比較常用的是「**\b**」和「**\B**」，前者代表「邊界」，後者代表「非邊界」。

- ▶ 例如：

`chick\b`

- ▶ 在這個例子中，「chicken」就不符合要求，因為「k」並非單字的邊界。但反過來如果是：

`chick\B`

- ▶ 那麼「chicken」就可以接受，但「chick」就不能過。

- ▶ (中文字不太適用此規則)

# 正規表示式(Regular Expression) - 截取

- ▶ 小括號除了可以改變規則影響的範圍：
  - ▶ 像是下例 regex 對應的字串並非是「小雞雞」，而是「小雞小雞」：  
`(小雞){2}`
- ▶ 括號裡的內容本身也能直接當成結果輸出：  
`小雞 (\d+) 公克重`
- ▶ 我們可以用這個 regex 搜尋文章中是否有對應的字串外，也可以直接截取括號裡的內容。如果符合的字串為「小雞 30 公克重」，我們可以直接取得「30」這個數字。
- ▶ 小括號也不限於只能用一次：  
`小雞 (\d+) 公克重， (\d+) 公分長`
- ▶ 這樣我們就能同時取得體重和身高了。

# 正規表示式(Regular Expression) - 截取

- ▶ 有時我們會碰到需要考慮「前後文」的字串。

`<p>小雞</p>`

- ▶ 假設有一種情況，需要知道「小雞」屬於什麼標籤的內文，該怎麼辦呢？不能單純用角括號「<」和「>」來判斷，因為裡頭其實也可以包含其他的標籤，好比：

`<p>這是一隻<strong>3000</strong>公克重的小雞</p>`

- ▶ 幸好，用小括號截取出來的字串，也可以當成規則的一部分。我們可以用小括號配合 \1 解決。

`<(\w+)>.*小雞.*</\1>`

- ▶ \1 代表第一個小括號截取出來的內容，在這個例子中就代表「p」。以此類推，如果有第二個括號，那麼就是 \2，第三、四個則是 \3 和 \4。

# 正規表示式(Regular Expression)

- ▶ 原則上，regex 比較常用的規則大約都不會超出這些，看起來好像很簡單，但事實上有不少人，可能一聽到 regex，心裡就會抽蓄，不能自己。
- ▶ 不過這也不能怪他們，舉個例子，下面是 Google 到驗證 Email 格式的 regex：

```
((([\\t ]*\\r\\n)?[\\t ]+)?[-!#-'*+/-9=?A-Z^_~]+(\\.[-!#-'*+/-9=?A-Z^_~]+)*((([\\t ]*\\r\\n)?[\\t ]+)?|((([\\t ]*\\r\\n)?[\\t ]+)?"((([\\t ]*\\r\\n)?[\\t ]+)?([\\]!#-[^~]|(\\\[\\t -~])))+((([\\t ]*\\r\\n)?[\\t ]+)?|((([\\t ]*\\r\\n)?[\\t ]+)?)"((([\\t ]*\\r\\n)?[\\t ]+)?@((([\\t ]*\\r\\n)?[\\t ]+)?[-!#-'*+/-9=?A-Z^_~]+(\\.[-!#-'*+/-9=?A-Z^_~]+)*((([\\t ]*\\r\\n)?[\\t ]+)?|((([\\t ]*\\r\\n)?[\\t ]+)?\\[((([\\t ]*\\r\\n)?[\\t ]+)?[!-Z^_~]))*([\\t ]*\\r\\n)?[\\t ]+)?))
```

- ▶ 看到這個噁心的語法，誰都會想叫媽媽。



# 正規表示式(Regular Expression)

## ► 常用的符號及規則列表：

下表為中介字元的說明

中介字元	說明
.	除了新行符號外的任何字元，例如 '.' 配對除了 '\n' 之外的任何字元。
^	字串開頭的字串或排除指定字元或群組，例如 'a[^b]c' 配對除了 'abc' 之外的任何 a 開頭 c 結尾的三字元組合。
\$	字串結尾的字串，例如 'abc\$' 配對以 'abc' 結尾的字串。
*	單一字元或群組出現任意次數，例如 'ab*' 配對 'a' 、 'ab' 或 'abb' 等等。
+	單一字元或群組出現至少一次，例如 'ab+' 配對 'ab' 或 'abb' 等等。
?	單一字元或群組 0 或 1 次，例如 'ab?' 配對 'a' 或 'ab' 。
{m,n}	單一字元或群組的 m 到 n 倍數，例如 'a{6}' 為連續六個 'a' ， 'a{3,6}' 為三到六個 'a' 。
[]	對中括弧內的字元形成集合，例如 '[a-z]' 為所有英文小寫字母。
\	特別序列的起始字元。
	單一字元或群組的或，例如 'a b' 為 'a' 或 'b' 。
()	對小括弧內的字元形成群組。

# 正規表示式(Regular Expression)

## ► 常用的符號及規則列表：

以下為特別序列的說明

特別序列	說明
<code>\number</code>	群組的序數
<code>\A</code>	字串的開頭字元。
<code>\b</code>	作為單字的界線字元，例如 <code>r'\bfoo\b'</code> 配對 <code>'foo'</code> 或 <code>'bar foo baz'</code> 。
<code>\B</code>	作為字元的界線字元，例如 <code>r'py\B'</code> 配對 <code>'python'</code> 或 <code>'py3'</code> 。
<code>\d</code>	數字，從 0 到 9。
<code>\D</code>	非數字。
<code>\s</code>	各種空白符號，包括新行符號 <code>\n</code> 。
<code>\S</code>	非空白符號。
<code>\w</code>	任意文字字元，包括數字。
<code>\W</code>	非文字字元，包括空白符號。
<code>\Z</code>	字串的結尾字元。

# 休息一下~

---



# Python 的 re 模組

---

- ▶ 並不是所有程式語言都支援正規表示式。
- ▶ 在 Python 中，要使用 regex 並不難，已經內建在標準庫裡頭了，只要引入「re」模組即可。

```
import re
```

- ▶ 其中最常用的函式，大概就是 re.search 函式了。

(全部給我閃開，我知道怎麼用正規表示式！)





# Python 的 re 模組

## ► Python 中「re」模組常用函式：

re 中有很多函數，以下列舉一些常用的函數

函數	說明
<code>compile(pattern)</code>	以配對形式字串 <code>pattern</code> 當參數，回傳 <code>re.compile()</code> 物件。
<code>search(pattern, string, flags=0)</code>	從 <code>string</code> 中找尋第一個配對形式字串 <code>pattern</code> ，找到回傳配對物件，沒有找到回傳 <code>None</code> 。
<code>match(pattern, string, flags=0)</code>	判斷配對形式字串 <code>pattern</code> 是否與 <code>string</code> 的開頭相符，如果相符就回傳配對物件，不相符就回傳 <code>None</code> 。
<code>fullmatch(pattern, string, flags=0)</code>	判斷 <code>string</code> 是否與配對形式字串 <code>pattern</code> 完全相符，如果完全相符就回傳配對物件，不完全相符就回傳 <code>None</code> 。
<code>split(pattern, string, maxsplit=0, flags=0)</code>	將 <code>string</code> 以配對形式字串 <code>pattern</code> 拆解，結果回傳拆解後的串列。
<code>findall(pattern, string, flags=0)</code>	從 <code>string</code> 中找到所有的 <code>pattern</code> ，結果回傳所有 <code>pattern</code> 的串列。

# Python 的 re 模組

## ► Python 中「re」模組常用函式：

re 中有很多函數，以下列舉一些常用的函數

函數	說明
<code>finditer(pattern, string, flags=0)</code>	從 <code>string</code> 中找到所有的 <code>pattern</code> ，結果回傳所有 <code>pattern</code> 的迭代器。
<code>sub(pattern, repl, string, count=0, flags=0)</code>	依據 <code>pattern</code> 及 <code>repl</code> 對 <code>string</code> 進行處理，結果回傳處理過的新字串。
<code>subn(pattern, repl, string, count=0, flags=0)</code>	依據 <code>pattern</code> 及 <code>repl</code> 對 <code>string</code> 進行處理，結果回傳處理過的序對。
<code>escape(pattern)</code>	將 <code>pattern</code> 中的特殊字元加入反斜線，結果回傳新字串。
<code>purge()</code>	清除正規運算式的內部緩存。

# Python 的 re 模組

## ▶ 還是小雞的範例：

```
import re

text = "..... 小雞 30 公克重 ....." #要搜尋的內文
#第一個參數代表pattern，後者代表要搜尋的內文
match_object = re.search(r"小雞 (\d+) 公克重", text)
# 如果有抓到，就會回傳一個 Match Object，
# 若無則回傳 None
if match_object :
    # group 函式會回傳截取的内容，
    # 0 代表自己， 1 代表第一個截取的内容，依此類推
    print(match_object.group(0))
    #執行結果： '小雞 30 公克重'
    print(match_object.group(1))
    #執行結果： 30
```

# Python 的 re 模組

- ▶ 要同時找多個符合的結果，則可以使用 re.findall 函式：

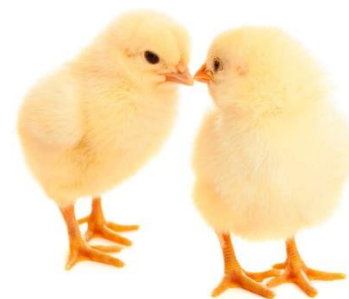
```
import re
```

```
text = "小雞 白雞 黃雞 綠雞"
```

```
List = re.findall(r".雞", text)
```

```
print(List)
```

```
#執行結果： ['小雞', '白雞', '黃雞', '綠雞']
```





# Python 的 re 模組

- ▶ 抓取特定格式的字串，大概就是最常見的應用情景，通常會順帶截取字串裡的關鍵資訊。

```
import re

text = "..... 小雞 300 公克重 ....."
match_object = re.search(r"小雞 (\d+) 公克重", text)

if match_object and int(match_object.group(1)) > 100:
    print("好肥的小雞.....開始減肥！")
```

- ▶ 在這個例子中，小雞的體重就成功的被抓出來，之後的減肥計劃就可以順利展開了。

# Python 的 re 模組

---

- ▶ 要注意 regex 是一行一行找的，所以對於換行的處理，有幾個比較奇怪的地方，舉個例子：

```
import re
text = """
雞腿
雞心
雞肝
"""

L = re.search("雞.*", text)
print(L.group(0))  # '雞腿'
```

- ▶ 只搜尋一行就停止了。

# Python 的 re 模組

- ▶ 雖然前面有說過「.» 代表任意字元，但其實**不包含換行**，當碰到第一個換行時，就會停止抓取，所以最後只抓到「雞腿」就停止了。如果要讓「.» 也能代表換行字元，就要加上「DOTALL」這個 flag 才行。

```
import re
text = """
雞腿
雞心
雞肝
"""

L = re.search("雞.*", text, re.DOTALL)
print(L.group(0))    #執行結果： '雞腿'
                     #           '雞心'
                     #           '雞肝'
```

# Python 的 re 模組

- ▶ 「**^**」和「**\$**」的情況比較像反過來，前面說過兩者分別代表文章的「開頭」和「結尾」，但有時我們可能會希望這個「開頭」或「結尾」代表的是「行」的開頭和結尾，這時可以加上「**MULTILINE**」這個 flag。

```
import re
text = """
雞腿
雞心
雞肝
"""

print(re.findall("^雞.*", text))
#執行結果： []
print(re.findall("^雞.*", text, re.MULTILINE))
#執行結果： ['雞腿', '雞心', '雞肝']
```

休息一下~

---



# 物件導向程式設計(OOP)

---

- ▶ 物件導向程式設計(Object Oriented Programming, OOP)，是一種程式設計方法或程式開發方式。
- ▶ 早期的程式設計觀念都是「程序導向」的，就是一行一行依序執行，加上函式呼叫來完成。
- ▶ 但程式越來越複雜，電腦是要模擬真實世界，解決真實世界的問題的，所以我們將程式編寫成一個個的「物件」，並寫出它們之間的關係與動作，來完成程式。

# 物件導向程式設計(OOP)

---

## ▶ 類別(Class)：

- ▶ 一種抽象概念，類別算是一個藍圖、一個範本、一個可參考的文件，他沒有實體 (Instance) 的概念，例如一個建築物的藍圖，可依這個藍圖蓋出很多房子的實體。

## ▶ 物件(Object)：

- ▶ 依照類別產生出來的實體稱為物件，在程式中是真實可以存取應用的元件。一個類別可以產生很多物件，這些物件都是各自獨立的。例如依照同一個藍圖(Class)蓋出來的一堆房子(Object)。

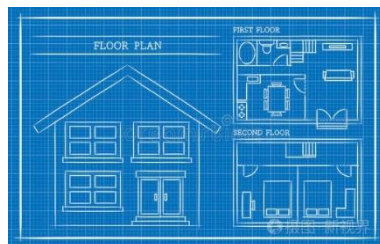
## ▶ 屬性(Attributes)：

- ▶ 每一個物件都有自己的屬性，以房子來說有高度、坪數等。同一類別的物件會有相同的屬性，但它們的「值」可能會不同。

# 物件導向程式設計(OOP)

## ▶ 例一：

類別(Class)  
是一個概念，沒  
有房子的實體



物件(Object)  
即類別的實例  
(Instance)



屬性(Attributes)  
有相同的屬性名稱，  
但值不同

名稱	值
顏色	棕
地址	AAA...
主人	張三

名稱	值
顏色	藍
地址	BBB...
主人	李四

名稱	值
顏色	綠
地址	CCC...
主人	王二



# 物件導向程式設計(OOP)

## ▶ 例二：

人類(Class)

是一個概念，沒有指涉任何人。  
屬性：姓名、身高、體重



這是另一類...



女人(Class)

還是一個概念，  
沒有指涉任何人。  
子類別屬性：三圍



父類別(superclass)

繼承

子類別(subclass)

男人(Class)

還是一個概念，  
沒有指涉任何人。  
子類別屬性：婚姻



物件(Object)

實際存在的實體



屬性

繼承父類別的  
屬性加上子類別  
的屬性。

名稱	值
姓名	林志玲
身高	174
體重	50
三圍	A, A, A

名稱	值
姓名	周子虞
身高	172
體重	46
三圍	B, B, B

名稱	值
姓名	劉的華
身高	176
體重	70
婚姻	已婚

名稱	值
姓名	周星星
身高	170
體重	72
婚姻	未婚

# 物件導向程式設計(OOP)

---

## ▶ 繼承(Inheritance)：

- ▶ 繼承的概念是如果一個類別B「繼承自」另一個類別A，就把這個B稱為「A的子類別」，而把A稱為「B的父類別」。繼承可以使得子類別具有父類別的各種屬性和方法，而不需要再次編寫相同的代碼。在子類別繼承父類別的同時，可以重新定義某些屬性，並重寫某些方法，即覆蓋父類別的原有屬性和方法，使其獲得與父類別不同的功能。另外，為子類別追加新的屬性和方法也是常見的做法。

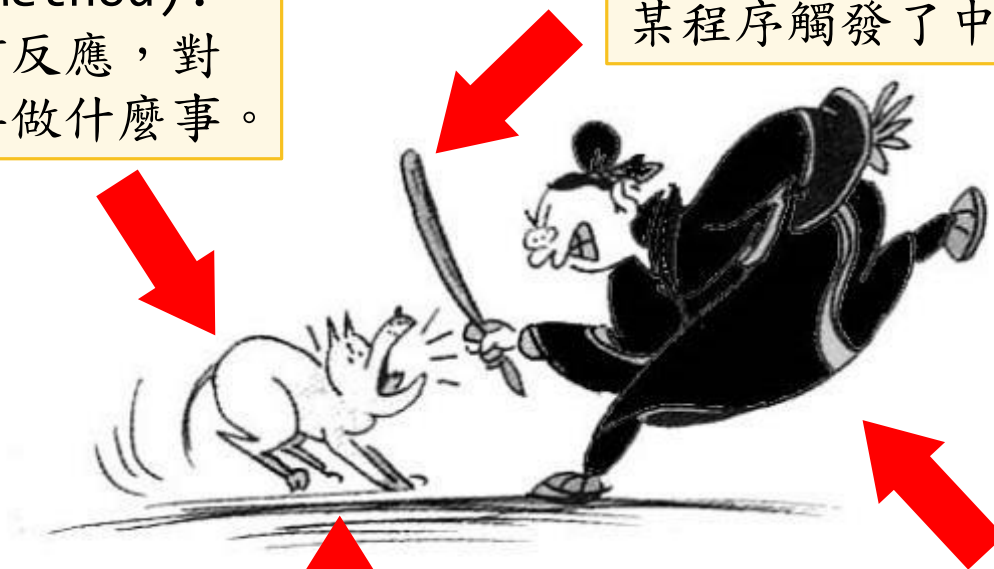
## ▶ 屬性與方法：

- ▶ 屬性其實就是物件內的資料成員(data member)，是用來存放資料的變數。
- ▶ 方法(Method)是物件裡的函式，用來執行某些動作。

# 事件(Event)和方法(Method)

**方法(Method):**  
物件如何反應，對該事件要做什麼事。

**事件(Event):**  
例如按了滑鼠左鍵或右鍵、某程序觸發了中斷等。



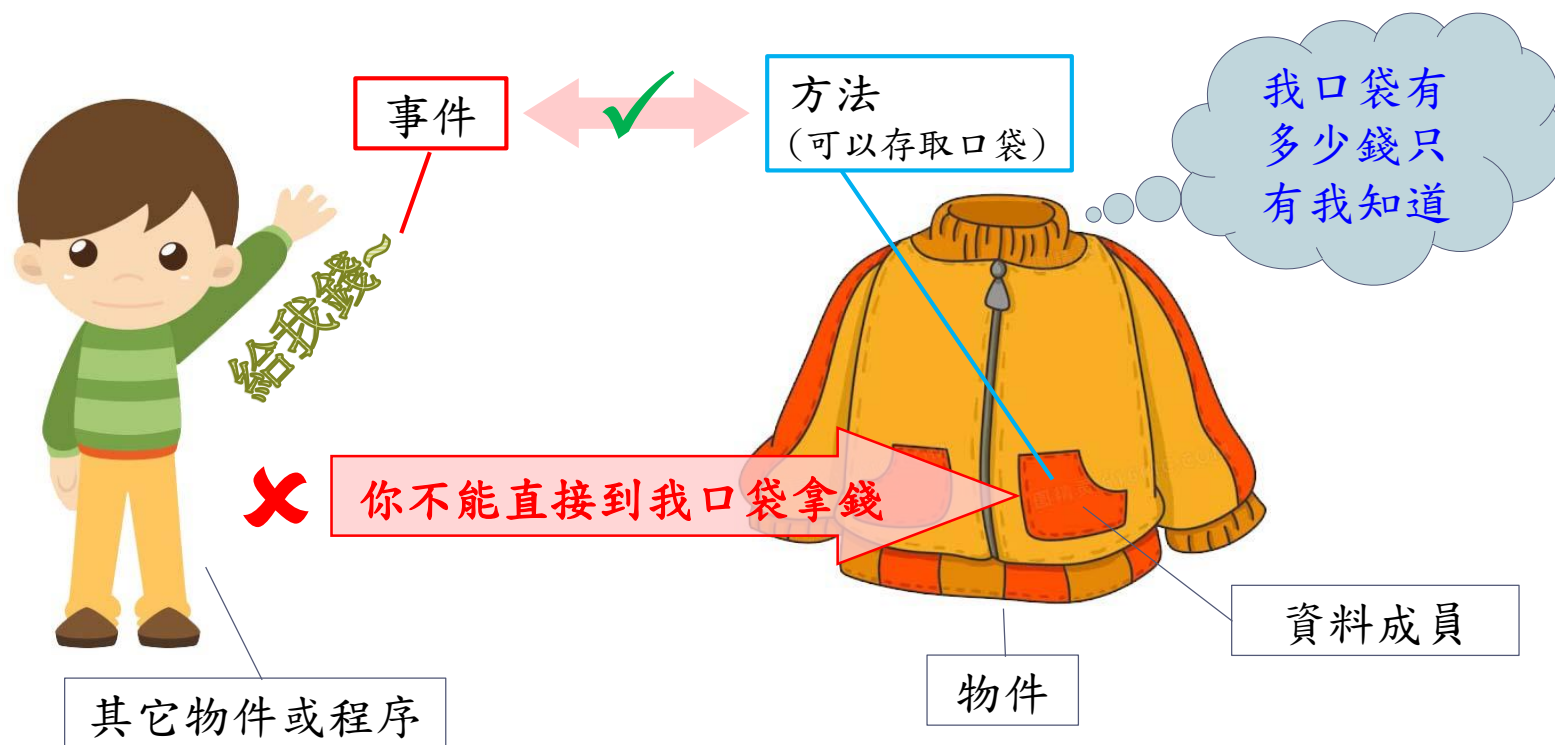
**物件(Object):**  
程式裡的某個東西，例如表單或按鈕...等。

**外部物件:**  
鍵盤、滑鼠...等，任何能發出信號的東西。

# 物件導向程式設計(OOP)

## ▶ 封裝(Encapsulation)：

- ▶ 將資料放在物件裡面，只能透過定義好的方法存取，這樣可以保障資料的安全不會被亂改到。



# 物件導向程式設計(OOP)

- ▶ **多型(Polymorphism)：**
  - ▶ 簡單的說就是不同型別的物件有**同樣名稱的方法**，呼叫同名的方法時，會得到不同的結果。



貓貓. 叫一聲()  
#得到"喵喵~"

狗狗. 叫一聲()  
#得到"汪汪~"

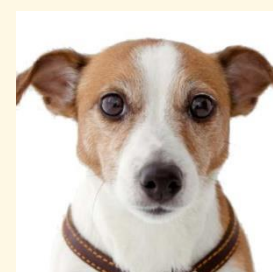


```
class 動物:  
    def 叫一聲():  
        (抽象方法，  
         留給繼承的  
         類別去定義)
```

繼承



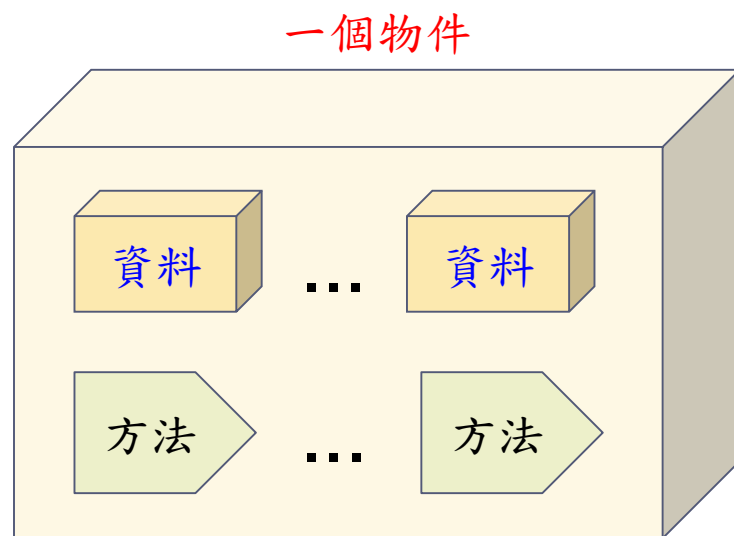
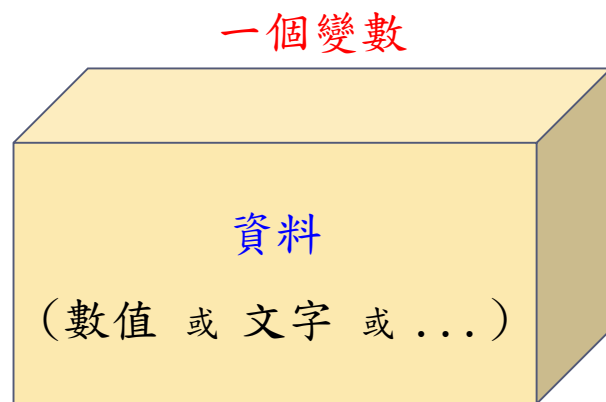
```
class 貓貓(動物):  
    def 叫一聲():  
        "喵喵~"
```



```
class 狗狗(動物):  
    def 叫一聲():  
        "汪汪~"
```

# 物件導向程式設計(OOP)

- ▶ 總之，使用物件導向程式的目的是簡化程式，重複利用程式碼，減少程式開發時間。
- ▶ 你也可以把物件想像成是比較複雜的資料型態，還包含了某些功能(方法)在一起。



# 物件導向程式設計(OOP)

---

## ▶ Python定義類別語法：

```
class 類別名稱：  
    #定義初始化內容  
    #定義方法
```

或

```
class 類別名稱(父類別)：  
    #定義初始化內容  
    #定義方法
```

## ▶ 例如：

```
class Animal：  
    ...敘述...  
#類別名稱通常會用大寫開頭
```

```
class Cat(Animal):  
    ...敘述...  
#繼承自Animal類別，  
#Python是允許多重繼承的
```

# 物件導向程式設計(OOP)

- ▶ 例如定義一個Person類別：
  - ▶ 有name和age兩個資料成員。
  - ▶ 一個setData()方法用來設定資料成員內容。
  - ▶ 一個showData()方法來顯示資料成員內容。

```
class Person:
    def setData(self, name, age):
        self.name = name
        self.age = age
    def showData(self):
        print('姓名:', self.name, '年齡:', self.age)
```

方法 {

資料成員 {



# 物件導向程式設計(OOP)

## ▶ 例：

```
class Person:      #宣告一個Person類別
    def setData(self, name, age):
        self.name = name
        self.age = age
    def showData(self):
        print('姓名:', self.name, '年齡:', self.age)
```

```
boy1 = Person()    #建立一個Person類別的物件叫boy1
```

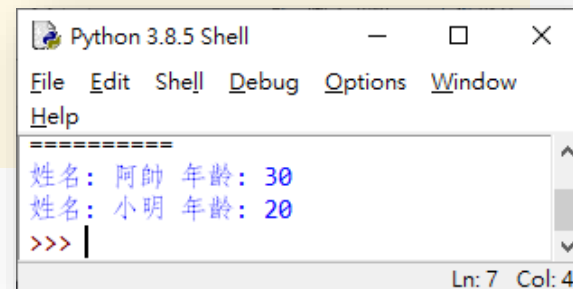
```
boy2 = Person()    #建立一個Person類別的物件叫boy2
```

```
boy1.setData('阿帥', '30')    #執行setData()方法
```

```
boy2.setData('小明', '20')
```

```
boy1.showData()    #執行showData()方法
```

```
boy2.showData()
```



# 物件導向程式設計(OOP)

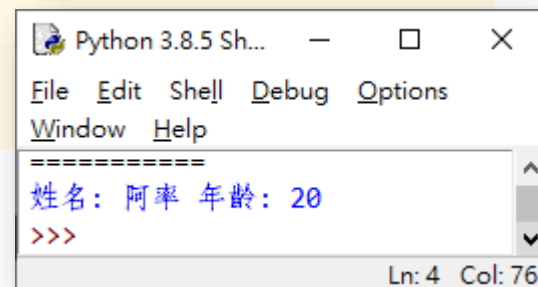
- ▶ 可是這樣的成員宣告方式還是可以從外部直接存取，沒有達到封裝的效果：

```
class Person:      #宣告一個Person類別
    def setData(self, name, age):
        self.name = name
        self.age = age
    def showData(self):
        print('姓名:', self.name, '年齡:', self.age)
```

```
boy1 = Person()    #建立一個Person類別的物件叫boy1
```

```
boy1.name = '阿率' #直接存取物件的資料成員而不經過setData()
boy1.age = '20'
```

```
boy1.showData()    #執行showData()方法
```



# 物件導向程式設計(OOP)

- ▶ 將資料成員或方法封裝起來，只能由物件內部定義的方法存取，物件外部無法存取。
- ▶ 只要在名稱前面加上兩個底線 \_\_ 即可，但名稱的後方不可以有底線。
- ▶ 例如：

範 例	屬 性	說 明
name	公開的	未特別指定，為公開的屬性
<u>name</u>	私有的	正確的設為私有屬性
<u>name</u>	公開的	後面加了底線，所以不是私有屬性

# 物件導向程式設計(OOP)

- ▶ 將資料成員name與age改成私有屬性，外部不可存取，一定要透過setData()方法才行：

```
class Person:      #宣告一個Person類別
    def setData(self, name, age):
        self.__name = name
        self.__age = age    } 將name與age設成私有屬性
    def showData(self):
        print('姓名:', self.__name, '年齡:', self.__age)
```

```
boy1 = Person()      #建立一個Person類別的物件叫boy1
```

```
boy1.__name = '阿帥'  #這樣存取私有屬性的資料成員
boy1.__age = '20'     #是不會有反應的
```



```
boy1.showData()      #執行showData()方法會有錯誤訊息，因為
                     # __name與__age沒有值
```

# 物件導向程式設計(OOP)

- ▶ 這才是正確的，透過setData()方法設定資料成員：

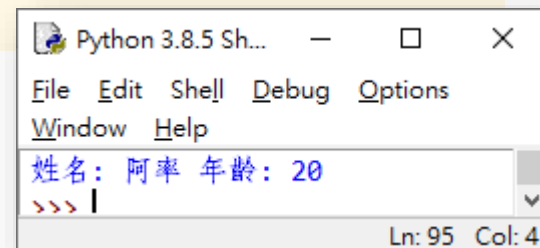
```
class Person:      #宣告一個Person類別
    def setData(self, name, age):
        self.__name = name
        self.__age = age    } 將name與age設成私有屬性
    def showData(self):
        print('姓名:', self.__name, '年齡:', self.__age)
```

```
boy1 = Person()      #建立一個Person類別的物件叫boy1
```

```
boy1.setData('阿率', '20')    #正確的作法
```



```
boy1.showData()      #執行showData()方法
```



# 物件導向程式設計(OOP)

- ▶ 因為資料成員若無初值就直接叫用會發生錯誤，我們可以在建立物件時就直接給予一個初值。
- ▶ 可以在定義類別時加入**建構子(Constructor)**，讓物件生成時就先自動執行這一個方法來初始化物件。
- ▶ 透過**`__init__()`**方法來為物件設定初值，物件生成時一定會先執行這個方法。

```
class 類別名稱:
    def __init__(self, ... , ...):    #建構子
        #物件初始化時要做的事
        :
        :
    def 其他方法(self, ... , ...):
        :
```

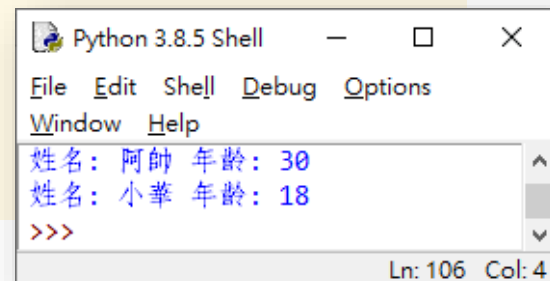
# 物件導向程式設計(OOP)

## ▶ 有\_\_init\_\_()的範例：

```
class Person:      #宣告一個Person類別
    def __init__(self, name='阿帥', age='30'):  #建構子
        self.__name = name
        self.__age = age
    def setData(self, name, age):
        self.__name = name
        self.__age = age
    def showData(self):
        print('姓名:', self.__name, '年齡:', self.__age)
```

當物件被建立時若沒有給予參數，此預設值就會執行

```
boy1 = Person()      #建立一個Person類別的物件叫boy1
boy1.showData()      #會顯示預設值
boy1.setData('小華', '18') #自行設定__name
                        #與__age的值
boy1.showData()      #會顯示剛才設定的值
```



```
Python 3.8.5 Shell
File Edit Shell Debug Options
Window Help
姓名: 阿帥 年齡: 30
姓名: 小華 年齡: 18
>>>
```

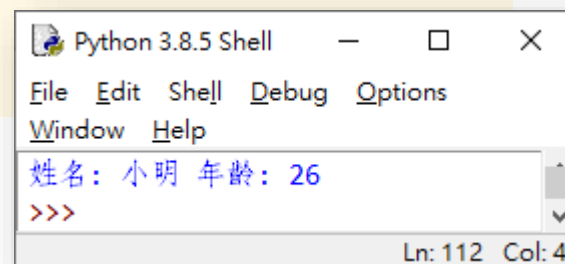
Ln: 106 Col: 4

# 物件導向程式設計(OOP)

- ▶ 若有\_\_init\_\_(), 也可以在建立物件時就給予初值：

```
class Person:      #宣告一個Person類別
    def __init__(self, name='阿帥', age='30'):  #建構子
        self.__name = name
        self.__age = age
    def setData(self, name, age):
        self.__name = name
        self.__age = age
    def showData(self):
        print('姓名:', self.__name, '年齡:', self.__age)
```

```
#建立一個Person類別的物件叫boy1，並給予初值
boy1 = Person('小明', '26')
boy1.showData()
```





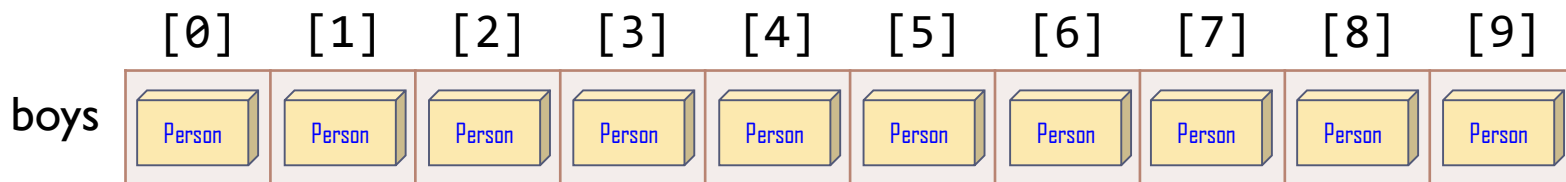
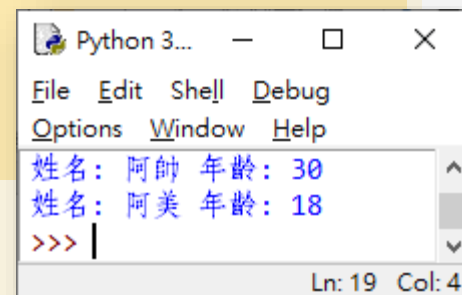
# 物件導向程式設計(OOP)

- ▶ 物件也可以輕易的用在清單(List)上。

```
class Person:      #宣告一個Person類別
:
    (同前，略)
:
```

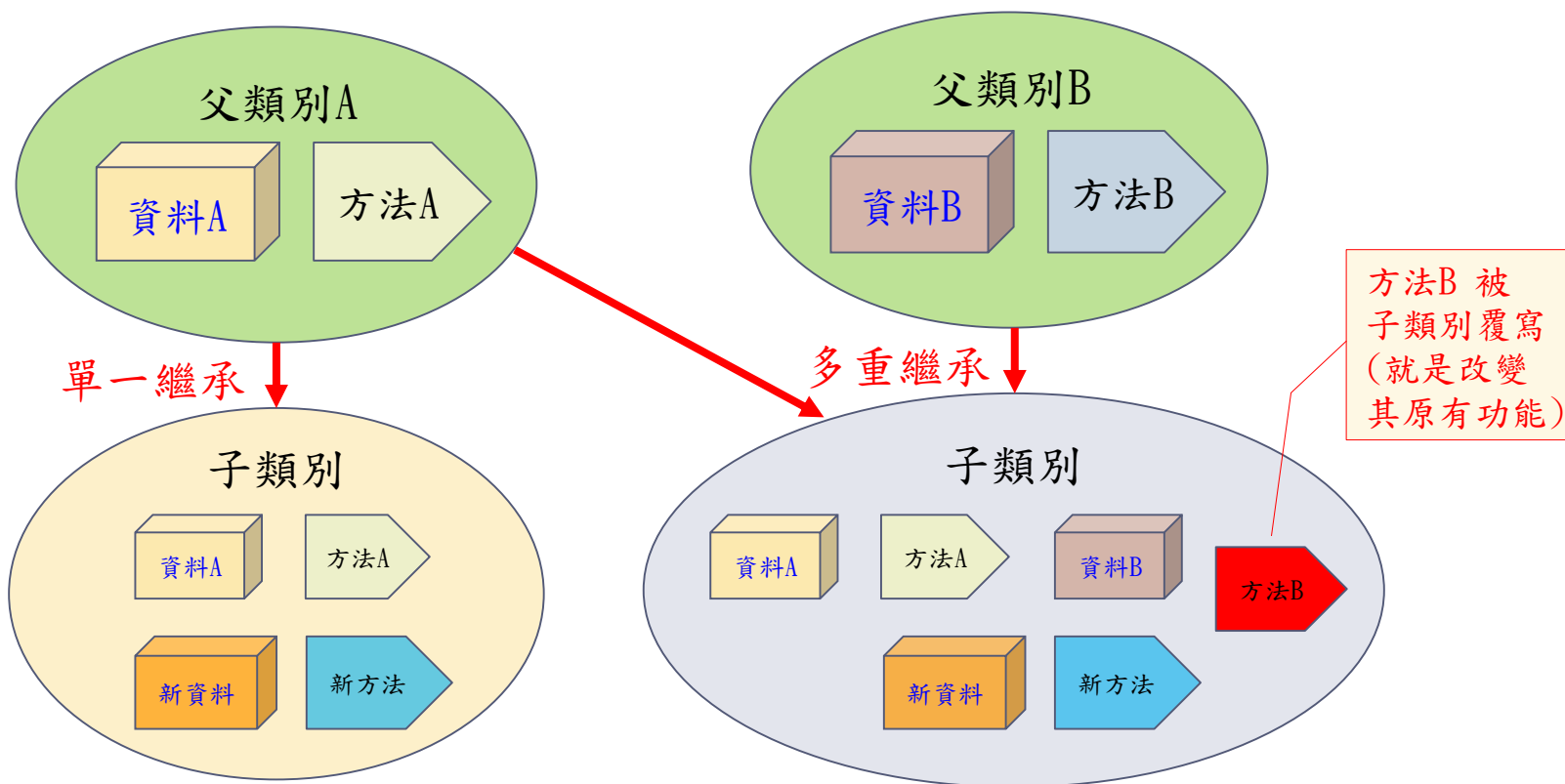
```
#建立一個含有10個Person物件的清單
boys = [Person() for i in range(10)]
```

```
boys[0].showData()    #顯示boys[0]內定值
boys[1].setData('阿美', '18')    #設定boys[1]的值
boys[1].showData()    #顯示boys[1]的值
```



# 物件導向程式設計(OOP)

- ▶ 類別繼承；可以單一繼承或多重繼承，子類別將擁有父類別的非私有屬性及方法，並可加上自己的新成員或方法，或覆寫父類別的方法。



# 物件導向程式設計(OOP)

---

## ▶ 繼承的宣告方式：

### ▶ 單一繼承：

```
class 類別名稱(父類別) :  
    :  
    敘述  
    :
```

### ▶ 多重繼承：

```
class 類別名稱(父類別A, 父類別B, ...) :  
    :  
    敘述  
    :
```

# 物件導向程式設計(OOP)

## ▶ 單一繼承範例：

```
class Person:    #宣告一個Person類別
    def __init__(self, name='無', age='無'):    #建構子
        self.name = name
        self.__age = age
    def setData(self, name, age):
        self.name = name
        self.__age = age
    def showData(self):
        print('姓名:', self.name, '年齡:', self.__age, end=' ')
```

資料成員，加了雙底線的\_\_age為私有屬性，不能被繼承

```
class Man(Person):    #宣告一個Man類別，繼承自Person類別
    def __init__(self, name='無', age='無', mm='無'):
        Person.setData(self, name, age)    #呼叫父類別的方法
        self.military_service = mm
    def setMilitary(self, mm):
        self.military_service = mm
    def changeName(self, nn):
        self.name = nn
    def showData(self):
        Person.showData(self)
        print('兵役:', self.military_service)
```

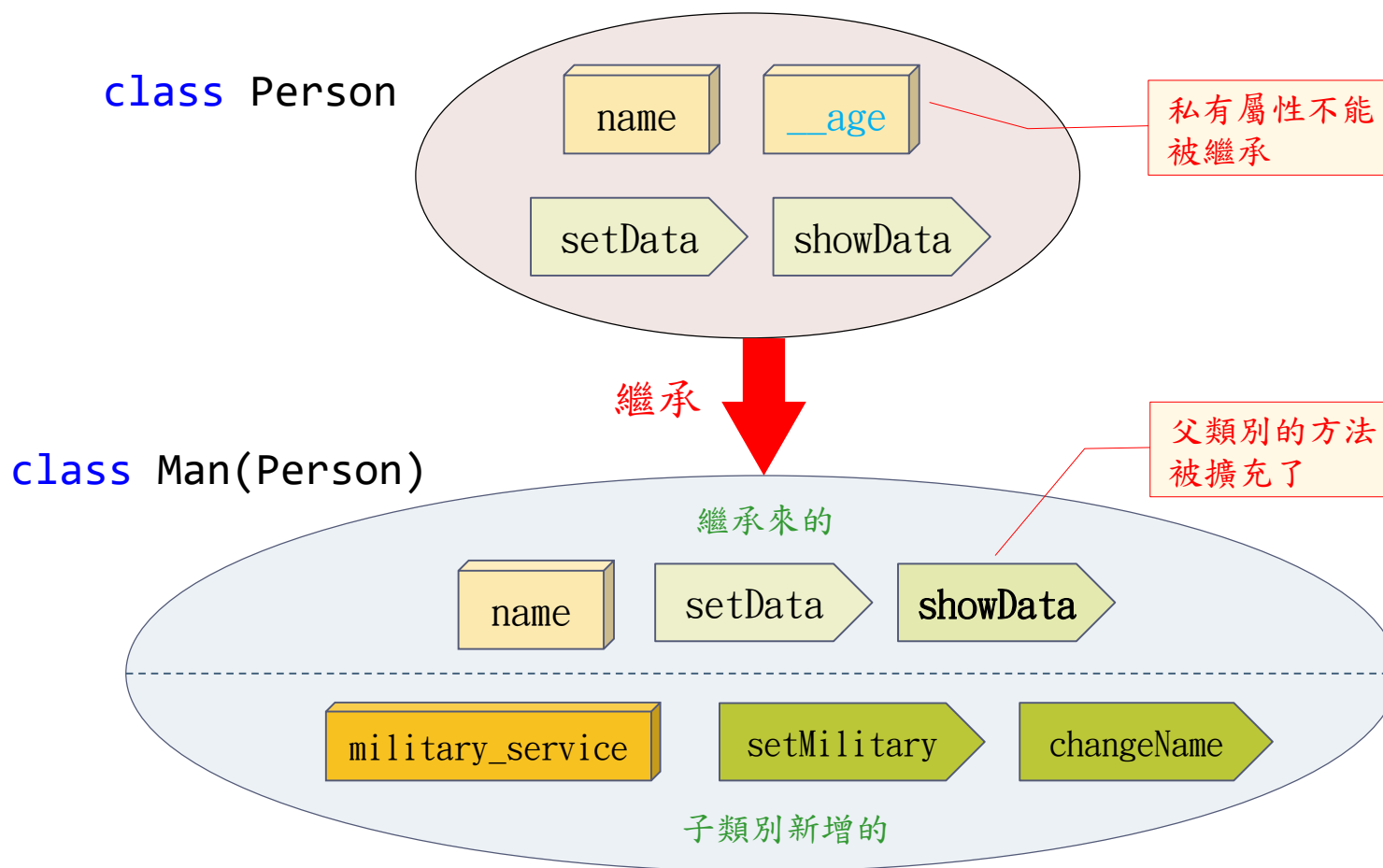
子類別新增的資料成員

子類別新增的方法

子類別擴展了父類別的方法

# 物件導向程式設計(OOP)

## ▶ 單一繼承範例：



# 物件導向程式設計(OOP)

## ▶ 單一繼承範例：

```
class Person:    #宣告一個Person類別  
    (同前，略)
```

```
class Man(Person):    #宣告一個Man類別，繼承自Person類別  
    (同前，略)
```

```
boy1 = Man()    #建立一個Man類別的物件叫boy1
```

```
boy1.showData()
```

```
boy1.setData('阿明', '18')
```

```
boy1.setMilitary('陸軍')
```

```
boy1.showData()
```

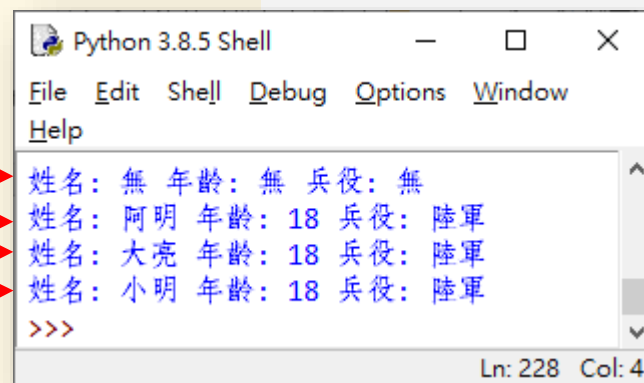
```
boy1.changeName('大亮')
```

```
boy1.showData()
```

```
boy1.name = '小明'
```

```
boy1.__age = '20'
```

```
boy1.showData()
```



```
Python 3.8.5 Shell  
File Edit Shell Debug Options Window Help  
姓名: 無 年齡: 無 兵役: 無  
姓名: 阿明 年齡: 18 兵役: 陸軍  
姓名: 大亮 年齡: 18 兵役: 陸軍  
姓名: 小明 年齡: 18 兵役: 陸軍  
>>>  
Ln: 228 Col: 4
```

這行是不會有反應的

# 物件導向程式設計(OOP)

## ► 多重繼承範例：

```
class Man:
    def setAtt(self, temper='開朗', height='180cm'):
        self.temper = temper; self.height = height
    def showAtt(self):
        print(self.temper, self.height, end=' ')
```

```
class Woman:
    def setAtt(self, eye='大眼睛', skin='白皮膚'):
        self.eye = eye; self.skin = skin
    def showAtt(self):
        print(self.eye, self.skin)
```

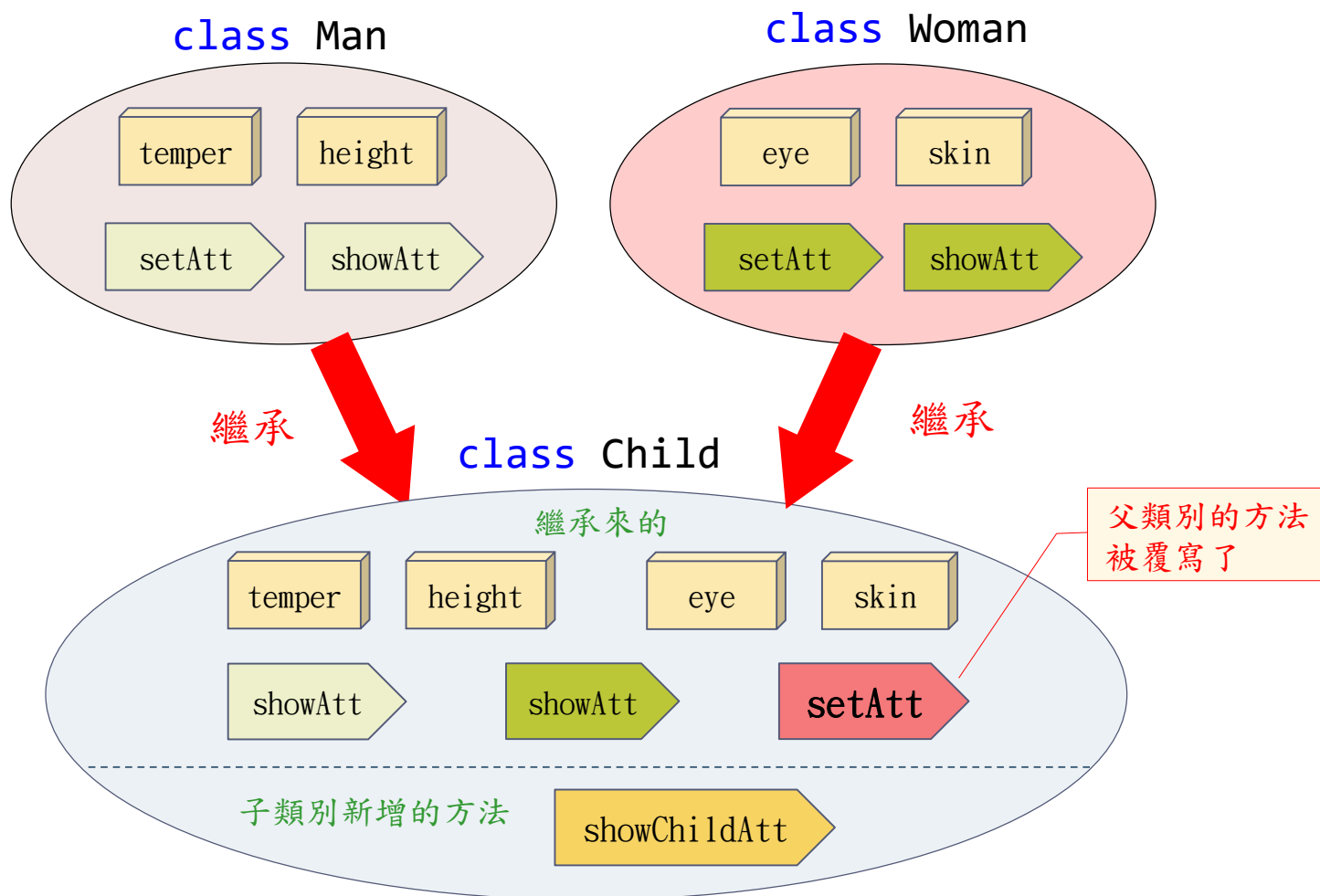
```
class Child(Man, Woman):
    def __init__(self):
        Man.setAtt(self); Woman.setAtt(self)
    def setAtt(self, temper, height, eye, skin):
        self.temper = temper; self.height = height
        self.eye = eye; self.skin = skin
    def showChildAtt(self):
        Man.showAtt(self); Woman.showAtt(self)
```

← 繼承自Man與Woman

← 覆寫了父類別的方法

# 物件導向程式設計(OOP)

## ► 多重繼承範例：





# 物件導向程式設計(OOP)

## ► 多重繼承範例：

```
class Man:  
    (同前，略)
```

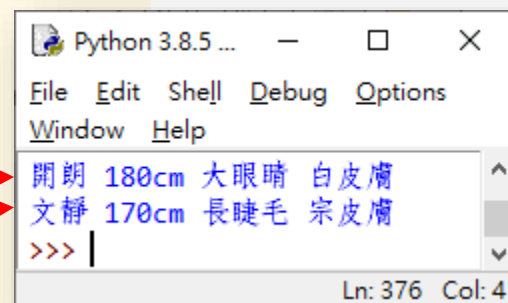
```
class Woman:  
    (同前，略)
```

```
class Child(Man, Woman):  
    (同前，略)
```

```
child1 = Child() #建立一個Child類別的物件叫child1  
child1.showChildAtt()
```

#執行覆寫過父類別功能的setAtt方法

```
child1.setAtt('文靜', '170cm', '長睫毛', '宗皮膚')  
child1.showChildAtt()
```



休息一下~

---



## 物件導向練習：鏈結串列

---

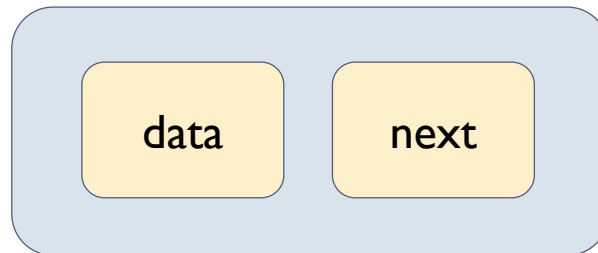
- ▶ 前面介紹過鏈結串列(Linked List)結構，我們使用物件的方式來實現對它的操作。
- ▶ 有一鏈結串列如圖：
  - ▶ 由許多節點(node)構成。
  - ▶ 須有依數值大小插入資料功能。
  - ▶ 須可刪除任一節點。
  - ▶ 可以顯示整個串列。

# 物件導向練習：鏈結串列

- ▶ 我們把節點寫成一個類別(class)叫Node，有兩個屬性(資料、下一個Node)，沒有類別方法：

```
class Node:
    def __init__(self, data=0):
        self.data = data    #資料
        self.next = None    #指向下一個節點位置
```

一個 Node



# 物件導向練習：鏈結串列

## ▶ 插入一個節點的函式：

```
def insert_node(h):  
    p = Node(eval(input("Please input data: "))) #輸入資料並建立一個節點p  
    prev = h #取得鏈結串列的起始節點  
    ptr = h.next #起始節點指向的下一個節點  
    flag = True  
    while ptr: #一直搜尋到節點指向為None為止  
        if ptr.data >= p.data: #在此插入新節點  
            prev.next = p #將前一個節點的指向改為此新節點  
            p.next = ptr #將前一個節點原來的指向放入新節點  
            flag = False  
            break  
        else:  
            prev = ptr #不是這個位置，繼續指向下一個節點  
            ptr = ptr.next  
    if flag: #新節點的值是最大的，放在尾端  
        prev.next = p  
        p.next = None  
    input(">>>Insert OK, press Enter to continue.")
```

# 物件導向練習：鏈結串列

## ▶ 刪除一個節點的函式：

```
def delete_node(h):
    d = eval(input("Please input data: ")) #輸入欲刪除的資料
    prev = h #取得鏈結串列的起始節點
    ptr = h.next #起始節點指向的下一個節點
    if ptr is None: #如果下一個節點的指向是None，表示這是空的鏈結串列
        print(">>>Link list is Empty. ", end='')
    else:
        flag = True
        while ptr: #一直搜尋到節點指向為None為止
            if ptr.data == d: #找到資料，刪除此節點
                prev.next = ptr.next #將這個節點的指向交給前一個節點
                print(f">>>data {d} deleted. ", end='')
                flag = False
                break
            else:
                prev = ptr #不是這個位置，繼續指向下一個節點
                ptr = ptr.next
        if flag: #無此資料在鏈結串列中
            print(">>>No this data in Link list. ", end='')
    input("Press Enter to continue.")
```

# 物件導向練習：鏈結串列

---

## ▶ 列出整個鏈結串列的函式：

```
def printall(h):  
    ptr = h.next      #取得鏈結串列的起始節點  
    while ptr:        #一直搜尋到節點指向為None為止  
        print(ptr.data, '-> ', end='')    #印出該節點資料  
        ptr = ptr.next    #繼續指向下一個節點  
    print('None')      #印出結尾符號  
    input(">>>Press Enter to continue.")
```

# 物件導向練習：鏈結串列

## ► 用一個功能表來引導使用者操作：

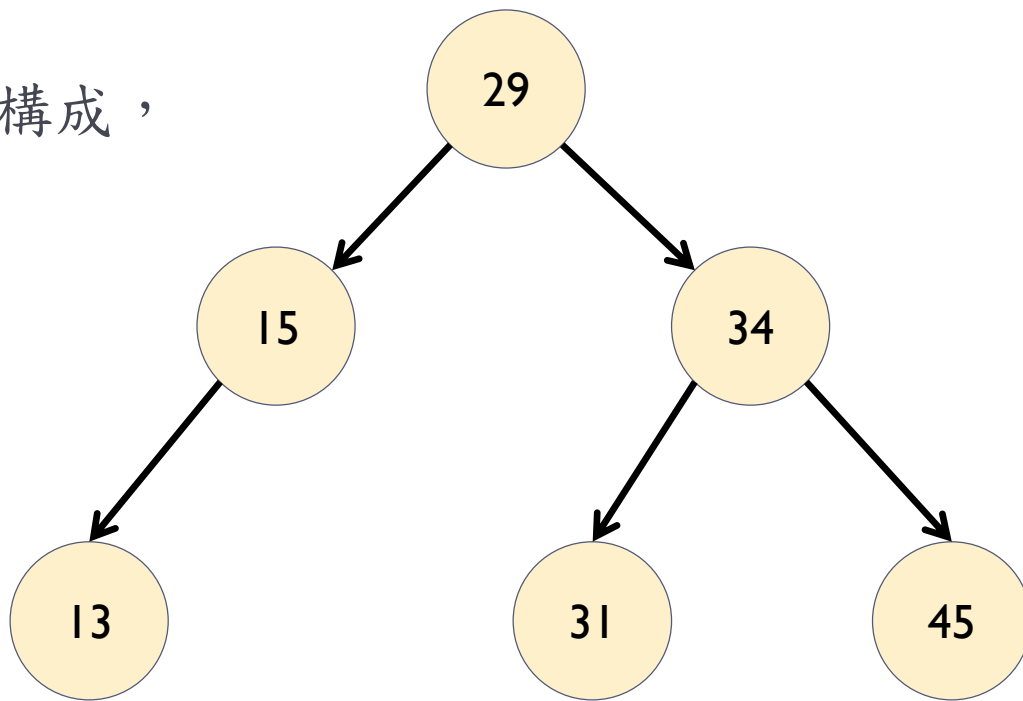
```
if __name__ == '__main__':  
    head = Node()    #建立一個新的鏈結串列  
    while True:      #顯示功能表  
        print("\n-----")  
        print(" 1. Insert a data to Link list")  
        print(" 2. Delete a data from Link list")  
        print(" 3. Show Link list")  
        print(" 4. Quit")  
        print("-----")  
        try:  
            c = int(input("Please input your select: "))  
            if c == 1:  
                insert_node(head)    #執行插入新節點  
            elif c == 2:  
                delete_node(head)    #執行刪除一個節點  
            elif c == 3:  
                printall(head)        #印出整個鏈結串列  
            elif c == 4:  
                os._exit(0)           #結束程式  
            else:  
                print(">>>Please input 1 ~ 4")  
        except:    #如果使用者的輸入無法轉換成整數的錯誤發生時  
            print(">>>Unknown select")
```





## 物件導向練習：二元樹

- ▶ 前面介紹過樹(Tree)結構，我們是使用一個二維陣列來表示的，現在我們使用物件的方式來實現對它的操作。
- ▶ 有一樹如圖：
  - ▶ 由許多節點(node)構成，
  - ▶ 除了資料不同，
  - ▶ 每個node結構
  - ▶ 都是相同的。

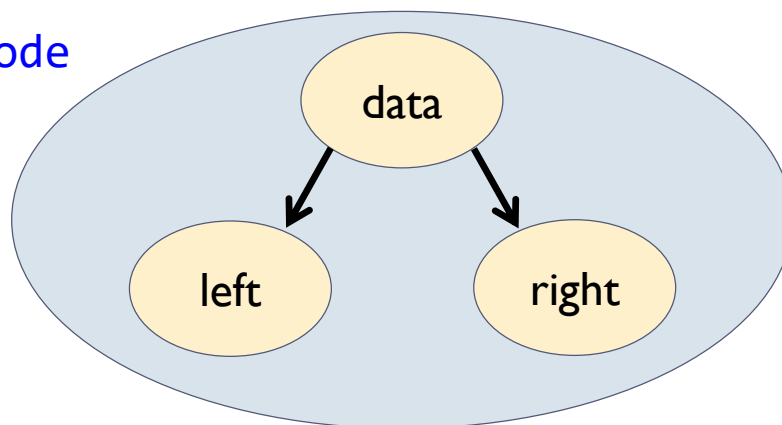


## 物件導向練習：二元樹

- ▶ 我們把樹的節點寫成一個類別(class)叫Node，有三個屬性(資料、左子樹節點、右子樹節點)：

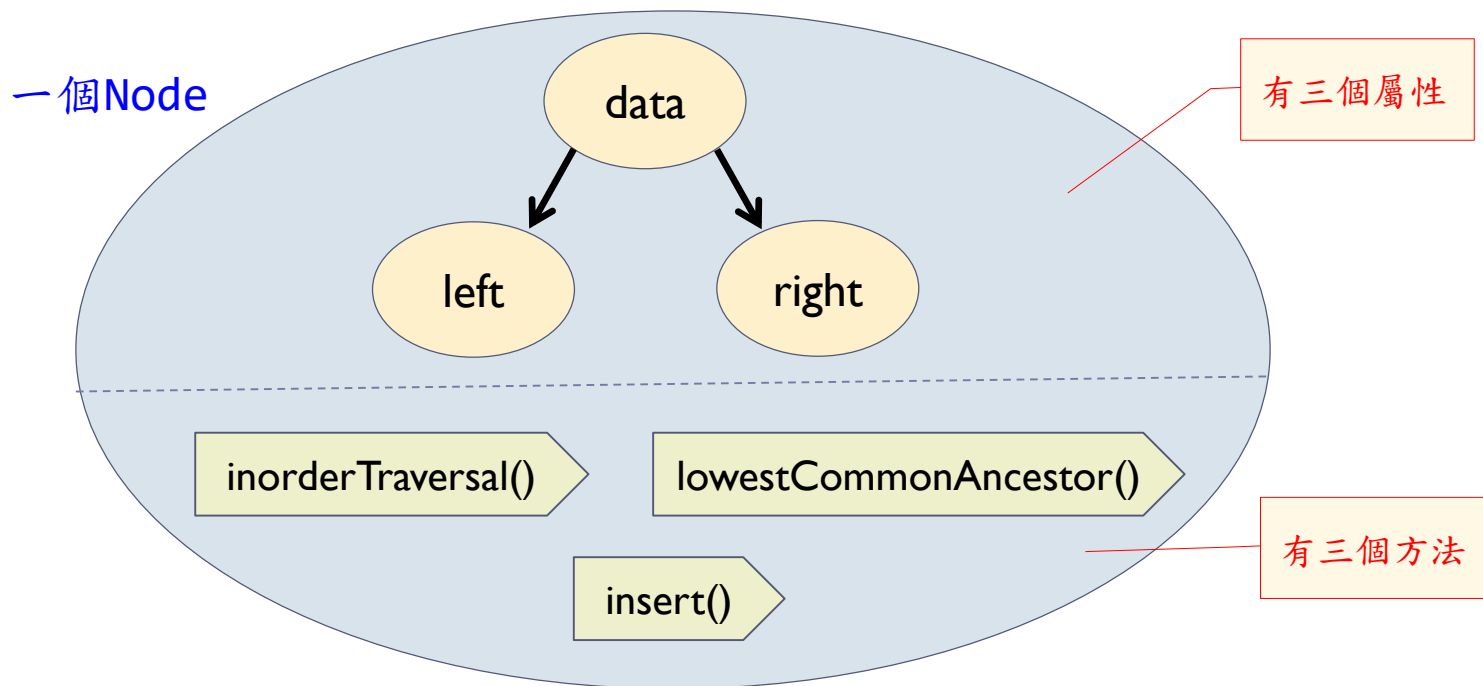
```
class Node:  
    def __init__(self, data = None):  
        self.data = data          # 資料  
        self.left = None         # 左子節點  
        self.right = None        # 右子節點
```

一個 Node



# 物件導向練習：二元樹

- ▶ 對於Node我們再加入一些功能(類別方法)：
  - ▶ insert：插入一個節點。
  - ▶ inorderTraversal：中序走訪(LDR)印出整棵樹。
  - ▶ lowestCommonAncestor：尋找最低共同祖先(LCA)。



# 物件導向練習：二元樹

- 所以我們的class Node應該是這樣：

```
class Node:
    def __init__(self, data = None):
        self.data = data          # 資料
        self.left = None         # 左子節點
        self.right = None        # 右子節點
```

```
def insert(self, data):
```

```
:
:
```

```
def inorderTraversal(self, node):
```

```
:
:
```

```
def lowestCommonAncestor(self, root, p, q):
```

```
:
:
```

都會用到遞迴，不熟  
的同學先回頭去看看

# 物件導向練習：二元樹

## ► 插入一個節點：

```
def insert(self, data):
    if self.data:          #如果該節點已有值
        if data < self.data: #如果data比此節點值小
            if self.left is None: #左子節點為空值，在此插入data
                self.left = Node(data)
            else:
                self.left.insert(data) #否則繼續往左子節點探訪
        elif data > self.data: #如果data比此節點值大
            if self.right is None: #右子節點為空值，在此插入data
                self.right = Node(data)
            else:
                self.right.insert(data) #否則繼續往右子節點探訪
        else:
            print(data, "該節點已存在") #二元樹不允許重複的值
    else: #該節點無資料，將資料插入本節點(只發生在空樹的根節點時)
        self.data = data
```

# 物件導向練習：二元樹

## ► 中序走訪(LDR)印出整棵樹：

```
# 中序走訪(Inorder traversal, Left->Data->Right, LDR)
def inorderTraversal(self, node):
    res = []    #建立本次走訪後要回傳用的清單
    if node:    #如果傳入的不是空值
        #繼續呼叫左子樹，直到傳回data
        res = self.inorderTraversal(node.left)
        #將此節點data加入res
        res.append(node.data)
        #繼續呼叫右子樹，直到傳回data
        res = res + self.inorderTraversal(node.right)
    return res
```

## 物件導向練習：二元樹

---

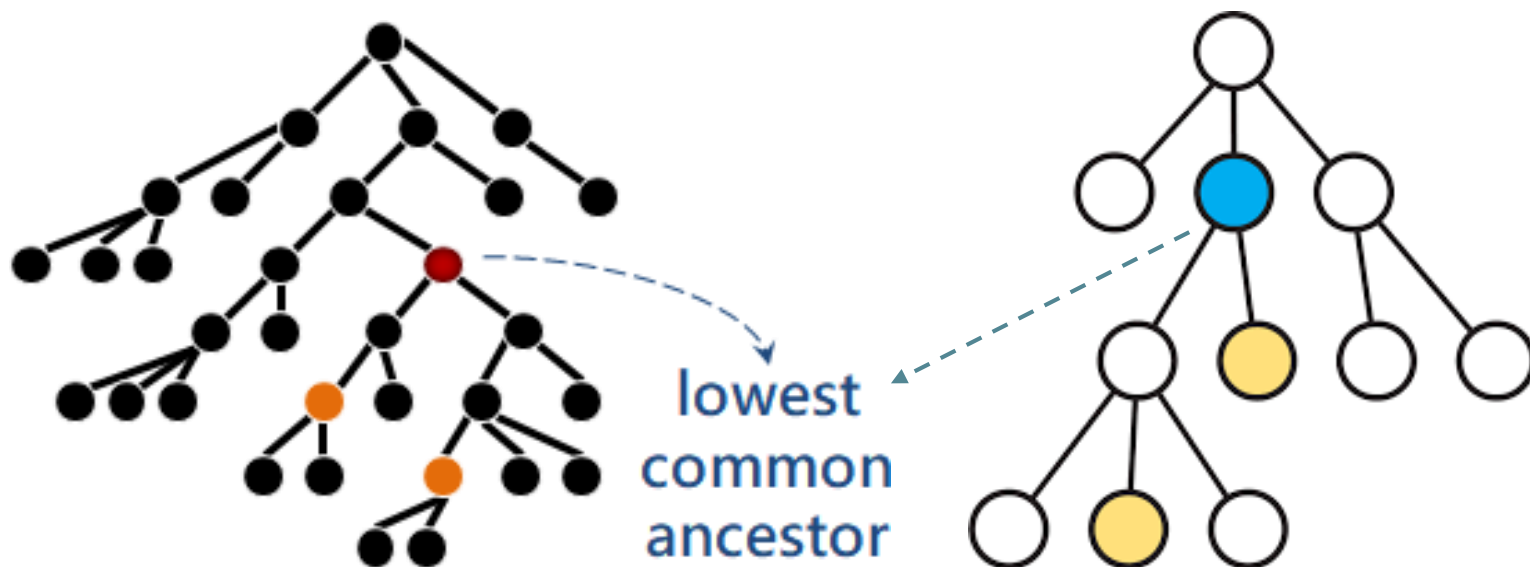
- ▶ 把註解都拿掉，看來是不是很簡潔有力啊~

```
def inorderTraversal(self, node):  
    res = []  
    if node:  
        res = self.inorderTraversal(node.left)  
        res.append(node.data)  
        res = res + self.inorderTraversal(node.right)  
    return res
```



## 物件導向練習：LCA

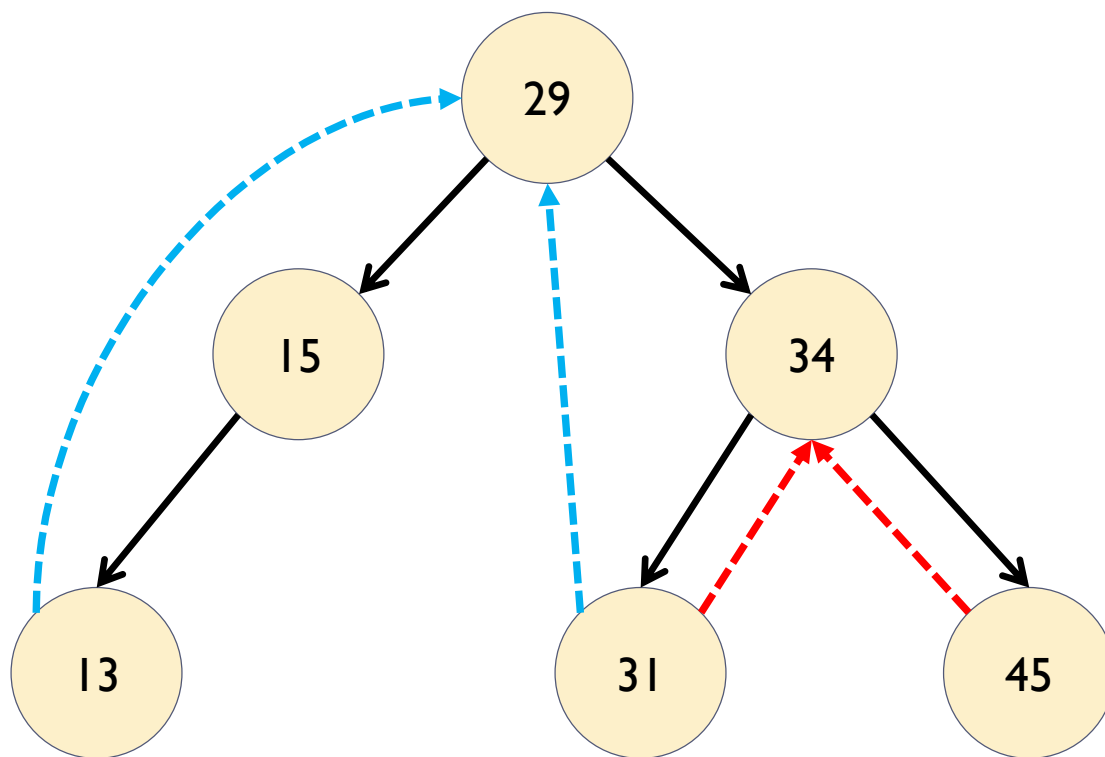
- ▶ 在樹的結構中，兩個點的所有共同祖先當中，離根最遠、深度最深的那一個共同祖先，稱作「最低共同祖先」(Lowest Common Ancestor：LCA)。
- ▶ 如圖示：





## 物件導向練習：LCA

- ▶ 對於我們的例子來說，31和45的LCA就是34，13和31的LCA就是29。



# 物件導向練習：二元樹

## ▶ 尋找最低共同祖先(LCA)：

```
def lowestCommonAncestor(self, node, p, q):  
    if not node: #傳入的node為空節點，直接返回  
        return None  
    if node.data == p or node.data == q: #找到其中一個  
        return node #回傳此node  
    left = self.lowestCommonAncestor(node.left, p, q)  
    right = self.lowestCommonAncestor(node.right, p, q)  
    if right and left: #在此node之下兩個都有找到  
        return node #回傳此node  
    #找不到，其中一個不再樹內，傳回在樹內的值  
    #若right為真則傳回right，否則傳回left  
    return right or left
```

# 物件導向練習：二元樹

---

- ▶ 類別都定義好後，主程式部分就簡單了：

```
root = Node()    #先建立根結點，一個空樹

nodeList = [29, 34, 15, 13, 31, 45]
for item in nodeList:    #依清單順序插入各節點，將樹建立起來
    root.insert(item)

print(root.inorderTraversal(root))    #中序(LDR)走訪整棵樹

node = root.lowestCommonAncestor(root, 13, 31)    #找LCA節點
print(node.data)    # 印出LCA點的data
```

# 物件導向練習：二元樹

## ► 完整的程式：

```
class Node:
    def __init__(self, data = None):
        self.data = data    # 資料
        self.left = None    # 左子節點
        self.right = None    # 右子節點

    # 插入一個Node
    def insert(self, data):
        if self.data:    # 如果該節點已有值
            if data < self.data:    # 如果data比此節點值小
                if self.left is None:    # 左子節點為空值，在此插入data
                    self.left = Node(data)
                else:
                    self.left.insert(data)    # 否則繼續往左子節點探訪
            elif data > self.data:    # 如果data比此節點值大
                if self.right is None:    # 右子節點為空值，在此插入data
                    self.right = Node(data)
                else:
                    self.right.insert(data)    # 否則繼續往右子節點探訪
            else:
                print(data, "該節點已存在")    # 二元樹不允許重複的值
        else:    # 該節點無資料，將資料插入本節點
            self.data = data
```

# 中序走訪(Inorder traversal, Left->Data->Right, LDR)

```
def inorderTraversal(self, node):
    res = []    # 建立走訪後回傳用的清單
    if node:
        res = self.inorderTraversal(node.left)
        res.append(node.data)
        res = res + self.inorderTraversal(node.right)
    return res
```

# 尋找最低共同祖先(LCA)

```
def lowestCommonAncestor(self, node, p, q):
    if not node:
        return None
    if node.data == p or node.data == q:
        return node
    left = self.lowestCommonAncestor(node.left, p, q)
    right = self.lowestCommonAncestor(node.right, p, q)
    if right and left:
        return node
    return right or left
```

# main

```
root = Node()    # 先建立根結點
nodeList = [29, 34, 15, 13, 31, 45]
for item in nodeList:    # 依清單順序插入各節點
    root.insert(item)
```

# 中序(LDR)走訪整棵樹

```
print(root.inorderTraversal(root))
```

# 找LCA節點

```
node = root.lowestCommonAncestor(root, 13, 45)
print(node.data)    # 印出LCA點的data
```

# 物件導向程式設計(OOP)

---

- ▶ 物件導向還有很多的內容，我們就介紹到這邊，有興趣的同學可以再去研究。
- ▶ 經過漫長的學習，大家應該都學會基本的Python語言運用了，多多實作就會更熟悉了，加油~



下課~

